

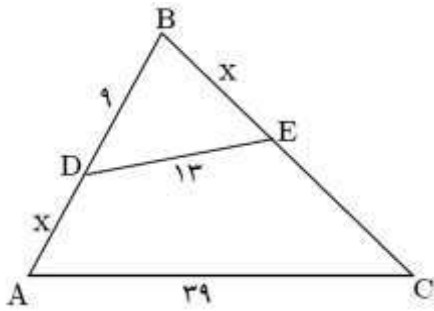
نام و نام خانوادگی:
 مقطع و رشته: دهم (ریاضی)
 نام پدر:
 شماره داوطلب:
 تعداد صفحه سؤال: ۴ صفحه

جمهوری اسلامی ایران
 اداره ی کل آموزش و پرورش شهر تهران
 اداره ی آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۶ تهران
 دبیرستان غیردولتی دخترانه سرای دانش واحد فلسطین
 آزمون پایان ترم نوبت دوم سال تحصیلی ۹۸-۱۳۹۷

نام درس: هندسه دهم
 نام دبیر: خانم حیدرزاده
 تاریخ امتحان: ۱۸ / ۳ / ۱۳۹۸
 ساعت امتحان: ۰۰ : ۰۸ صبح / عصر
 مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه

نمره به عدد:		نمره به حروف:	نمره به عدد:	نمره به حروف:
نام دبیر:		نام دبیر:	محل مهر و امضاء مدیر	
تاریخ و امضاء:		تاریخ و امضاء:		
ردیف	سؤالات	نمره		
۱	جاهای خالی را با اعداد یا عبارات مناسب پر کنید. الف) چهار ضلعی که قطرهايش عمود منصف هم ديگر باشند نام دارد . ب) نقطه همرسی ارتفاع های اضلاع مثلث قائم الزاویه قرار دارد. ج) تعداد قطرهای یک نه ضلعی برابر است. د) مجموع فاصله های هر نقطه درون مثلث متساوی الاضلاع از سه ضلع برابر است با	۱		
۱	ثابت کنید ارتفاع های هر مثلث، همراستند.	۲		
۱	متوازی الاضلاعی رسم کنید که طول اضلاعش ۳ و ۵ و طول یک قطر آن ۶ باشد.	۳		
۰/۵	الف) نقیض گزاره " لوزی وجود دارد که مربع نیست." را بنویسید. ب) عکس قضیه " اگر یک چهار ضلعی زاویه هایش برابر باشد مستطیل است " را بنویسید.	۴		
۰/۵	طول دو پاره خط برابر با $\sqrt{12}$ و $4\sqrt{5}$ است. واسطه هندسی بین آنها را به دست آورید .	۵		

در شکل زیر دو زاویه ی $\widehat{BCA} = \widehat{BDE}$ مقدار x را بیابید.



۱

۶

ثابت کنید : اگر دو زاویه از مثلثی با دو زاویه از مثلثی دیگر برابر باشند ، آنگاه دو مثلث متشابه اند.

۱/۵

۷

روابط طولی را بنویسید و یکی را به دلخواه ثابت کنید.

۱

۸

ثابت کنید اگر در یک چهارضلعی قطرها منصف یکدیگر باشند، آن چهارضلعی متوازی الاضلاع است.

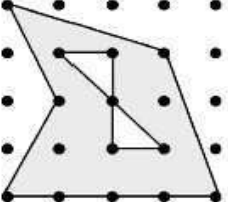
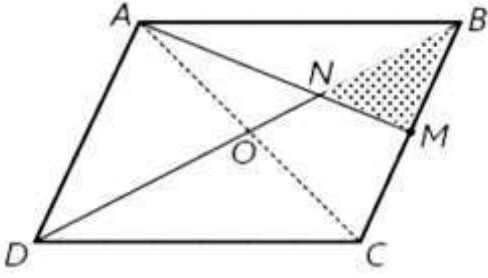
۱

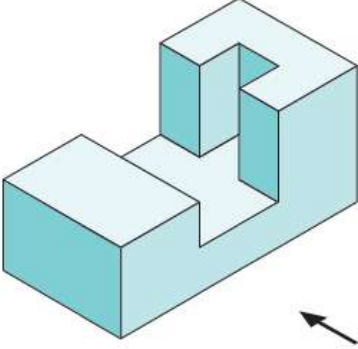
۹

ثابت کنید اگر وسط های ضلعهای هر چهار ضلعی را به طور متوالی به هم وصل کنیم ، یک متوازی الاضلاع پدید می آید.

۱

۱۰

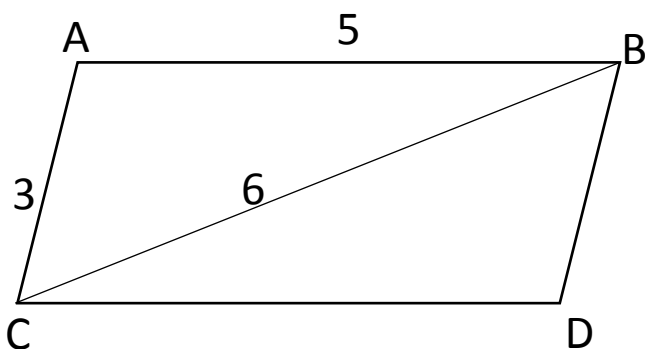
۱	<p>اگر در یک مثلث متساوی الاضلاع اندازه ی ارتفاع برابر ۹ سانتی متر باشد، ضلع مثلث و سپس مساحت مثلث را بیابید.</p>	۱۱
۰/۵	<p>ابعاد مستطیلی ۱۰ و ۸ است ، مساحت مربعی که از برخورد نیمسازهای داخلی این مستطیل ایجاد می شود را بدست آورید. (نوشتن رابطه الزامی است)</p>	۱۲
۱	<p>با استفاده از قضیه ی پیک مساحت قسمت سایه زده را بیابید.</p> 	۱۳
۱	<p>نشان دهید در هر چهار ضلعی که قطرهای برهم عمود باشند ، مساحت برابر است با نصف حاصل ضرب دو قطر.</p>	۱۴
۱	<p>در متوازی الاضلاع ABCD نقطه ی M وسط ضلع BC است و پاره خط AM قطر BD را در نقطه ی N قطع نموده است. نشان دهید $S_{ABCD} = 12S_{MNB}$</p> 	۱۵

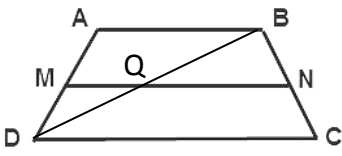
۲/۵	<p>به سوالات زیر کوتاه پاسخ دهید.</p> <p>الف) شکلی که از برخورد یک صفحه با شکل هندسی حاصل می شود چه نام دارد.</p> <p>ب) اگر یک خیار را به صورت مایل برش دهیم سطح مقطع آن چه شکلی است؟</p> <p>ج) اگر ربع یک دایره را حول شعاعش دوران دهیم شکل حاصل چیست؟</p> <p>د) از دوران یک مثلث متساوی الساقین حول قاعده آن، چه شکلی ایجاد می شود؟</p> <p>ه) دو صفحه ی عمود بر هم را تعریف کنید.</p> <p>و) از دو خط موازی چند صفحه می گذرد؟</p> <p>ز) در فضا از یک خط چند صفحه می گذرد؟</p> <p>ط) اگر خطی بر یکی از دو صفحه موازی عمود باشد، نسبت به دیگری چه وضعیتی دارد؟</p> <p>ث) از هر نقطه غیر واقع بر یک صفحه، چند خط می توان به آن صفحه عمود کرد؟</p> <p>ص) دو خط موازی را در نظر بگیرید. اگر یکی از خطوط را حول دیگری دوران دهیم چه جسم هندسی ای ساخته می شود؟</p>	۱۶
۱/۵	<p>الف) دو صفحه P و Q بر هم عمودند و خط d نیز بر صفحه P عمود است. این خط نسبت به صفحه Q چه وضعی دارند.</p> <p>ب) از هر نقطه غیر واقع بر یک صفحه، چند خط می توان عمود بر آن رسم کرد؟</p> <p>ج) از هر خط عمود بر صفحه، چند صفحه می توان گذراند که بر آن صفحه عمود باشد؟</p>	۱۷
۱	حالت های مختلف دو صفحه را بیان کنید	۱۸
۱	<p>در شکل زیر نمای بالا، روبه رو و سمت چپ را رسم کنید. (فلش روبرو را نشان می دهد)</p> 	۱۹
صفحه ی ۴ از ۴		



اداره ی کل آموزش و پرورش شهر تهران
 اداره ی آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۶ تهران
 دبیرستان غیر دولتی دخترانه سرای دانش واحد فلسطین
کلید سؤالات پایان ترم نوبت دوم سال تمصیلی ۹۸-۹۷

نام درس: هندسه دهم
 نام دبیر: فانم میدرزاده
 تاریخ امتحان: ۱۸ / ۳ / ۱۳۹۸
 ساعت امتحان: ۸ صبح / عصر
 مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه

ردیف	راهنمای تصحیح	محل مهر یا امضاء مدیر
۱	الف) لوزی (ب) راس قائمه	د) ارتفاع مثلث
۲	اثبات در کتاب موجود است.	
۳	<p>فرض کنیم متوازی الاضلاع با این ویژگی رسم شده باشد.</p>  <p>می دانیم اضلاع متوازی الاضلاع دو به دو باهم موازی و برابرند و متوازی الاضلاع از دو مثلث همنهشت تشکیل شده است. مثلث ABC به اضلاع ۳، ۵ و ۶ رسم می کنیم. از C به موازات AB و از B به موازات AC رسم میکنیم. محل تلاقی دو خط رسم شده را D می نامیم. متوازی الاضلاع ABCD رسم می شود.</p>	
۴	<p>الف) چنان نیست که لوزی وجود داشته باشد که مربع نباشد. یعنی هر لوزی مربع است. ب) اگر چهارضلعی مستطیل باشد، زاویه هایش برابر است.</p>	
۵	$x^2 = 4\sqrt{5} \times \sqrt{12} = 8\sqrt{15} \rightarrow x = \pm\sqrt{8\sqrt{15}}$	
۶	<p>بنابر اجزای متناظر:</p> $ABC, BDE : \begin{cases} \widehat{BCA} = \widehat{BDE} \\ \widehat{B} = \widehat{B} \end{cases} \rightarrow \begin{matrix} \rightarrow \\ \text{زز} \end{matrix} ABC \sim BDE$ $\frac{9+x}{x} = \frac{39}{13} \rightarrow 117 + 13x = 39x \rightarrow 26x = 117 \rightarrow x = 4.5$	
۷	اثبات در کتاب موجود است.	



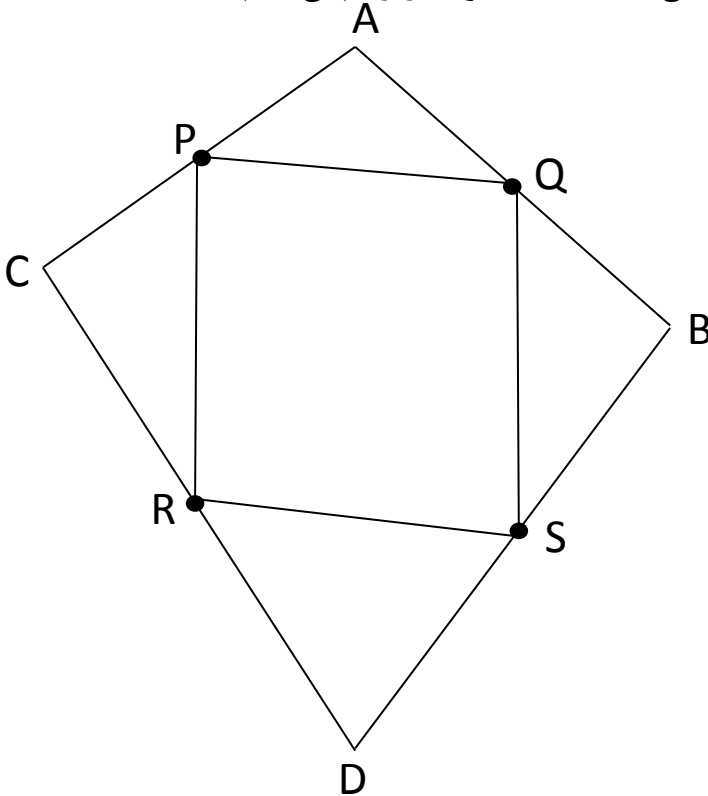
$$MQ \parallel AB \xrightarrow{\text{قضیه تالس}} \frac{AM}{MD} = \frac{BQ}{QD} \quad (1)$$

$$QN \parallel DC \xrightarrow{\text{قضیه تالس}} \frac{BQ}{QD} = \frac{BN}{NC} \quad (2)$$

$$(1), (2) \rightarrow \frac{AM}{MD} = \frac{BN}{NC}$$

اثبات در کتاب موجود است.

فرض کنیم P, Q, R, S وسطهای اضلاع چهارضلعی ABCD باشد. قطر BC را رسم می کنیم.



$$\frac{AP}{PC} = 1$$

$$\rightarrow \frac{AP}{PC} = \frac{AQ}{QB} \xrightarrow{\text{عکس قضیه تالس}} PQ \parallel BC \quad (1)$$

$$\frac{AQ}{QB} = 1$$

$$\frac{DR}{RC} = 1$$

$$\rightarrow \frac{DR}{RC} = \frac{DS}{SB} \xrightarrow{\text{عکس قضیه تالس}} RS \parallel BC \quad (2)$$

$$\frac{DS}{SB} = 1$$

(۱) و (۲) نتیجه می دهد: $RS \parallel PQ$

به همین طریق با رسم قطر AD می توان نشان داد $RP \parallel SQ$ ، پس شکل حاصل از وصل کردن وسطهای اضلاع هرچهارضلعی یک متوازی الاضلاع تشکیل می شود.

میدانیم در مثلث متساوی الاضلاع $h = \frac{\sqrt{3}}{2}a$ ، پس $9 = \frac{\sqrt{3}}{2}a$ در نتیجه $a = 6\sqrt{3}$

$$S = \frac{\sqrt{3}}{4}a^2 = 27\sqrt{3}$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2}(b-a) = \frac{\sqrt{2}}{2}(10-8) = \sqrt{2}$$

$$\text{مساحت مربع: } (\sqrt{2})^2 = 2$$

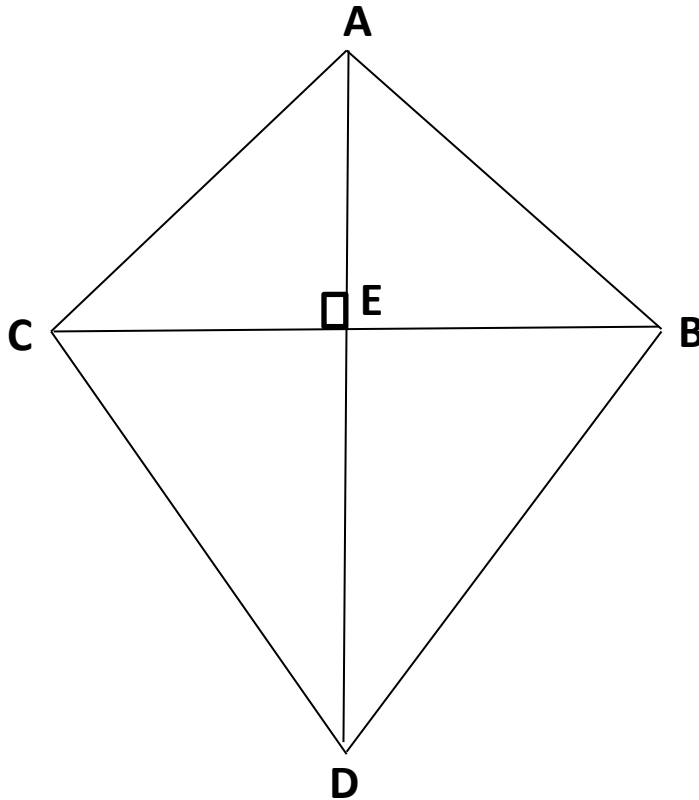
۱۲

$$s = \frac{b}{2} + i - 1$$

مساحت قسمت سفید - مساحت کل = s

$$s = \frac{8}{2} + 7 - 1 - 2\left(\frac{3}{2} - 1 + 0\right) = 9$$

۱۳



۱۴

$$S_{ABCD} = S_{ACB} + S_{CBD}$$

$$S_{ACB} = \frac{AE \times BC}{2}$$

$$S_{CBD} = \frac{DE \times BC}{2}$$

$$\rightarrow S_{ABCD} = \frac{AE \times BC}{2} + \frac{DE \times BC}{2} = \frac{BC(AE + DE)}{2} = \frac{BC \times AD}{2}$$

میدانیم هر سه میانه مثلث هم راسند و اگر هر سه میانه مثلث را رسم کنیم، مثلث را به ۶ قسمت مساوی تقسیم می کند. پس:

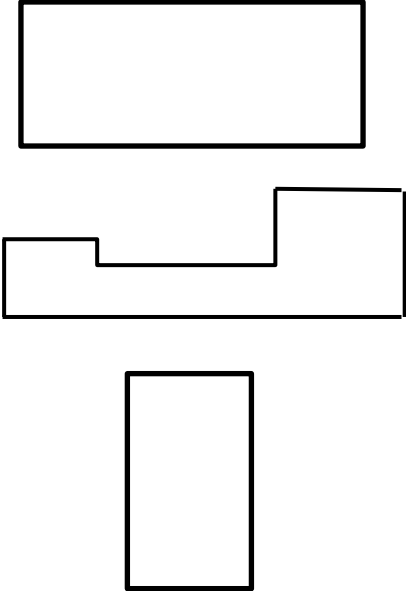
۱۵

$$S_{BNM} = \frac{1}{6} S_{ACB} \quad (1)$$

هر قطر متوازی الاضلاع، متوازی الاضلاع را به دو مثلث همنهشت تقسیم میکند. هر دو مثلث همنهشت، هم مساحتند. بنابراین

$$S_{ABCD} = \frac{1}{2} S_{ABC} \quad (2)$$

$$S_{ABCD} = \frac{1}{12} S_{ACB} \text{ نتیجه می دهد: (۱) و (۲)}$$

<p>الف) سطح مقطع</p> <p>ب) بیضی</p> <p>ج) نیم کره</p> <p>د) دو مخروط که از قاعده بهم چسبیده اند</p> <p>ه) دو صفحه برعمودند هرگاه شامل خطی باشند که بر صفحه دیگر عمود باشد.</p> <p>و) یک صفحه</p> <p>ز) بیشمار</p> <p>ظ) عمود است</p> <p>ط) یک خط</p> <p>ص) استوانه</p>	<p>۱۶</p>
<p>الف) موازی</p> <p>ب) یک خط</p> <p>ج) بی شمار</p>	<p>۱۷</p>
<p>دو صفحه یا باهم موازیند (الف) موازی که نقطه مشترک ندارند. ب) برهم منطبقند) یا متقاطع</p>	<p>۱۸</p>
<p>نمای بالا:</p>  <p>رو به رو:</p> <p>سمت چپ:</p>	<p>۱۹</p>
<p>نام و نام خانوادگی مصحح : لیلا حیدر زاده</p> <p>امضاء:</p>	<p>جمع بارم : ۲۰ شماره</p>