

نام درس: ریاضی
نام دبیر: فاطمه راسخ
تاریخ امتحان: ۱۰/۱۱/۱۴۰۰
ساعت امتحان: ۸:۰۰ صبح
مدت امتحان: ۹۰ دقیقه

جمهوری اسلامی ایران
اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران
اداره کی آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۶ تهران
دیبرستان غیردولتی دخترانه سرای دانش واحد انقلاب
آزمون پایان ترم نوبت اول سال تحصیلی ۱۴۰۱-۱۴۰۰

نام و نام فائزه‌گی:
مقطع و شش: نهم
نام پدر:
شماره داوطلب:
تعداد صفحه سوال: ۴ صفحه

نام دبیر: تاریخ و امضاء: نمره به عدد: نمره به حروف: نمره به حروف به عدد:	نام دبیر: تاریخ و امضاء: تاریخ و امضاء: نام دبیر و امضاء مدیر	ردیف
ردیف	سوالات	ردیف
۱	<p>درستی یا نادرستی هر عبارت را مشخص کنید.</p> <p>الف) اگر $a < b$ باشد. آنگاه b منفی است.</p> <p>ب) عددی وجود دارد که صحیح و گویا باشد.</p> <p>ج) عدد $\left(-\frac{1}{3}\right)^{-2}$ از عدد 9^{-1} کوچک‌تر است.</p> <p>د) عبارت «عددهای اول بین ۱۴ و ۱۶» مجموعه تهی را مشخص می‌کند. درست <input type="checkbox"/> نادرست <input checked="" type="checkbox"/></p>	۱
۱	<p>جای خالی را با عدد یا کلمه‌ی مناسب کامل کنید.</p> <p>الف) نسبت تشابه در دو مثلث مقابل، برابر است.</p> <p>ب) ریشه‌ی سوم هر عدد منفی، عددی ... می‌باشد.</p> <p>ج) حاصل عبارت $\left(-\frac{1}{5}\right)^{-2} \times 5$ به صورت عددی توان دار برابر است.</p> <p>د) اگر A دارای ۳ عضو و B دارای ۲ عضو باشد به طوری که $A \cap B = \emptyset$، آنگاه $n(A \cup B)$ برابر با ... است.</p>	۲
۱	<p>در هر یک از پرسش‌های زیر گزینه‌ی درست را انتخاب کنید.</p> <p>الف) گویا شده کسر $\frac{2}{\sqrt[3]{9}}$ کدام است؟</p> <p>۱ $\frac{2}{3}\sqrt[3]{3}$ (۴) ۲ $\sqrt[3]{9^2}$ (۳) ۳ $\frac{2}{3}\sqrt[3]{9}$ (۲) ۴ $2\sqrt[3]{3}$ (۱)</p> <p>ب) نماد علمی عدد $29/00029$ کدام است؟</p> <p>۱ 29×10^4 (۴) ۲ $2/9 \times 10^4$ (۳) ۳ 29×10^{-4} (۲) ۴ $2/9 \times 10^{-4}$ (۱)</p>	۳

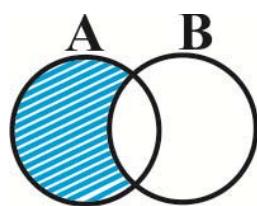
ج) کدام یک از اعداد زیر، نمایش اعشاری مختوم دارد؟

$$\frac{3}{17} \quad (4)$$

$$\frac{1}{8} \quad (3)$$

$$\frac{1}{55} \quad (2)$$

$$\frac{7}{30} \quad (1)$$



د) کدام گزینه قسمت هاشورخورده را نشان می‌دهد؟

$$A - B \quad (2)$$

$$B - A \quad (1)$$

$$(A - B) \cup (B - A) \quad (4)$$

$$(A \cup B) - A \quad (3)$$

اگر خانواده‌ای دو فرزند داشته باشد، چقدر احتمال دارد که این خانواده یک فرزند دختر و یک فرزند پسر داشته باشد؟

۱

۴

اگر $B = \{4, 5, 6\}$ و $A = \{x^2 + 2 \mid x \in N, x \leq 3\}$ باشد:

الف) مجموعه A را با اعضا نمایش دهید.

۱/۵

۵

ب) مجموعه $A \cap B$ را مشخص کنید.

$$\sqrt{(3 - \sqrt{10})^2} - \sqrt{10} =$$

۱/۵

۶

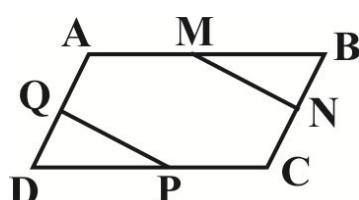
ب) داخل \square علامت (\in , \notin , \subseteq یا \subsetneq) قرار دهید.

$$\text{الف } Q \boxed{} 3 / \bar{7} \quad \text{ب } R \boxed{} Z$$

۱/۵

۷

در شکل زیر $ABCD$ متوازی‌الاضلاع است و M و N و P و Q وسطهای اضلاع متوازی‌الاضلاع می‌باشند. ثابت کنید:



$$MN = PQ$$

الف) حاصل عبارت زیر را به ساده‌ترین صورت ممکن بنویسید.

$$1) \frac{\sqrt{20} + 2\sqrt{45}}{\sqrt{5}} =$$

$$2) \frac{3^7 \times 5^{-8}}{5^3 \times 3^{-4}} =$$

$$3) \sqrt{12} + 2\sqrt{75} - 7\sqrt{3} =$$

$$\frac{2}{7\sqrt{3}} =$$

ب) مخرج کسر مقابله‌گویا کنید.

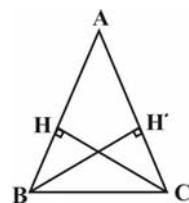
مثلث ABC به ضلع‌های $6, 8$ و 12 با مثلث DEF به اضلاع $2x - 2, 2x + 3$ و $y + 3$ به ترتیب با هم متشابه‌اند. حاصل $x + y$ را به دست آورید.

1/5

۹

مثلث AB متساوی‌الساقین است. اگر BH و CH' ارتفاع‌های وارد بر ساق‌ها باشند، ثابت کنید:

$$BH' = CH$$



۲

۱۰

فاصله‌ی منزل علی تا مدرسه روی نقشه 6 cm است؛ اگر مقیاس نقشه $\frac{1}{100000}$ باشد، فاصله‌ی واقعی منزل علی تا مدرسه چند متر است؟

۰/۵

۱۱

جاهای خالی را در مجموعه‌های زیر طوری پر کنید که مجموعه‌ها برابر باشند.

$$A = \left\{ \dots, \frac{\sqrt{64}}{-3^3}, \dots, \left(\frac{-1}{3}\right)^2, \sqrt{7} \right\}$$

$$B = \left\{ \dots, \frac{1}{9}, \dots, \frac{3}{7}, \frac{64}{(-3)^2} \right\}$$

۱۲

الف) بین دو عدد ۲ و ۳ یک عدد گنگ بنویسید.

۱۳

ب) عدد $1 + \sqrt{5}$ بین کدام دو عدد صحیح قرار دارد؟

حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید.

الف) $|3 - \sqrt{5}| + |-2 - \sqrt{5}| = \dots$

۱۴

ب) $\frac{1}{-1 - \frac{1}{-1 - 2}} = \dots$

جمع بارم : ۲۰ نمره



ردیف	راهنمای تصحیح	محل مهر یا امضاء مدیر
۱	<p>الف) درست است. همواره مثبت است؛ پس برای اینکه a^b منفی باشد، می‌بایست b منفی باشد.</p> <p>ب) درست است. زیرا تمام اعداد صحیح جز اعداد گویا می‌باشند.</p> <p>ج) نادرست است.</p> <p>$\left(\begin{array}{l} \left(-\frac{1}{3} \right)^{-2} = \frac{1}{\left(-\frac{1}{3} \right)^2} = \frac{1}{\frac{1}{9}} = 9 \\ \left(-\frac{1}{3} \right)^{-1} = \frac{1}{\left(-\frac{1}{3} \right)^1} = \frac{1}{-\frac{1}{3}} = -3 \end{array} \right) \Rightarrow 9 > \frac{1}{9} \Rightarrow \left(-\frac{1}{3} \right)^{-2} > \left(-\frac{1}{3} \right)^{-1}$</p> <p>د) درست است. بین دو عدد ۱۴ و ۱۶ هیچ عدد اولی وجود ندارد؛ پس این مجموعه یک مجموعهٔ تهی است.</p>	
۲	<p>الف) نسبت تشابه برابر نسبت اضلاع نظیر به نظیر مثلث‌هاست.</p> <p>نسبت تشابه $\frac{3}{9} = \frac{4}{12} = \frac{5}{15} = \frac{1}{3}$</p> <p>ب) ریشهٔ سوم هر عدد منفی، عددی منفی است.</p> <p>ج)</p> <p>$5^{-2} \times \left(\frac{1}{5} \right)^6 = 5^{-2} \times (5^{-1})^6 = 5^{-2} \times 5^{-6} = 5^{-2-6} = 5^{-8} = \frac{1}{5^8}$</p> <p>ب) (d) اگر دو مجموعهٔ مجزا باشند، در این صورت اشتراک آن‌ها تهی است و تعداد اعضای اجتماع آن‌ها برابر مجموع تعداد اعضای تک‌تک آن‌هاست.</p>	
۳	<p>الف) گزینهٔ «۴»</p> <p>$\frac{2}{\sqrt[3]{9}} = \frac{2}{\sqrt[3]{9}} \times \frac{\sqrt[3]{9}}{\sqrt[3]{9}} = \frac{2\sqrt[3]{9}}{\sqrt[3]{9^2}} = \frac{2\sqrt[3]{(3^2)^2}}{9} = \frac{2\sqrt[3]{3^4}}{9} = \frac{2\sqrt[3]{3^3 \times 3}}{9} = \frac{2 \times 3\sqrt[3]{3}}{9} = \frac{2\sqrt[3]{3}}{3}$</p> <p>ب) گزینهٔ «۱» صحیح است.</p> <p>$0/00029 = 2/9 \times 10^{-4}$</p> <p>ج) نمایش اعشاری کسری مختوم است که پس از ساده شدن مخرج آن‌ها فقط شامل شمارنده‌های اول ۲ و ۵ باشد، با توجه به این موضوع به بررسی گزینه‌ها می‌پردازیم:</p> <p>چون شمارندهٔ اول ۳ دارد پس مختوم نیست $\frac{7}{30} \Rightarrow 30 = 2 \times 3 \times 5$</p> <p>چون شمارندهٔ اول ۱۱ دارد پس مختوم نیست $\frac{1}{55} \Rightarrow 55 = 5 \times 11$</p> <p>چون فقط شمارندهٔ اول ۲ دارد پس مختوم است. $\frac{1}{8} \Rightarrow 8 = 2^3$</p> <p>چون فقط شمارندهٔ اول ۱۷ دارد پس مختوم نیست $\frac{3}{12} \Rightarrow 12 = 2^2 \times 3$</p> <p>د) پس گزینهٔ «۲» صحیح است.</p> <p></p> <p>$\Rightarrow A - B$</p>	

$$S = \{(d, d), (d, p), (p, d)\} \Rightarrow n(S) = 4$$

حال اگر مجموعه‌ای در نظر بگیریم که خانواده یک فرزند دختر و یک فرزند پسر داشته باشد، به صورت زیراست:

$$A = \{(p, d), (d, p)\} \Rightarrow n(A) = 2$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

(الف)

$$A = \{x^r + 2 \mid x \in N, x \leq 3\} \xrightarrow{x=1,2,3}$$

$$A = \{1^r + 2, 2^r + 2, 3^r + 2\} = \{3, 6, 11\}$$

۵

(ب)

$$A \cap B = \{3, 6, 11\} \cap \{4, 5, 6\} = \{6\}$$

(الف)

$$\sqrt{(3 - \sqrt{10})^2} - \sqrt{10} = |3 - \sqrt{10}| - \sqrt{10}$$

$$9 < 10 \Rightarrow \sqrt{9} < \sqrt{10} \Rightarrow 3 < \sqrt{10}$$

$$|3 - \sqrt{10}| - \sqrt{10} = -(3 - \sqrt{10}) - \sqrt{10} = \sqrt{10} - 3 - \sqrt{10} = -3$$

منسی

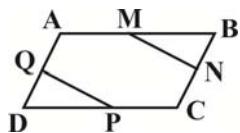
۶

ب) عدد $\frac{3}{\sqrt{10}}$ نمایش اعشاری متناوب یک عدد گویا است. پس این عدد جزء اعداد گویاست.

$$R \not\subseteq Z$$

مجموعه‌ی اعداد صحیح زیرمجموعه‌ی اعداد حقیقی است. حالت بر عکس آن صحیح نیست.

می‌دانیم در متوازی‌الاضلاع زاویه‌های رو به رو و اضلاع رو به رو با یکدیگر برابرند، حال ثابت می‌کنیم دو مثلث DQM و BNM هم‌نهشت‌اند، داریم:



۷

$$\begin{cases} MB = DP \\ \hat{D} = \hat{B} \\ BN = DQ \end{cases} \Rightarrow \triangle BNM \cong \triangle DQP \Rightarrow (ض_ض) \Rightarrow MN = PQ$$

$$(1)(الف) \frac{\sqrt{20} + 2\sqrt{45}}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{4 \times 5} + 2\sqrt{9 \times 5}}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{2^2 \times 5} + 2\sqrt{3^2 \times 5}}{\sqrt{5}}$$

$$= \frac{2\sqrt{5} + 2 \times 3\sqrt{5}}{\sqrt{5}} = \frac{2\sqrt{5} + 6\sqrt{5}}{\sqrt{5}} = \frac{8\sqrt{5}}{\sqrt{5}} = 8$$

$$2) \frac{3^r \times 5^{-k}}{5^r \times 3^{-k}} = \frac{3^r \times 3^k}{5^r \times 5^k} = \frac{3^{r+k}}{5^{r+k}} = \frac{3^{11}}{5^{11}} = \left(\frac{3}{5}\right)^{11}$$

$$3) \sqrt{12} + 2\sqrt{25} - 7\sqrt{3} = \sqrt{4 \times 3} + 2\sqrt{25 \times 3} - 7\sqrt{3}$$

$$= \sqrt{2^2 \times 3} + 2\sqrt{5^2 \times 3} - 7\sqrt{3} = 2\sqrt{3} + 2 \times 5\sqrt{3} - 7\sqrt{3} \\ = 12\sqrt{3} - 7\sqrt{3} = 5\sqrt{3}$$

$$4) \frac{2}{2\sqrt{3}} = \frac{2}{2\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{3}}{2\sqrt{3^2}} = \frac{2\sqrt{3}}{2 \times 3} = \frac{2\sqrt{3}}{21}$$

$$\frac{6}{2x-2} = \frac{8}{20} = \frac{12}{y+3} \Rightarrow \frac{6 \times 20}{2x-2} = 8 \times (2x-2) \\ 120 = 16x - 16 \Rightarrow x = 8/5$$

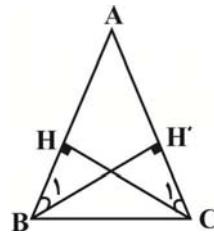
$$8(y+3) = 12 \times 20 \Rightarrow 8y + 24 = 240 \Rightarrow 8y = 216 \Rightarrow y = 27$$

۸

۹

ابتدا ثابت می کنیم دو مثلث ΔCH و $\Delta BH'$ هم نهشتاند، داریم:

$$\begin{cases} \hat{A} = \hat{A} & \text{مشترک} \\ AB = AC & \text{دو ساق مثلث} \\ \hat{B}_1 = \hat{C}_1 & \text{در دو مثلث متمم زاویه } \hat{A} \text{ هستند} \\ \Rightarrow \Delta ABH' \cong \Delta ACH & (\text{رض ز}) \end{cases}$$



۱۰

نسبت تشابه داده شده است، داریم:

$$\frac{6}{\text{فاصله واقعی منزل علی تا مدرسه}} = \frac{1}{10000}$$

$$\text{متر } 600 = \text{سانتی متر } 60000 = 6 \times 10000 = 60000 \text{ فاصله واقعی منزل علی تا مدرسه}$$

۱۱

باید تمام اعضای دو مجموعه یکسان باشند. بنابراین:

$$\frac{\sqrt{64}}{-3^2} = \frac{8}{-9}$$

$$A = \left\{ \frac{3}{\sqrt{4}}, \frac{8}{-9}, \frac{64}{9}, \frac{1}{9}, \sqrt{7} \right\}$$

$$B = \left\{ \frac{-8}{9}, \frac{1}{9}, \sqrt{7}, \frac{3}{\sqrt{4}}, \frac{64}{9} \right\}$$

۱۲

الف) $\sqrt{6}$ و $\sqrt{5}$

$$2 = \sqrt{4}$$

$$3 = \sqrt{9}$$

(ب)

$$2 < \sqrt{5} < 3 \Rightarrow 3 < 1 + \sqrt{5} < 4$$

$$(الف) |3 - \sqrt{5}| + |-2 - \sqrt{5}| = 3 - \sqrt{5} + 2 + \sqrt{5} = 5$$

$$(ب) \frac{1}{-1 - \frac{1}{-3}} = \frac{1}{-1 + \frac{1}{3}} = \frac{1}{-\frac{2}{3}} = -\frac{3}{2}$$

۱۴

امضا:

نام و نام خانوادگی مصحح :

جمع بارم : ۱۰ نمره