

نام درس: حسابان
نام دبیر: خانم سعیدی
تاریخ امتحان: ۱۴ / ۰۱ / ۱۳۹۸
ساعت امتحان: ۰۰ : ۰۸ صبح / عصر
مدت امتحان: ۱۵۰ دقیقه

- جمهوری اسلامی ایران
- اداره‌ی کل آموزش و پرورش شهر تهران
- اداره‌ی آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۶ تهران
- دبیرستان غیردولتی دخترانه سرای دانش واحد فلسطین
- آزمون پایان ترم نوبت اول سال تحصیلی ۹۸-۹۹

..... نام و نام خانوادگی:
 مقطع و شندی: بیازدهم (یا پنجم)
 نام پدر:
 شماره داوطلب:
 تاریخ اول و دویل: ع

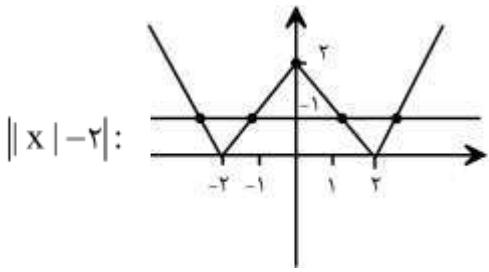
نمره به عدد:		نام دبیر:	تاریخ و امضاء:	نام دبیر:	تاریخ و امضاء:	نمره به حروف:	نمره به عدد:
نام دبیر:		تاریخ و امضاء:	نام دبیر:	تاریخ و امضاء:	نام دبیر:	تاریخ و امضاء:	نمره به حروف:
۱	۱	سوالات					
۱	۱	در ۲۰ جمله‌ی اول یک دنباله‌ی حسابی، مجموع جملات شماره‌های فرد ۱۳۵ و مجموع جملات شماره‌های زوج ۱۵۰ می‌باشد. جمله اول و قدر نسبت دنباله را مشخص کنید.				۱	
۱	۲	مجموع چند جمله از دنباله هندسی ۰، ۰۰۰، ۲۴، ۱۲ و ۶ برابر ۱۲۶ - خواهد شد؟				۲	
۱	۳	مقدار m را چنان بیابید که یکی از صفرهای تابع $f(x) = x^3 + mx^2 - x - 2$ باشد، سپس صفرهای دیگر تابع را به دست آورید.				۳	
۱	۴	در شکل رویرو، نمودار سهمی $p(x) = ax^2 + bx + c$ داده شده است. ضرایب a و b و c را تعیین کنید.				۴	
۲	۵	معادلات زیر را حل کنید.				۵	
۲	۶	(الف) $\frac{3}{x+2} + \frac{2}{x} = \frac{4x-4}{x^2-4}$ (ب) $\sqrt{x+3} - \sqrt{x-1} = 2$				۶	
۱	۷	ابتدا نمودار $f(x) = x - 2$ را رسم کنید. سپس معادل $f(x) = 1$ را به روش جبری و هندسی حل نمایید.				۷	

۱	نمودار $y = x - 1 + x + 2 $ رارسم کنید.	۷
۱	نقاطه‌ای روی خط $y = 2x + 1$ بیابید که از دو نقطه $A(3, 0)$ و $B(-1, 0)$ به یک فاصله باشد.	۸
۱	اگر $A(2, 3)$ رأس یک مربع و معادله یک ضلع مربع $3x - 4y = 9$ باشد، مساحت مربع چقدر است؟	۹
۱	تساوی توابع f و g را بررسی کنید. $f(x) = \sqrt{x} \cdot \sqrt{2-x}$ $g(x) = \sqrt{x(2-x)}$	۱۰
۱	یک به یک بودن تابع $f(x) = \sqrt{x-1} + 2$ را بررسی کرده و تابع وارون آن را به دست آورید.	۱۱
۱	نمودار تابع $f(x) = -[x] + 1$ را در بازه‌ی $[-2, 1]$ رسم کنید.	۱۲
۱	اگر $\{ (4, \cdot), (2, 3), (5, 2) \}$ و $f = \{ (2, \cdot), (3, -1), (4, 2) \}$ باشند، تابع g/f را به صورت زوج مرتب بنویسید.	۱۳
۱	اگر $g(x) = \sqrt{x-1}$ و $f(x) = x^2 - 3$ مطلوبست دامنه‌ی تابع gof و ضابطه آن؟	۱۴
۱	آیا در معادله $x, y^2 - 2y = x$ تابعی از x است؟ چرا؟	۱۵
۱	نمودار تابع $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{x} & x > 0 \\ \sqrt{x+2} & x \leq 0 \end{cases}$ رارسم کنید دامنه و بُرد آن را بدست آورید.	۱۶
۳	جاهای خالی را پر کنید. الف: برای عددهای حقیقی a و b آنگاه $ a+b = a + b $ اگر a و b هستند. ب: معادله‌ی درجه دومی که ریشه‌هایش $2 + \sqrt{3}$ و $2 - \sqrt{3}$ باشد، به صورت می‌باشد. ج: اگر α و β ریشه‌های معادله‌ی $x^3 - x + 3 = 0$ باشد، حاصل $\alpha\beta^3 + \beta\alpha^3$ برابر است با د: حاصل $\left[\sqrt{1}\right] + \left[\sqrt{2}\right] + \left[\sqrt{3}\right] + \dots + \left[\sqrt{20}\right]$ است.	۱۷
صفحه‌ی ۲ از ۲		



ردیف	راهنمای تصحیح	محل مهر یا امضاء مدیر
-1	(۱) نمره $\begin{cases} a_1 + a_3 + a_5 + \dots + a_{19} = 135 \\ a_2 + a_4 + a_6 + \dots + a_{18} = 15 \cdot (\cdot / 25) \end{cases} \Rightarrow 1 \cdot d = 15, d = \frac{1}{2} (\cdot / 25)$ $S_{19} = 1 \cdot (2a_1 + 18 \times \frac{1}{2}) = 135 + 15 \cdot (\cdot / 25) \Rightarrow a_1 = \cdot (\cdot / 25)$	
-2	(۱) نمره $S_n = \frac{6(1 - (-2)^n)}{3} = -126 \Rightarrow 1 - (-2)^n = -63$ $(\cdot / 5) \quad (\cdot / 25)$ $, n = 6 (\cdot / 25)$	
-3	(۱) نمره $f(-2) = \cdot \Rightarrow -8 + 4m + 2 - 2 = \cdot \Rightarrow m = 2 (\cdot / 25)$ $f(x) = x^r + 2x^r - x - 2 = (x + 2)(x^r - 1) = \cdot$ $\begin{cases} x = -2 \\ x = \pm 1 \end{cases} (\cdot / 25)$	
-4	(۱) نمره $f(\cdot) = 1 \Rightarrow c = 1 (\cdot / 25)$ $\frac{-b}{2a} = 2 \Rightarrow b = -4a \quad (\cdot / 25) \Rightarrow a = \frac{1}{2} (\cdot / 25)$ $f(2) = -1 \Rightarrow 4a + 2b + 1 = -1 \quad b = -2 (\cdot / 25)$	
-5	(۲) نمره $\text{الف) } \frac{3x + 2x + 4}{x(x+2)} = \frac{4x - 4}{(x-2)(x+2)} \Rightarrow x^r - 2x - 8 = \cdot (\cdot / 25)$ $x = 4, x = -2$ $\frac{\cdot}{25} \quad \frac{\cdot}{25}$ $\text{ب) } \sqrt{x+3} = 2 + \sqrt{x-1} (\cdot / 25)$ $x+3 = 4 + x-1 + 4\sqrt{x-1} \Rightarrow 4\sqrt{x-1} = \cdot \quad x = 1$ $(\cdot / 25) \quad (\cdot / 25) \quad (\cdot / 25)$	

(1 نمره)



(•/٢٥)

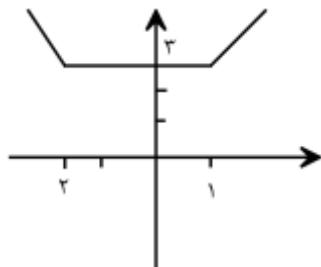
$$|x| - 2 = 1 \Rightarrow |x| - 1 = \pm 1 \Rightarrow |x| = 3, 1$$

$$x = \pm 3, x = \pm 1$$

(•/٢٥)

-٦

(1 نمره)



-٤

$$M(a, 2a+1)$$

$$AM = MB \Rightarrow \sqrt{(a-1)^2 + (2a+1)^2} = \sqrt{(a+1)^2 + (2a+1)^2} \quad (\cdot/5)$$

$$\Rightarrow (a-1)^2 = (a+1)^2 \Rightarrow a = 1 \quad (\cdot/5)$$

(1 نمره)

-٨

$$3x + 4y - 9 = 0$$

$$AH = \frac{|6-12-9|}{\sqrt{9+16}} = 3 \quad (\cdot/5) \quad , \quad S = AH^2 = 9 \quad (\cdot/5)$$

(1 نمره)

-٩

$$D_f : x \geq 0 \cap x \leq 2 \quad , \quad D_f = [0, 2]$$

$$D_g : x(2-x) \geq 0 \quad , \quad D_g = [0, 2] \quad \cdot/5$$

$$D_f = D_g \quad , \quad \sqrt{x(2-x)} = \sqrt{x} \cdot \sqrt{2-x} \quad (\cdot/5) \Rightarrow f(x) = g(x)$$

(1 نمره)

-١٠

$$y_1 = y_2 \Rightarrow \sqrt{x_1 - 1} + 2 = \sqrt{x_2 - 1} + 2 \quad (\cdot/25) \Rightarrow x_1 = x_2 \text{ يک به يک}$$

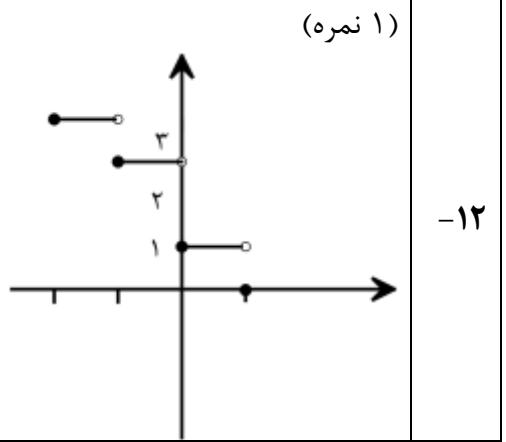
$$y = \sqrt{x-1} + 2 \Rightarrow x = \sqrt{y-1} + 2 \Rightarrow x - 2 = \sqrt{y-1} \quad (\cdot/25)$$

$$(x-1)^2 = y-1 \Rightarrow y = 1 + (x-1)^2$$

$$(\cdot/25) \quad f^{-1}(x) = 1 + (x-1)^2 \quad (\cdot/25)$$

(1 نمره)

-١١



$$\begin{aligned}-2 \leq x < -1 \Rightarrow f(x) &= 3 \\ -1 \leq x < 1 \Rightarrow f(x) &= 2 \\ 1 \leq x < 2 \Rightarrow f(x) &= 1 \\ x = 1 \Rightarrow f(x) &= 1\end{aligned}$$

-١٢

(١ نمره)

$$\begin{aligned}D_{g/f} &= \{4\} & g/f &= \{(4, 2)\} = \{(4, 1)\} \quad (٠/٥) \\ fog &= \{(2, -1), (5, 1)\} \quad (٠/٥)\end{aligned}$$

-١٣

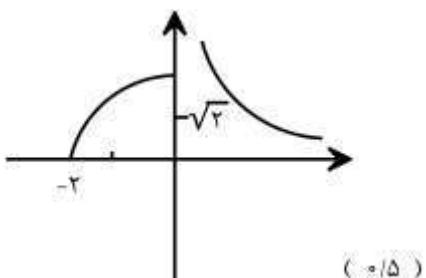
$$D_{gof} = \{x \in D_f \cap f(x) \in D_g\}$$

-١٤

$$\mathbb{R} \cap x^2 - 3 \geq 1 \Rightarrow x^2 \geq 4 \quad (-\infty, -2] \cup [2, +\infty) \quad (٠/٥)$$

(١ نمره) خیر - زیرا اگر $x = 0$ باشد $y = 0$ یا 2 است.
(٠/٥) (٠/٥)

-١٥



$$O : x \geq -2 \quad (٠/٢٥)$$

$$y \geq 0 \quad (٠/٢٥)$$

-١٦

(٣ نمره)

الف - هم عالمتند $(٠/٢٥)$

$$\begin{aligned}(٠/٧٥) \quad s &= 4 & p &= 1 \Rightarrow x^2 - 4x + 1 = 0\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}s = 1 & \quad \alpha\beta^r + \beta\alpha^r = \alpha\beta(\alpha^r + \beta^r) = p(s^r - rp) = 3(1 - 6) = -15 \\ p = 3 & \quad \text{ج - (١ نمره)}\end{aligned}$$

-١٧

$$[\sqrt{1}] + [\sqrt{2}] + [\sqrt{3}] = 3$$

$$[\sqrt{4}] + \dots + [\sqrt{8}] = 10$$

$$[\sqrt{9}] + \dots + [\sqrt{15}] = 21 \quad 3 + 1 + 21 + 20 = 54$$

د - (١ نمره)

$$[\sqrt{16}] + \dots + [\sqrt{20}] = 20$$

امضا:

نام و نام خانوادگی مصحح :

جمع بارم ٥٠ : نمره