

نام درس: ریاضی هشتم  
نام دبیر: آقای حسینخانی  
تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۱۰/۱۳  
ساعت امتحان: ۱۰:۰۰ صبح / عصر  
مدت امتحان: ۱۳۰ دقیقه

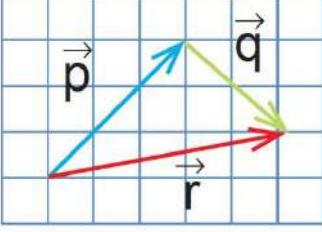
جمهوری اسلامی ایران  
اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران  
اداره کی آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۲ تهران  
دیبرستان غیردولتی پسرانه سرای دانش واحد مرزداران  
آزمون نیمسال اول سال تحصیلی ۱۴۰۰-۱۳۹۹

نام و نام فانوادگی: .....  
مقطع و رشته: هشتم (گروه ۵)  
نام پدر: .....  
شماره داوطلب: .....  
تعداد صفحه سوال: ۳ صفحه

ردیف	سوالات	جواب												
۱	<p>جملات درست را با «✓» و جملات نادرست را با «✗» مشخص کنید.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li><input type="radio"/> حاصلضرب هر عدد در معکوسش مساوی ۲- می باشد.</li> <li><input type="radio"/> ذوزنقه متساوی الساقین مرکز تقارن ندارد.</li> <li><input type="radio"/> مقدار عبارت <math>b^3 - 3 = b^9</math> به ازای <math>b</math> برابر ۹- می باشد.</li> <li><input type="radio"/> هر عدد طبیعی، حداقل یک مقسوم علیه اول دارد.</li> </ul>	۱												
۱	<p>جملات زیر را کامل کنید.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li><input type="radio"/> معکوس عدد <math>2/7</math>- مساوی ..... می باشد.</li> <li><input type="radio"/> هر عدد طبیعی که بتوان آن را به صورت ضرب دو عدد طبیعی بزرگتر از ۱ نوشت، عدد ..... نامیده می شود.</li> <li><input type="radio"/> متوازی الاضلاعی که قطرهای آن عمودمنصف یکدیگرند ولی مساوی نیستند، ..... نام دارد.</li> <li><input type="radio"/> اگر ضلع مربعی <math>3a</math> باشد، عبارت جبری مساحت آن به صورت ..... می باشد.</li> </ul>	۲												
۱	<p>جملات سمت راست را به عبارت صحیح در سمت چپ وصل کنید.</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th>چپ</th><th>راست</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>مستطیل</td><td>متوازی الاضلاعی که یک زاویه قائمه داشته باشد.</td></tr> <tr> <td>ذوزنقه</td><td>چهارضلعی که فقط دو ضلع موازی داشته باشد.</td></tr> <tr> <td>مربع</td><td>با وصل کردن وسط اضلاع یک مستطیل به صورت متواالی پدید می آید.</td></tr> <tr> <td>متوازی الاضلاع</td><td>چهارضلعی که مرکز تقارن دارد ولی محور تقارن ندارد.</td></tr> <tr> <td>لوژی</td><td></td></tr> </tbody> </table>	چپ	راست	مستطیل	متوازی الاضلاعی که یک زاویه قائمه داشته باشد.	ذوزنقه	چهارضلعی که فقط دو ضلع موازی داشته باشد.	مربع	با وصل کردن وسط اضلاع یک مستطیل به صورت متواالی پدید می آید.	متوازی الاضلاع	چهارضلعی که مرکز تقارن دارد ولی محور تقارن ندارد.	لوژی		۳
چپ	راست													
مستطیل	متوازی الاضلاعی که یک زاویه قائمه داشته باشد.													
ذوزنقه	چهارضلعی که فقط دو ضلع موازی داشته باشد.													
مربع	با وصل کردن وسط اضلاع یک مستطیل به صورت متواالی پدید می آید.													
متوازی الاضلاع	چهارضلعی که مرکز تقارن دارد ولی محور تقارن ندارد.													
لوژی														
۱	<p>گزینه صحیح را انتخاب کنید.</p> <p>سؤال ۱) حاصل <math>\frac{1}{27} \div \frac{9}{27}</math> - کدام است؟</p> <p>الف) ۱) <math>-\frac{1}{27}</math>      ب) ۱) <math>-\frac{9}{27}</math>      ج) ۳) <math>-\frac{1}{3}</math>      د) ۵) <math>-\frac{1}{3}</math></p> <p>سؤال ۲) ب.م.دو عدد شمارنده کدام گزینه نیست?</p> <p>الف) عدد کوچکتر      ب) عدد بزرگتر      ج) حاصل تقسیم دو عدد      د) حاصل ضرب دو عدد</p> <p>سؤال ۳) اگر زاویه رأس یک مثلث متساوی الساقین <math>40^\circ</math> باشد، زاویه خارجی مجاور به ساق کدام است؟</p> <p>الف) <math>120^\circ</math>      ب) <math>130^\circ</math>      ج) <math>140^\circ</math>      د) <math>140^\circ</math></p> <p>سؤال ۴) اگر مربع عددی به آن عدد اضافه شود، عدد حاصل ۴۲ خواهد بود. کدام یک از اندازه های زیر می تواند مقدار آن عدد باشد؟</p> <p>الف) ۱۴      ب) ۶      ج) ۷      د) ۵</p>	۴												

## ادامه سؤالات

ردیف	ادامه سؤالات	ردیف												
۱	<p>الف) کسر مقابل را ساده کنید و حاصل را به ساده ترین صورت ممکن بنویسید.</p> $\frac{(-60) \times (-24) \times 55}{35 \times (-15) \times 48} =$ <p>ب) برای محور زیر، یک جمع با عددهای گویا بنویسید.</p>	۵												
۱/۵	<p>حاصل عبارت های مقابل را به دست آورید.</p> $\left(-2\frac{1}{2} + 1\frac{1}{3}\right) \div \left(-1\frac{1}{4} \times \frac{-2}{5}\right) =$ $\frac{-\frac{1}{2} - \frac{5}{12}}{-\frac{3}{4} + \frac{1}{3}} =$	۶												
۱/۵	<p>الف) سه عدد بنویسید که غیر از ۳ و ۵ شمارنده دیگری نداشته باشد.</p> <p>ب) آیا عدد ۱۴۳ اول است؟ چرا؟ (با انجام تقسیمات لازم به صورت کامل بررسی کنید)</p>	۷												
۱	<p>اعداد ۱ تا ۵۰ را بنویسید و غربال کنید و به سؤالات زیر پاسخ دهید.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>○ اولین عددی که خط می خورد چه عددی است؟</li> <li>○ مضارب کدام اعداد اول در این غربال خط می خورند؟</li> <li>○ تمام مضرب های ۵ که در مرحله حذف مضارب ۵ خط می خورند را بنویسید.</li> <li>○ عدد ۲۴ با مضارب کدام یک از اعداد خط می خورد؟</li> </ul>	۸												
۱/۵	<p>جدول زیر را کامل کنید.</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr style="background-color: #0070C0; color: white;"> <th>نام شکل</th> <th>تعداد محور تقارن</th> <th>مرکز تقارن (دارد یا ندارد)</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>ذوزنقه متساوی الساقین</td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td>لوزی</td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td>مثلث متساوی الاضلاع</td> <td></td> <td></td> </tr> </tbody> </table>	نام شکل	تعداد محور تقارن	مرکز تقارن (دارد یا ندارد)	ذوزنقه متساوی الساقین			لوزی			مثلث متساوی الاضلاع			۹
نام شکل	تعداد محور تقارن	مرکز تقارن (دارد یا ندارد)												
ذوزنقه متساوی الساقین														
لوزی														
مثلث متساوی الاضلاع														
۱/۵	<p>در هر یک از شکل های زیر مقادیر مجهول را پیدا کنید.</p> <p>(ب)</p> <p>(الف)</p>	۱۰												
صفحه ۲ از ۳														

ردیف	ادامه سؤالات	ردیف										
۱	اندازه هر یک از زاویه های داخلی و خارجی یک $12$ ضلعی منتظم را پیدا کنید.	۱۱										
۱	عبارت های جبری مقابل را ساده کنید. $(7 - 3x)^2 + 42x - 49 =$	۱۲										
۱	با توجه به رابطه $x$ و $y$ مقادیر $y$ را برای $x$ های مختلف پیدا کنید. $y = -2x^2 - 3$ <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <th style="text-align: center;"><math>x</math></th> <th style="text-align: center;"><math>y</math></th> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">۱</td> <td></td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">.</td> <td></td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">-۱</td> <td></td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">-۲</td> <td></td> </tr> </table>	$x$	$y$	۱		.		-۱		-۲		۱۳
$x$	$y$											
۱												
.												
-۱												
-۲												
۲	الف) عبارت زیر را به ضرب تبدیل کنید. $45x^2y + 30x^3y^2 =$ ب) به صورت جبری نشان دهید مجموع یک عدد زوج و یک عدد فرد همواره عددی فرد است؟	۱۴										
۱/۵	الف) معادله زیر را حل کنید. $\frac{3}{4}x - \frac{1}{3} = \frac{5}{6} - x$ ب) حاصل جمع سه عدد متولی طبیعی $27$ شده است. کوچکترین این عددها را بیابید؟ (با تشکیل معادله)	۱۵										
۱/۵	ابتدا مشخص کنید کدام بردار، حاصل جمع دو بردار دیگر است. سپس برای هر شکل، یک جمع برداری و یک جمع مختصاتی بنویسید. 	۱۶										
صفحه ۳ از ۳												

جمع بارم : ۲۰ نمره

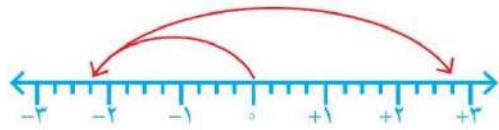


ردیف	راهنمای تصحیح	محل مهر یا امضاء مدیر												
۱	جملات درست را با «✓» و جملات نادرست را با «✗» مشخص کنید.	<ul style="list-style-type: none"> <li>○ حاصلضرب هر عدد در معکوسش مساوی <math>2 - \frac{1}{2}</math> می باشد. <b>✗</b></li> <li>○ ذوزنقه متساوی الساقین مرکز تقارن ندارد. <b>✓</b></li> <li>○ مقدار عبارت <math>b^3 - 3 = b - 9</math> می باشد. <b>✗</b></li> <li>○ هر عدد طبیعی، حداقل یک مقسوم علیه اول دارد. <b>✗</b></li> </ul>												
۲	جملات زیر را کامل کنید.	<ul style="list-style-type: none"> <li>○ معکوس عدد <math>\frac{1}{7} - 2</math> مساوی <math>\frac{-1}{2}</math> می باشد.</li> <li>○ هر عدد طبیعی که بتوان آن را به صورت ضرب دو عدد طبیعی بزرگتر از ۱ نوشت، عدد <b>مرکب</b> نامیده می شود.</li> <li>○ متوازی الاضلاعی که قطرهای آن عمودمنصف یکدیگرند ولی مساوی نیستند، <b>لوزی</b> نام دارد.</li> <li>○ اگر ضلع مربعی <math>3a</math> باشد، عبارت جبری مساحت آن به صورت <math>9a^2</math> می باشد.</li> </ul>												
۳	جملات سمت راست را به عبارت صحیح در سمت چپ وصل کنید.	<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th style="text-align: center;">چپ</th> <th style="text-align: center;">راست</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td style="text-align: center;">مستطیل</td> <td style="text-align: center;">متوازی الاضلاعی که یک زاویه قائمه داشته باشد. (<b>مستطیل</b>)</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">ذوزنقه</td> <td style="text-align: center;">چهارضلعی که فقط دو ضلع موازی داشته باشد. (<b>ذوزنقه</b>)</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">مربع</td> <td style="text-align: center;">با وصل کردن وسط اضلاع یک مستطیل به صورت متواالی پدید می آید. (<b>لوزی</b>)</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">متوازی الاضلاع</td> <td style="text-align: center;">چهارضلعی که مرکز تقارن دارد ولی محور تقارن ندارد. (<b>متوازی الاضلاع</b>)</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">لوزی</td> <td></td> </tr> </tbody> </table>	چپ	راست	مستطیل	متوازی الاضلاعی که یک زاویه قائمه داشته باشد. ( <b>مستطیل</b> )	ذوزنقه	چهارضلعی که فقط دو ضلع موازی داشته باشد. ( <b>ذوزنقه</b> )	مربع	با وصل کردن وسط اضلاع یک مستطیل به صورت متواالی پدید می آید. ( <b>لوزی</b> )	متوازی الاضلاع	چهارضلعی که مرکز تقارن دارد ولی محور تقارن ندارد. ( <b>متوازی الاضلاع</b> )	لوزی	
چپ	راست													
مستطیل	متوازی الاضلاعی که یک زاویه قائمه داشته باشد. ( <b>مستطیل</b> )													
ذوزنقه	چهارضلعی که فقط دو ضلع موازی داشته باشد. ( <b>ذوزنقه</b> )													
مربع	با وصل کردن وسط اضلاع یک مستطیل به صورت متواالی پدید می آید. ( <b>لوزی</b> )													
متوازی الاضلاع	چهارضلعی که مرکز تقارن دارد ولی محور تقارن ندارد. ( <b>متوازی الاضلاع</b> )													
لوزی														
۴	<p>گزینه صحیح را انتخاب کنید.</p> <p>سوال ۱) حاصل <math>\frac{1}{\frac{1}{27}} = \frac{9}{1}</math> کدام است؟</p> <p>الف) ۱      ب) <b>۲</b>      ج) ۳      د) ۵</p> <p>سوال ۲) ب.م.م دو عدد شمارنده کدام گزینه نیست?</p> <p>الف) عدد کوچکتر      ب) عدد بزرگتر      ج) <b>۲</b>      د) حاصل ضرب دو عدد</p> <p>سوال ۳) اگر زاویه رأس یک مثلث متساوی الساقین <math>40^\circ</math> باشد، زاویه خارجی مجاور به ساق کدام است؟</p> <p>الف) <b>۱۲۰^\circ</b>      ب) <b>۱۱۰^\circ</b>      ج) <b>۱۳۰^\circ</b>      د) <b>۱۴۰^\circ</b></p> <p>سوال ۴) اگر مربع عددی به آن عدد اضافه شود، عدد حاصل <math>42</math> خواهد بود. کدام یک از اندازه های زیر می تواند مقدار آن عدد باشد؟</p> <p>الف) <b>۶</b>      ب) <b>۷</b>      ج) <b>۸</b>      د) <b>۵</b></p>													

الف) کسر مقابل را ساده کنید و حاصل را به ساده ترین صورت ممکن بنویسید.

$$\frac{(-60) \times (-24) \times 55}{35 \times (-15) \times 48} = -\frac{4 \times 1 \times 11}{7 \times 1 \times 2} = -\frac{22}{7}$$

ب) برای محور زیر، یک جمع با عده‌های گویا بنویسید.



$$-\frac{9}{4} + \frac{20}{4} = \frac{11}{4}$$

۵

حاصل عبارت‌های مقابل را به دست آورید.

$$\left(-2\frac{1}{2} + 1\frac{1}{3}\right) \div \left(-1\frac{1}{4} \times \frac{-2}{5}\right) = \left(-\frac{5}{2} + \frac{4}{3}\right) \div \left(-\frac{5}{4} \times \frac{-2}{5}\right) = \left(\frac{-15+8}{6}\right) \times \left(\frac{1}{2}\right) = \left(\frac{-7}{6}\right) \times \left(\frac{1}{2}\right) = \frac{-7}{12}$$

$$\frac{-\frac{1}{8} - \frac{5}{12}}{-\frac{3}{4} + \frac{4}{3}} = \frac{\frac{-3-10}{24}}{\frac{-9+16}{12}} = \frac{\frac{-13}{24}}{\frac{7}{12}} = \frac{13}{14}$$

۶

الف) سه عدد بنویسید که غیر از ۳ و ۵ شمارنده دیگری نداشته باشند. ۱۵ و ۴۵ و ۷۵

ب) آیا عدد ۱۴۳ اول است؟ چرا؟ (با انجام تقسیمات لازم به صورت کامل بررسی کنید)

خیر، در تقسیم عدد ۱۴۳ بر عدد ۱ باقیمانده برابر صفر می‌شود.

۷

اعداد ۱ تا ۵۰ را بنویسید و غربال کنید و به سؤالات زیر پاسخ دهید.

اولین عددی که خط می‌خورد چه عددی است؟ ۱

مضارب کدام اعداد اول در این غربال خط می‌خورند؟ ۲ و ۳ و ۵ و ۷

۸

تمام مضرب‌های ۵ که در مرحله حذف مضارب ۵ خط می‌خورند را بنویسید. ۲۵ و ۳۵

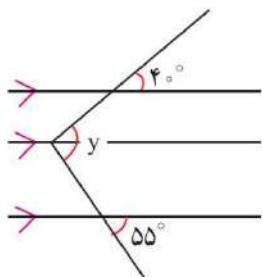
عدد ۲۴ با مضارب کدام یک از اعداد خط می‌خورد؟ با مضارب ۲

جدول زیر را کامل کنید.

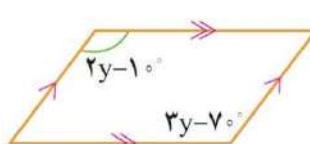
نام شکل	تعداد محور تقارن	مرکز تقارن (دارد یا ندارد)
ذوزنقه متساوی الساقین	۱	ندارد
لوزی	۲	دارد
مثلث متساوی الاضلاع	۳	ندارد

۹

در هر یک از شکل‌های زیر مقادیر مجهول را پیدا کنید.



$$y = 95^\circ$$



$$y = 60$$

۱۰

اندازه هر یک از زاویه های داخلی و خارجی یک ۱۲ ضلعی منتظم را پیدا کنید.

اندازه هر زاویه داخلی: ۱۵۰ اندازه هر زاویه خارجی: ۳۰

۱۱

عبارت های جبری مقابله کنید.

۱۲

$$(7 - 3x)^2 + 42x - 49 = 49 + 9x^2 - 42x + 42x - 49 = 9x^2$$

با توجه به رابطه  $x$  و  $y$  مقادیر  $x$  های مختلف پیدا کنید.

$$y = -2x^2 - 3$$

$x$	$y$
1	-5
.	-3
-1	-5
-2	-11

۱۳

الف) عبارت زیر را به ضرب تبدیل کنید.

$$45x^2y + 20x^2y^2 = 15x^2y(3 + 2xy)$$

ب) به صورت جبری نشان دهید مجموع یک عدد زوج و یک عدد فرد همواره عددی فرد است؟

$$2m + 2n - 1 = 2 \left( \underbrace{m+n}_k \right) - 1 = 2k - 1 \quad \text{فرد}$$

الف) معادله زیر را حل کنید.

$$\frac{3}{4}x - \frac{1}{3} = \frac{5}{6} - x \rightarrow 9x - 4 = 10 - 12x \rightarrow 21x = 14 \rightarrow x = \frac{2}{3}$$

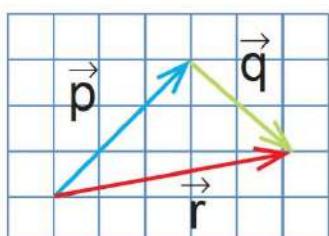
۱۴

ب) حاصل جمع سه عدد متولی طبیعی ۲۷ شده است. کوچکترین این عددها را بیابید؟ (با تشکیل معادله)

$$x + x + 1 + x + 2 = 27 \rightarrow 3x + 3 = 27 \rightarrow 3x = 24 \rightarrow x = 8$$

ابتدا مشخص کنید کدام بردار، حاصل جمع دو بردار دیگر است. سپس برای هر شکل، یک جمع برداری و یک جمع مختصاتی

بنویسید.



$$\vec{r} = \vec{p} + \vec{q}$$

$$\begin{bmatrix} 5 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 \\ 3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 2 \\ -2 \end{bmatrix}$$

۱۵

امضاء:

نام و نام خانوادگی مصحح : حسین حسینخانی

جمع بارم : ۲۰ نمره