

درس هفتم

احکام قضایا

آشنایی با احکام قضایا

نحوه استنتاج از یک قضیه صادق یا کاذب به قضایای دیگر از طریق روابط تقابل

نحوه استنتاج از یک قضیه صادق به قضایای دیگر از طریق روابط عکس مستوی

آشنایی با کاربرد مبحث احکام قضایا

آشنایی با چند مغالطه: استثنای قابل جشم پوشی، ایهام انعکاس

مجتبی محمودی

دبیر فلسفه و منطق شهرستان ایذه

سال تحصیلی: ۱۴۰۰ - ۱۳۹۹

مربع تقابل

اگر قضیه موجبه کلیه «هر دانشآموزی دارای کتاب درسی است»، صادق باشد، نام

قضایای زیر و صدق و کذب آنها را تعیین کنید:

- | نام قضیه | صادق / کاذب | |
|---------------|-------------|--|
| (موجبه کلیه) | (صادق) | ۱ هر دانشآموزی دارای کتاب درسی است. |
| (سالبه کلیه) | (کاذب) | ۲ هیچ دانشآموزی دارای کتاب درسی نیست. |
| (موجبه جزئیه) | (صادق) | ۳ بعضی از دانشآموزان دارای کتاب درسی هستند. |
| (سالبه جزئیه) | (کاذب) | ۴ بعضی از دانشآموزان دارای کتاب درسی نیستند. |

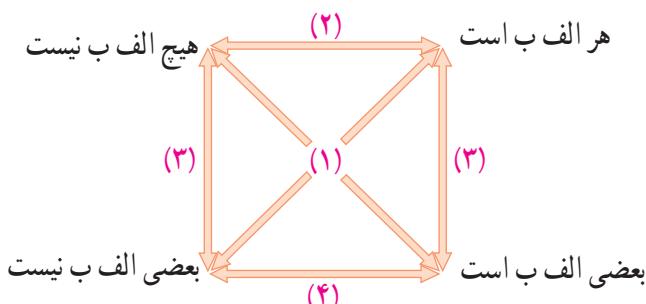
چنان که ملاحظه می کنید، چهار قضیه محصوره از نظر صدق و کذب و تغییر کمیت و

کیفیت، دارای روابطی با یکدیگر هستند که در این درس به بررسی آنها می پردازیم. برای

آنکه بهتر بتوانند رابطه دو به دوی میان این قضایا را مشخص کنند، آنها را در مربع زیر

قرار می دهند و آن را «مربع تقابل» می نامند. مربع متقابل نشان می دهد که میان قضایای

محصوره حداقل چهار رابطه زیر وجود دارند:



۱- هنگامی که می گوییم «بعضی از دانشآموزان کتاب درسی دارند»، به این معنا نیست که «فقط بعضی از دانشآموزان کتاب درسی دارند» و بقیه فاقد کتاب هستند.

۲- به قضایایی که موضوع و محمول آنها یکسان است؛ اما در کمیت یا کیفیت یا هر دو، متفاوت هستند قضایای متقابل می گویند.

۱- رابطه تنافق میان چه قضیه هایی برقرار است؟

۲- چگونه می توان به متنافق (نقیض) یک قضیه دست یافت؟

۱- تنافق

رابطه شماره (۱) در مربع تقابل «تنافق» نامیده می شود^۱ (رابطه تنافق میان قضیه های موجبه کلیه و سالبۀ جزئیه و میان سالبۀ کلیه و موجبه جزئیه برقرار است^۱) (با تغیر کمیت و کیفیت یک قضیه می توان به «متنافق» (نقیض) آن قضیه دست یافت) برای بررسی رابطه صدق و کذب میان دو قضیه متنافق، به سؤالات زیر پاسخ دهید :

- اگر در شهری صنعتی متوجه شویم که «بعضی از روزها هوا آلوده است»، آیا می توانیم بگوییم در این شهر «هیچ روزی هوا آلوده نیست»؟ **خیر**
- اگر به مدیر دبستانی گزارش شود که «برخی از دانشآموزان شیر دریافت نکرده اند»، آیا قضیه «همه دانشآموزان شیر دریافت کرده اند» صادق است؟ **خیر**

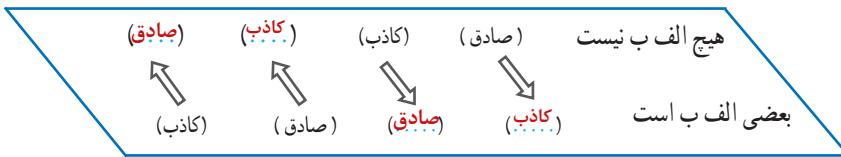
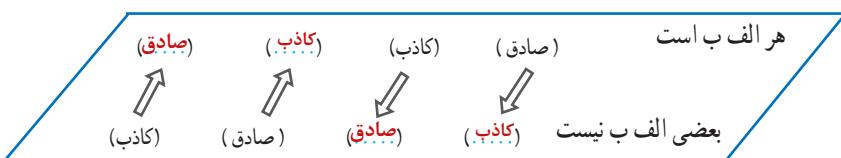
^۳ (در رابطه تنافق، صدق یک قضیه، کذب دیگری را در پی دارد و کذب یک قضیه، صدق دیگری را نتیجه می دهد.) ^۳

۳- در رابطه تنافق صدق یا کذب یک قضیه چه نتیجه ای در پی دارد؟

تمرین



صدق و کذب روابط زیر را مشخص کنید :



* بدیهی ترین قضیه

بدیهی ترین و پایه‌ای ترین قضیه، محال بودن تنافق (اصل محال بودن اجتماع و ارتفاع دو نقیض) است که آن را مادر قضایا (ام‌القضایا) نامیده‌اند. این قضیه بیان می کند که دو نقیض یا دو قضیه متنافق هم زمان صادق نیستند (با هم جمع نمی‌شوند) و هم زمان کاذب نیز نیستند (با هم رفع نمی‌شوند).

- ۱- رابطه تضاد میان چه قضیه هایی برقرار است؟
 ۲- چگونه می توان به متضاد یک قضیه دست یافت؟

بخش ۵ / قضیه حمل و فیاس اقتراضی

۲- تضاد

رابطه شماره (۲) در مربع تقابل «تضاد» نامیده می شود. (رابطه تضاد تنها میان قضیه های موجبه کلیه و سالبه کلیه برقرار است) (بنابراین با تغییر کیفیت قضیه کلی، به قضیه «متضاد» آن می رسیم). برای بررسی رابطه صدق و کذب میان دو قضیه متضاد، به سؤال زیر پاسخ دهید:

اگر روزنامه ای بنویسید: «همه وعده های مدیر، عملی شده است»، بر این اساس قضیه «هیچ یک از وعده های مدیر، عملی نشده است»، صادق است یا کاذب؟

۳ (بنابراین در رابطه تضاد، از صدق یک قضیه کلی به کذب قضیه کلی دیگر دست می یابیم. اما اگر قضیه کلی کاذب باشد، نمی توانیم به صورت صدق کذب قطعی بگوییم که قضیه متضاد آن صادق است یا کاذب) ۳
 ۳- در رابطه تناقض صدق یا کذب یک قضیه چه نتیجه ای در پی دارد؟

حکایت

دو نفر برای حل نزاع خود به نزد مردم رفتند. او به سخنان نفر اول گوش داد و گفت: «تو درست می گویی». سپس نوبت نفر دوم شد. به سخنان او نیز گوش داد و گفت: «تو درست می گویی». شخصی که در آنجا حضور داشت به او اعتراض کرد که نمی شود سخنان متضاد هر دو نفر صحیح باشند. مرد حکم فکری کرد و گفت: «تو درست می گویی!».

تمرین



صدق و کذب روابط زیر را مشخص کنید:

هیچ الف ب نیست	\Leftarrow	هر الف ب است
(کاذب)		(صدق)
مشخص نیست	\Leftarrow	(کاذب)
(....)		(کاذب)
(صدق)	\Rightarrow	مشخص نیست
(کاذب)	\Rightarrow	(....)

۱- رابطه تداخل میان کدام قضایا برقرار است و چرا به ان متداخل می گویند؟

۲- چگونه می توان به متداخل یک قضیه دست یافت؟

درس هفتم / احکام قضایا

۳- تداخل

رابطه شماره (۳) در مربع تقابل، «تداخل» نامیده می شود (۱) این رابطه میان قضیه موجبه کلیه و موجبه جزئیه و میان سالبہ کلیه و سالبہ جزئیه برقرار است. از آنجا که مصادیق قضیه جزئی در ذیل مصادیق قضیه کلی قرار دارند، این رابطه را متداخل نامیده اند (۲) با تغییر کمیت قضیه و ثابت نگهداشتن کیفیت آن می توان به «متداخل» آن قضیه دست یافت) برای بررسی

رابطه صدق و کذب میان دو قضیه متداخل، به سؤالات زیر پاسخ دهید :

- اگر بدانیم «همه فلزات هادی الکتریسیته اند»، آیا می توانیم بگوییم که «بعضی از فلزات نیز هادی الکتریسیته اند»؟ چرا؟



اگر بدانیم که «هیچ کتابی در بخش مسابقه برنده نشده است»، آیا می توانیم نتیجه بگیریم

۳- رابطه صدق دو قضیه متداخل چگونه است؟ که «کتاب های انتشارات ما نیز برنده نشده اند»؟

بر این اساس رابطه صدق دو قضیه متداخل به صورت زیر است :



۴) (هرگاه قضیه کلی صادق باشد، قضیه جزئی نیز صادق است (ونه بر عکس)).

اگر کسی بگوید که «همه مدادها سیاه هستند»، کافی است یک مداد رنگی به وی نشان دهیم

تا حکم کلی وی را نقض کنیم. به این کار (آوردن مثال نقض) می گویند.

اگر کسی بگوید که «هیچ کتابی بیش از دویست صفحه ندارد»، چگونه می توانیم حکم

وی را نقض کنیم؟ کتابی به او نشان می دهیم که ۲۰۱ صفحه داشته باشد

۴- قاعده آوردن مثال
نقض را بنویسید؟



بر این اساس رابطه کذب دو قضیه متداخل به صورت زیر است :

۱) هرگاه قضیه جزئیه کاذب باشد، قضیه کلیه نیز کاذب است (و
نه بر عکس)

۲) هنگامی که ادعایی کلی مطرح می شود، یافتن یک مثال نقض آن حکم کلی را باطل می کند. در صورتی که با وجود پیدا شدن استثنایی در یک حکم کلی، همچنان بر کلی بودن حکم خود اصرار کنیم، دچار مغالطه «استثنای قابل چشم پوشی» شده ایم.

به مثال زیر توجه کنید :

• همه افراد از کیفیت غذای ما راضی اند.

پس چرا دیروز یکی از مشتریان اعتراض کرد؟

- او یک استثناست!

تمرین



صدق و کذب روابط زیر را مشخص کنید :

مشخص نیست

(کاذب)	(....)	(کاذب)	(صادق)	هر الف ب است
↑ (کاذب)	↑ (صادق)	↓ مشخص نیست	↓ صادق	بعضی الف ب است

مشخص نیست

(کاذب)	(....)	(کاذب)	(صادق)	هیچ الف ب نیست
↑ (کاذب)	↑ (صادق)	↓ مشخص نیست	↓ صادق	بعضی الف ب نیست

* ۴- تداخل تحت تضاد

رابطه شماره (۴) در مربع تقابل، «تداخل تحت تضاد» نامیده می شود. رابطه تداخل تحت تضاد تنها میان قضیه های موجبه جزئیه و سالبه جزئیه برقرار است. از آنجا که در مربع تقابل، این دو قضیه، متداخل در ذیل (تحت) دو قضیه متضادند، این رابطه را تداخل تحت تضاد نامیده اند. چنان که ملاحظه می شود با تغییر کیفیت قضیه جزئی به «متداخل تحت تضاد» آن می رسیم.

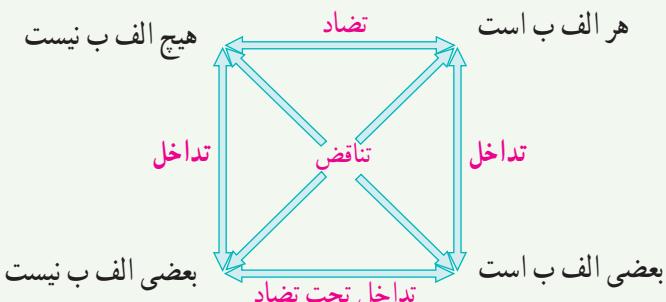


در رابطه تداخل تحت تضاد از کذب یک قضیه جزئی به صدق قضیه جزئی دیگر دست می یابیم. اما از صدق یک قضیه جزئی نمی توان به صدق یا کذب قضیه جزئی دیگر دست یافت.

▪ صدق و کذب روابط زیر را مشخص کنید :

بعضی الف ب نیست		بعضی الف ب است
(.....)	↔	(صادق)
(.....)	↔	(کاذب)
(صادق)	⇒	(.....)
(کاذب)	⇒	(.....)

مربع تقابل



1- چگونه می توان به عکس یک قضیه دست یافت؟

عکس مستوی

1 (در صورتی که موضوع و محمول قضیه حملی را جایه جا کنیم، قضیه به دست آمده است)
 «عکس» آن قضیه می نامند)

$$\text{الف ب} \iff \text{ب الف}$$

اکنون این سؤال مطرح می شود که اگر قضیه‌ای صادق باشد، آیا عکس آن نیز صادق است؟ به مثال‌های زیر توجه کنید :



▪ در تبلیغی با نشان دادن نوعی روغن مایع می گویند : «همه کدبانوهای ماهر از این روغن مایع استفاده می کنند». حتی اگر این سخن درست باشد، آیا می توان نتیجه گرفت که هر کس از آن روغن مایع استفاده کند، کدبانوی ماهری خواهد بود؟ چرا؟

- آیا چون «هر گردوبی گرد است» می توان گفت که «هر گردی گرد است»؟
- برخی از افراد با لباس تیره، شبها هنگام عبور از خیابان گمان می کنند که چون خودشان وسایل نقلیه را می بینند، رانندگان نیز می توانند آنها را مشاهده کنند؛ در صورتی که

همواره چنین نیست. آنها در حقیقت دچار خطای اندیشه شده‌اند.

در سه مثال صفحه قبل مواردی را دیدیم که گرچه قضیه‌ای صادق است؛ اما اگر جای موضوع و محمول آن تغییر کند (و اصطلاحاً عکس شود)، دیگر صادق نخواهد بود.

اکنون به سوالات زیر پاسخ دهید :

• اگر بدانیم که «هیچ عقابی حشره نیست»، آیا می‌توان گفت که «هیچ حشره‌ای عقاب نیست»؟

• اگر «بعضی از دانشآموزان شاعر باشند»، آیا می‌توان نتیجه گرفت که «بعضی از شاعران دانشآموزنده»؟

در دو مثال بالا مواردی را دیدیم که با صادق بودن یک قضیه، عکس آن قضیه نیز صادق است.

با مشاهده این مثال‌ها نتیجه می‌گیریم که در مواردی می‌توان جای موضوع و محمول یک قضیه را تغییر داد و به نتیجه صادقی دست یافته و در مواردی نمی‌توان چنین کرد. منطق‌دانان با بررسی مواردی که در صورت صادق بودن اصل قضیه، عکس آن نیز صادق خواهد بود، به قانونی کلی دست یافته‌اند و آن را به صورت زیر بیان کرده‌اند :

عکس مستوی (ب الف)	اصل (الف ب)
بعضی ب الف است.	هر الف ب است.
بعضی ب الف است.	بعضی الف ب است.
هیچ ب الف نیست.	هیچ الف ب نیست.
عکس لازم الصدق ندارد ^۱	بعضی الف ب نیست.

جدول مهم است

۱- قاعده عکس مستوی را توضیح دهید؟

۱ (از آنجا که ~~منطق‌دانان~~ از قضیه‌ای صادق به عکس آن قضیه که از نظر صدق همانند

و مساوی آن قضیه است، دست می‌یابیم، آن را قاعده «عکس مستوی» نامیده‌اند) ۱

۲ (منطق‌دانان با بررسی قضیه سالبه جزئیه (بعضی الف ب نیست) شان داده‌اند که قانونی برای عکس مستوی این قضیه وجود ندارد. بدین جهت اصطلاحاً می‌گویند که سالبه

جزئیه عکس لازم الصدق ندارد) ۲

۱- به این معنا که در برخی از مثال‌ها، عکس آن صادق و در برخی از مثال‌ها، عکس آن کاذب می‌شود.

مغالطه ایهام انعکاس

۱ (در صورتی که در جا به جا کردن اجزای قضیه، قاعدة عکس مستوی را به درستی رعایت نکنیم، دچار «مغالطه ایهام انعکاس» می‌شویم. به عنوان مثال اگر موجبه کلیه را به موجبه کلیه عکس کنیم یا برای سالبه جزئیه عکس لازم الصدق در نظر بگیریم، دچار این مغالطه شده‌ایم.

مانند :

۱ همه بوته‌ها گیاه‌اند. (صادق) \leftrightarrow همه گیاه‌ها بوته‌اند. (کاذب)

بعضی انسانها کودک نیستند. (صادق) \leftrightarrow بعضی کودک‌ها انسان نیستند. (کاذب)

از این مغالطه در تبیغات استفاده زیادی می‌شود. به عنوان مثال با نشان دادن خانواده‌ای

شاد و خوشبخت در کنار یکی از لوازم خانگی، این گونه القا می‌کند :

بعضی از افراد خوشبخت دارای این لوازم خانگی هستند؛ پس : هر کس با داشتن این لوازم خانگی خوشبخت خواهد بود!

در صورتی که عکس موجبه جزئیه، موجبه کلیه نیست.

تمرین



عکس مستوی قضایای زیر را بنویسید :

هیچ کافروی مسلمان نیست \leftrightarrow هیچ مسلمانی کافر نیست.

بعضی وطن دوست‌ها ایرانی هستند \leftrightarrow هر ایرانی وطن دوست است.

عکس مستوی لازم الصدق ندارد چون سالبه‌ی جزئیه است \leftrightarrow بعضی حیوانات گرده نیستند.

(بعضی اهکی‌ها سنگ هستند) \leftrightarrow بعضی سنگ‌ها آهکی هستند.

فعالیت تكمیلی

۱- در مربع تقابل، جای موضوع و محمول ثابت است. اما در عکس مستوی تغییر می‌کند

۱. فرق قواعد مربع تقابل و عکس مستوی از نظر جایگاه موضوع و محمول قضیه در چیست؟

۲. در فرض صادق بودن قضیه نخست، صدق یا کذب قضیه دوم را مشخص کنید و نام

رابطه میان آنها را بیان کنید :

الف) همه کارمندان مالیات می‌پردازنند. **کاذب: تناقض**

ب) بعضی فیزیک‌دانان اقتصاددان نیستند. **کاذب: تناقض**

ج) هیچ مسافری در راه نیست. **کاذب: تضاد**

د) هیچ مسافری در راه نیست.

ه) هر نهنگی آبزی است.

* او) بعضی پرنده‌گان مهاجر نیستند. **مشخص نیست: داخل**

۱- تمرین‌هایی که با علامت ستاره مشخص شده‌اند، از بخش‌های ستاره‌دار کتاب طراحی شده‌اند و پاسخ به آنها اختیاری

است و به نظر دیر منطق سنتگی دارد.

سایر روابط از نظر صدق و کذب یک طرفه اند. در تضاد از صدق یک طرف، کذب طرف دیگر، صدق طرف دیگر، نسبت نخست را نتیجه نمیدهد. اما در عکس مستوی از صدق به صدق اصل قضیه به صدق اصل عکس قضیه میرسیم. اما از کذب اصل نمیتوان به کذب عکس رسید ولی از کذب عکس، نمیتوان به کذب قضیه اصلی رسید

پشت ۵ / قضیه حمل و قیاس اثراورز

۳. الف) با توجه به رابطه میان ستون اول با ستون های دیگر جدول زیر، در صورت صادق بودن قضایای ستون نخست، درباره صدق یا کذب سایر قضایا چه می توان گفت؟

بعضی الف ب نیست	هیچ الف ب نیست	بعضی الف ب است	هر الف ب است	
تناقض / کاذب	تضاد / کاذب	تداخل / صادق		هر الف ب است
* داخل تحت تضاد / نامعلوم	تناقض / کاذب		تداخل / نامعلوم	بعضی الف ب است
تداخل / صادق		تناقض / کاذب	تضاد / کاذب	هیچ الف ب نیست
	تداخل / نامعلوم	* داخل تحت تضاد / نامعلوم	تناقض / کاذب	بعضی الف ب نیست

ب) جدولی مشابه جدول فوق رسم کنید و آن را در فرض کاذب بودن قضایای ستون نخست، تکمیل کنید. رسم جدول بر عهده دانش اموز عزیز است

۴. مشخص کنید که در هر یک از روابط مرتع تقابل و نیز در رابطه عکس مستوی، کمیت و کیفیت دو قضیه، ثابت میمانند یا تغییر میکنند. جواب پایین صفحه است

۵. کدامیک از روابط مرتع تقابل و عکس مستوی، از نظر صدق و کذب، یک طرفه و کدامیک دو طرفه اند؟ جواب بالای صفحه است

۶. جدول زیر را کامل کنید :

بعضی الف ب نیست	هیچ الف ب نیست	بعضی الف ب است	هر الف ب است	
هر الف ب است	بعضی الف ب است	هیچ الف ب نیست	بعضی الف ب نیست	متناقض
	هر الف ب است		هیچ الف ب نیست	متضاد
هیچ الف ب نیست	بعضی الف ب نیست	هر ب الف است	بعضی الف ب است	متداخل
بعضی الف ب است		بعضی الف ب نیست		* متداخل تحت تضاد
	هیچ ب الف است	بعضی ب الف است	بعضی ب الف است	عکس مستوی

۷. جملات زیر را با کلمات صادق و کاذب کامل کنید :

الف) دو قضیه متناقض هم زمان **صادق**. نیستند و هم زمان **کاذب**. نیستند.

ب) دو قضیه متضاد هم زمان **صادق**. نیستند؛ اما شاید هم زمان **کاذب**. باشند.

* ج) دو قضیه متداخل تحت تضاد هم زمان **کاذب**. نیستند؛ اما شاید هم زمان **صادق**.

باشند.

۴- در تناقض هم کمیت تغییر می کند هم کیفیت

در تضاد کمیت ثابت است ولی کیفیت تغییر می کند

در تداخل کمیت تغییر می کند ولی کیفیت ثابت است

در عکس مستوی کمیت در مواردی ثابت و در مواردی متغیر است ولی در کیفیت ثابت است

مجتبی محمودی، دبیر فلسفه و منطق شهرستان ایذه

* پارادوکس دروغگو

اگر فردی بگوید: «این سخن من دروغ است»، آیا وی راست می‌گوید یا دروغ؟ برای پاسخ به این سؤال، بباید هر یک از این دو حالت را بررسی کنیم:

اگر فرض کنیم که راست می‌گوید، پس راست است که «این سخن وی دروغ است»؛
یعنی دروغ می‌گوید!

اگر فرض کنیم که دروغ می‌گوید، پس دروغ است که «این سخن وی دروغ است»، یعنی راست می‌گوید!

چنان‌که ملاحظه می‌کنید، فرض هر یک از دو حالت بالا، به فرض دیگر منتهی می‌شود.
پس سرانجام جمله بالا را صادق بدانیم یا کاذب؟!

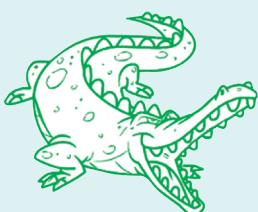
به این مطلب «پارادوکس دروغگو» می‌گویند. منطق‌دانان مسلمان این پارادوکس را شبیهٔ جذر اصم نامیده‌اند. در اینجا دو روایت دیگر از پارادوکس دروغگو را ذکر می‌کنیم:

روایت نخست:

۱. جملهٔ بعدی دروغ است.
۲. جملهٔ قبلی راست است.

روایت دوم:

مادری از تمساحی که کودکش را گرفته بود، خواهش کرد تا او را پس بدهد. تمساح گفت: به شرطی این کار را می‌کنم که به درستی حدس بزنی که او را به تو پس خواهم داد یا نه؟



مادر گفت: تو او را به من پس نخواهی داد!

اگنون حالات مختلف زیر را بررسی کنید و بگوید تمساح چه کار باید بکند:

– اگر مادر درست گفته باشد، طبق قرار باید کودک را

پس بدهد؛ اما اگر کودک را پس بدهد، آیا مادر درست گفته است؟!

– اگر مادر درست نگفته باشد، طبق قرار باید کودک را پس ندهد؛ اما اگر کودک را پس ندهد، آیا مادر نادرست گفته است؟!

۱- پارادوکس یا متناقض نما به سخنانی گفته می‌شود که صحیح به نظر می‌رسند؛ اما منجر به تناقض می‌شوند.

۲- با اعداد اصم (گنگ) در کتاب ریاضی پایه نهم آشنا شدید. از آنجا که جذر اعداد گنگ، عددی است که محاسبه ارقام اعشاری آن تا بی‌نهایت ادامه می‌یابد، این شبیه را که بررسی صدق و کذب آن به پایان نمی‌رسد، «شبیهٔ جذر اصم» نامیده‌اند.