

ردیف	سؤالات	بارم
۱	<p>جاهای خالی را با کلمات مناسب پرکنید.</p> <p>الف) در هر مثلث قائم الزاویه ، نسبت طول ضلع مجاور زاویه ی حاده به طول وتر، آن زاویه نامیده می شود.</p> <p>ب) انتهای زاویه 335°- درجه در ناحیه قرار دارد.</p> <p>پ) اگر $0 < \sin \theta \cos \theta < 0$ و $\tan \theta \cos \theta < 0$ آنگاه انتهای کمان رو به رو به θ در ناحیه قرار دارد.</p> <p>ت) اگر $\sin \theta \times \cos \theta = \frac{1}{3}$ آنگاه $\sin \theta + \cos \theta$ می باشد.</p>	
۲	<p>گزینه‌ی صحیح را در هر سؤال مشخص کنید.</p> <p>الف) اگر $\sin \theta \times \cos \theta < 0$ باشد، آنگاه زاویه θ در کدام ناحیه قرار دارد؟</p> <p>(۱) اول یا سوم (۲) دوم یا چهارم (۳) دوم یا سوم (۴) اول یا چهارم</p> <p>ب) زاویه‌ای که خط به معادله $y - \sqrt{3}x = 0$ با جیت مثبت محورها می سازد، برابر درجه است.</p> <p><input type="radio"/> (۱) 30° <input type="radio"/> (۲) 60° <input type="radio"/> (۳) 120° <input type="radio"/> (۴) 150°</p> <p>پ) حاصل $\sin(45^\circ) + \cos(45^\circ)$ برابر است با:</p> <p>$\tan(60^\circ)$ (۱) $1/\sqrt{3}$ $\sqrt{2}/2$ (۲) $\sqrt{3}/2$ (۳) $1/\sqrt{2}$ (۴)</p>	
۳	<p>با توجه به شکل زیر، ارتفاع درخت تقریبا چند متر است؟ ($\tan 50^\circ \approx 1/2$)</p>	
۴	<p>مساحت مثلث زیر را بیابید. ($\sin 75^\circ = 0.96$)</p>	
۵	<p>اگر $\sin \theta = -\frac{4}{7}$ و θ در ربع سوم دایره‌ی مثلثاتی قرار داشته باشد در این صورت سایر نسبت‌های مثلثاتی را بیابید.</p>	

	درستی تساوی زیر را ثابت کنید.	۶
	$\left(\frac{1}{\sin \theta} + \cot \theta \right) (1 - \cos \theta) = \sin \theta$	

موفق باشید.

$$2 \sin \theta \cos \theta = \frac{1}{2} - 1 \Rightarrow 2 \sin \theta \cos \theta = -\frac{1}{2} \Rightarrow \sin \theta \cos \theta = -\frac{1}{4}$$

ردیف	سؤالات	بارم
۱	<p>جاهای خالی را با کلمات مناسب پرکنید.</p> <p>الف) در هر مثلث قائم الزاویه، نسبت طول ضلع مجاور زاویه ی حاده به طول وتر، <u>کسینوس</u> آن زاویه نامیده می شود.</p> <p>ب) انتهای زاویه 335°- درجه در ناحیه <u>چهل</u> قرار دارد.</p> <p>پ) اگر $\sin \theta \cos \theta < 0$ و $\tan \theta \cos \theta < 0$ آنگاه انتهای کمان روبرو به θ در ناحیه <u>پانزده</u> قرار دارد.</p> <p>ت) اگر $\sin \theta \times \cos \theta = \frac{-1}{9}$ آنگاه $\sin \theta + \cos \theta = \frac{1}{3}$ می باشد.</p>	$(\sin \theta + \cos \theta)^2 = \left(\frac{1}{2}\right)^2 \Rightarrow \sin^2 \theta + \cos^2 \theta + 2 \sin \theta \cos \theta = \frac{1}{4}$
۲	<p>گزینه‌ی صحیح را در هر سؤال مشخص کنید.</p> <p>الف) اگر $\sin \theta \times \cos \theta < 0$ باشد، آنگاه زاویه θ در کدام ناحیه قرار دارد؟</p> <p>۱) اول یا سوم ۲) دوم یا چهارم ۳) دوم یا سوم ۴) اول یا چهارم</p> <p>ب) زاویه‌ای که خط به معادله $y - \sqrt{3}x = 0$ با جهت مثبت محورها می‌سازد، برابر $m = \tan \alpha = \frac{\sqrt{3}}{3} \Rightarrow \alpha = 30^\circ$ درجه است.</p> <p>۱۵۰ (۴) ۱۲۰ (۳) ۰۶۰ (۲) ۰۳۰ (۱)</p>	$y = \frac{\sqrt{3}}{3}x$
	<p>پ) حاصل $\sin(45^\circ) + \cos(45^\circ)$ برابر است با:</p> <p>$\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{2\sqrt{2}}{2} = \sqrt{2}$ (۲) ✓ $\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۱)</p>	$\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{2\sqrt{2}}{2} = \sqrt{2}$
۳	<p>با توجه به شکل زیر، ارتفاع درخت تقریباً چند متر است؟ ($\tan 50^\circ \approx 1/2$)</p> <p>$\tan \alpha = \frac{x}{2} \Rightarrow x = 2 \times 1,2 = 2,4$</p> <p>ارتفاع درخت $= 1,2 + 2,4 = 3,6$</p>	$\tan 50^\circ \approx 1/2$
۴	<p>مساحت مثلث زیر را بیابید. ($\sin 75^\circ = 0,96$)</p> <p>$S = \frac{1}{2} AB \times BC \times \sin 75^\circ = \frac{1}{2} \times 3 \times 5 \times 0,96 = \sqrt{144}$</p>	$S = \frac{1}{2} AB \times BC \times \sin 75^\circ = \frac{1}{2} \times 3 \times 5 \times 0,96 = \sqrt{144}$
۵	<p>اگر $\sin \theta = -\frac{4}{7}$ و θ در ربع سوم دایره‌ی مثلثاتی قرار داشته باشد در این صورت سایر نسبت‌های مثلثاتی را بیابید.</p>	$\begin{cases} \sin \theta < 0 \\ \cos \theta < 0 \\ \tan \theta, \cot \theta > 0 \end{cases}$

$$\begin{aligned} \sin \theta &< 0 \\ \cos \theta &< 0 \\ \tan \theta, \cot \theta &> 0 \end{aligned}$$

$x = \sqrt{v^2 - z^2} = \sqrt{29 - 14} = \sqrt{15}$

$\tan \theta = \frac{z}{v} = \frac{4}{3}$

$\cot \theta = \frac{v}{z} = \frac{3}{4}$

$\sin \theta = -\frac{4}{7}$

$\cos \theta = -\frac{3}{7}$

$\tan \theta = \frac{4}{3}$

$\cot \theta = \frac{3}{4}$

$\sin \theta = -\frac{4}{7} = \frac{4}{7} \cdot \frac{-1}{1} = \frac{4}{7} \cdot \frac{\sqrt{15}}{\sqrt{15}} = \frac{4\sqrt{15}}{7\sqrt{15}}$

$\cos \theta = -\frac{3}{7} = \frac{3}{7} \cdot \frac{-1}{1} = \frac{3}{7} \cdot \frac{\sqrt{15}}{\sqrt{15}} = \frac{3\sqrt{15}}{7\sqrt{15}}$

$\tan \theta = \frac{4}{3} = \frac{4}{3} \cdot \frac{\sqrt{15}}{\sqrt{15}} = \frac{4\sqrt{15}}{3\sqrt{15}}$

$\cot \theta = \frac{3}{4} = \frac{3}{4} \cdot \frac{\sqrt{15}}{\sqrt{15}} = \frac{3\sqrt{15}}{4\sqrt{15}}$

	درستی تساوی زیر را ثابت کنید.	۶
	$\left(\frac{1}{\sin \theta} + \cot \theta \right) (1 - \cos \theta) = \sin \theta$	

موفق باشید.

$$\begin{aligned}
 \text{طرف اول} &= \left(\frac{1}{\sin \theta} + \frac{\cos \theta}{\sin \theta} \right) \underbrace{(1 - \cos \theta)}_1 = \frac{(1 + \cos \theta)(1 - \cos \theta)}{\sin \theta} \\
 &= \frac{1 - \cos^2 \theta}{\sin \theta} = \frac{\sin^2 \theta}{\sin \theta} = \sin \theta
 \end{aligned}$$