



پایه نهم (دوره اول متوسطه)

دفترچه پاسخ آزمون ۱۵ فروردین ماه ۹۹

مسئولین درس و ویژه استاراژ:

علوم تجربی			روانی	زبان انگلیسی	مطالعات اجتماعی	پیامهای آسمان	عربی	فارسی	نام درس
زمین و زیست‌شناسی	فیزیک	شیمی							
مونا علیزاده‌مقدم	لیلا خداوردیان	سید محمد معروفی	سینا گروسی	بهزاد موسوی	شایان قلعه‌دار	احمدرضا قربانی	احمدرضا قربانی	حمدی اصفهانی	مسئول درس
مجتبی میرزایی، سمیرا نجف‌پور	باک اسلامی، جواد احمدی‌شعار	مونا علیزاده‌مقدم	هادی عدی	سینا گروسی	زهرا دامیار	سکینه گلشنی، سینا گروسی	درویشعلی ابراهیمی	سپهر حسن‌خان‌پور	ویراستار
احمدرضا قربانی، شایان قلعه‌دار، زینب صالح‌زاده									
فیلتر نهایی									

گروه فنی و تولیدی

جواد احمدی‌شعار	مدیر گروه آزمون
مونا علیزاده‌مقدم	مسئول دفترچه
زینبنده فرهادزاده	حروف‌نگاری و صفحه‌آرایی
علیرضا سعدآبادی	ناظر جاب
فاطمه رسولی‌نسب	مدیر گروه مستندسازی
فرزانه دانایی	مسئول دفترچه‌ی مستندسازی

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۳۱-۶۴۶۳

تمام دارایی‌ها و درآمدهای بنیاد علمی آموزشی قلمچی در شهریور ۱۳۸۴ وقف عام شد بر کسریش دانش و آموزش



پاسخ سؤال‌های عربی

(نگاه به گذشته؛ ابوالفضل فلامت) -۱۱

در گزینه «۱» کلمه «مختبره» به معنای آزمایشگاهش می‌باشد که فقط آزمایشگاه ترجمه شده است و نادرست می‌باشد.

(ترجمه، صفحه‌های ۷۷ و ۷۶)

(ابوالفضل فلامت) -۱۲

الحيوانات، فاعل فعل شجاعت می‌باشد. التعلب مفعول است. بنابراین باید چنین ترجمه شود که حیوانات، روایه را برای خروج از حفره تشویق نمودند.

(ترجمه، صفحه‌های ۵۱ و ۵۰)

(مریم آقایاری) -۱۳

«کانت ... يحضرن» حاضر (آماده) می‌کردن (ماضی استمراری) / «الأطعمة»: غذاها / «اللقاء»: برای ناهار / «الأولاد»: فرزندان / «يجلبون»: (در اینجا به خاطر کانت در ابتدای جمله به صورت ماضی استمراری ترجمه می‌شود). می‌آورند / «الماء»: آب / «الخبز»: نان / «على المائدة»: بر سر سفره

(ترجمه، ترکیب)

(ابوالفضل فلامت) -۱۴

پرسس گزینه‌های نادرست:

گزینه «۱»: «دلیل السفر» به توشہ مسافرت ترجمه شده است که نادرست است.

گزینه «۲»: چون «کان» به همراه فعل مضارع آمده است، فعل باید به صورت ماضی استمراری ترجمه شود. هم‌چنین «خواب او را گرفت» درست است.

گزینه «۴»: ترجمه به صورت منفی آمده است درحالی که باید به صورت مثبت ترجمه صورت بگیرد. یعنی: در موزه آثاری تاریخی برای خرید و فروش می‌باشد. هر چند معنای جمله از نظر اصطلاح با واقعیت نادرست است.

(ترجمه، صفحه ۸۳)

(مریم آقایاری) -۱۵

«المُسَجَّل» به معنی دستگاه ضبط نمی‌تواند با مفهوم جمله تناسب داشته باشد، سایر کلمات برای جای خالی مناسب‌اند.

«دست مادرت را در (خیابان ششم / برای بازی کردن / شلوغ) رها نکن ای برادر کوچکم.»

(لغت و مفهوم، ترکیب)

(درویشعلی ابراهیمی) -۱۶

ترجمه جمله الف: «مکانی که مردم به سوی آن می‌روند و در آن حیوانات مختلفی را می‌بینند.» که مرتبط با کلمه «حدیقة الحیوانات» می‌باشد.

ترجمه جمله ب: «سعی و تلاش و پیگیری کار، برای موقیت در زندگی» که با کلمات مرتبط نیست.

ترجمه جمله ج: «حیوانی که از اموال مردم محافظت می‌کند» که مرتبط با کلمه «کلب» می‌باشد.

ترجمه جمله د: «کسی که خوب نمی‌شنود» که مرتبط با کلمه «تقلیل السمع» می‌باشد.

(ترجمه، صفحه ۵۴)

پاسخ سؤال‌های فارسی

(نگاه به گذشته؛ سپهر هسن‌فان پو) -۱

مقرب: نزدیک شده

(واژه، صفحه ۸۴)

(سپهر هسن‌فان پو) -۲

«قوس قزح»: رنگین کمان - «سریر»: تخت پادشاهی

(واژه، صفحه‌های ۱۷ و ۱۹)

(سپهر هسن‌فان پو) -۳

واژه‌هایی که در عبارات صورت سؤال نادرست نوشته شده است، «تباهی» و «هجو» است.

(امل، صفحه ۱۵)

(آکیتا محمدزاده) -۴

دلق حافظ به چه ارزد؟ دلق حافظ به چیزی نمی‌ارزد.

شرح آن کی توان ز بسیاری؟ از بسیاری، سرح آن را نمی‌توان داد.

(دانش‌های ادبی و زبانی، صفحه ۲۷)

(آکیتا محمدزاده) -۵

ترکیب‌های وصفی: آتش‌دان‌های ارزشمند - تپه بلند - مرغ روش روان
ترکیب‌های اضافی: پر سیمرغ - تن رستم - پر خود - فرزانگی رستم - تیمار سیمرغ

(دانش‌های ادبی و زبانی، صفحه‌های ۱۶ و ۱۵)

(آکیتا محمدزاده) -۶

جمله‌های بیت صورت سؤال:

«اگر باد از کوی تو خاک به دوزخ ببرد»: مضارع التزامی

«آتش همه آب زندگی می‌شود»: مضارع اخباری

(دانش‌های ادبی و زبانی، صفحه‌های ۵۰ و ۵۱)

(ممید اصفهانی) -۷

فعل‌های بیت گزینه «۲»: «برآمد»، «وزید»، «رسید»: ماضی ساده - «می‌خواهم»، «می‌گوید»: مضارع اخباری

فعل‌های ماضی استمراری دیگر گزینه‌ها: «می‌چکید»، «می‌رسست»، «می‌دمید»، «می‌رفت»، «می‌کردی: می‌کرد»، «همی‌کردم» و «می‌دمید»

(دانش‌های ادبی و زبانی، صفحه ۸۵)

(ممید اصفهانی) -۸

بیت تلمیح و تضاد ندارد. «یار» و «مار» جناس دارند و تشبيه به مار در بیت دیده می‌شود.

(آایه‌های ادبی، صفحه‌های ۶۴ و ۶۳)

(ممید اصفهانی) -۹

به جز بیت گزینه «۳»، همه ابیات بیان می‌کنند که نیش و نوش، خیر و شر، همیشه همراه هم هستند.

(مفهوم، مثابه صفحه ۵۶)

(محمدعلی مرتضوی)

تدبر در آفرینش و عبرت از آن، مفهوم مشترک ابیات صورت سؤال و عبارت گزینه «۱» است.

(مفهوم، صفحه ۱۹)



پاسخ سوال‌های مطالعات اجتماعی

(نگاه به گذشته؛ بهزاد موسوی)

-۲۶

امام خمینی در یک سخنرانی مهم، دادن مصونیت به آمریکاییان را اقدامی ذلتبار و خلاف استقلال کشور شمرد و شاه را به سبب وابستگی به آمریکا سرزنش کرد. به این ترتیب حکومت پهلوی دریافت که امام اهل سازش و سکوت نیست. بنابراین در ۱۳ آبان ۱۳۴۳ ایشان را به ترکیه تبعید کرد.

(سقوط مکومت شاهنشاهی و شکل‌گیری نظام جمهوری اسلامی، صفحه ۱۰۲)

(زینب صالحزاده)

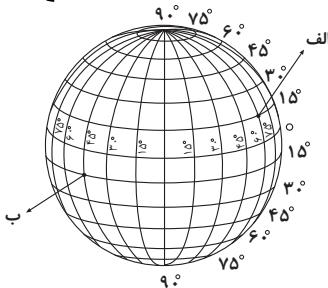
-۲۷

جنگ جهانی اول موجب بی‌ثباتی و آشفتگی بیشتر اوضاع ایران شد. به دلیل حضور نیروهای اشغالگر و درگیری‌های نظامی، دولت مرکزی به نهایت ضعف رسید و تسلط خود را بر امور کشور از دست داد. نافرمانی و سرپیچی از فرمان دولت مرکزی گسترش یافت و امنیت و آسایش مردم از بین رفت. در آن سال‌ها ایرانیان دچار مصیبت‌های بزرگی مانند قحطی، فقر، گرسنگی و شیوع بیماری‌های واگیردار شدند و افراد زیادی جان خود را از دست دادند.

(ایران در عصر مشغله، صفحه ۹۱)

(زینب صالحزاده)

-۲۸



از آنجایی که یکی از نقاط در شرق نصف‌النهار مبدأ و دیگری در غرب آن واقع شده است، برای به دست آوردن اختلاف طول جغرافیایی این دو نقطه،

طول جغرافیایی آن‌ها را به دست می‌آوریم. یعنی: $105^{\circ} + 45^{\circ} = 150^{\circ}$ می‌دانیم که هر قارچ ۱۵ درجه‌ای، ۱ ساعت اختلاف زمانی ایجاد می‌کند، پس برای اختلاف طول جغرافیایی برابر با 105° داریم:

بنابراین ۷ ساعت اختلاف دارند از طرفی نقطه «الف» زودتر در برابر خورشید قرار می‌گیرد، پس ساعت در نقطه «ب» عقب‌تر از نقطه «الف» است. با دانستن اختلاف زمانی ۷ ساعته پی‌می‌بریم که ساعت نقطه «ب»، ۷ ساعت کم‌تر از نقطه «الف» است.

$12:30 - 7 = 5:30 \text{ a.m}$

(سیاره‌ما زمین، صفحه‌های ۵ تا ۱۱)

(زینب صالحزاده)

-۲۹

در منطقه جنگل‌های بارانی استوایی، رطوبت حدود 80° درصد است و تبخیر هم به همین نسبت کم‌تر است. تبخیر در بیابان‌ها بیش‌تر است.

(زیستگره تنوع شکننده، صفحه‌های ۳۱ تا ۳۵)

(بهزاد موسوی)

-۳۰

تشریح گزینه‌های نادرست:
گزینه «۱»: در پی تسلط افغان‌ها بر اصفهان، روسیه و عثمانی نیز قسمتی از شمال و غرب ایران را اشغال کردند. در چنین شرایطی نادر با سپاهیانش افغان‌ها را سرکوب و تار و مار کرد.

گزینه «۲»: عهدنامه ترکمان‌چای پس از عهدنامه گلستان بر ایران تحمیل شد.

گزینه «۳»: بستنشینی علماء در حرم عبدالعظیم پس از به چوب بسته شدن باز رگانان رخ داد.

(تکیی، صفحه‌های ۷۶، ۷۷، ۷۸، ۷۹ و ۸۰)

(درویش‌علی ابراهیمی)

-۱۷

«زواج» مضاف‌الیه برای «حفلة» است، نه صفت. در سایر گزینه‌ها، صفت‌ها درست مشخص شده‌اند.

(قواعد، صفحه‌های ۷۴ تا ۷۶)

-۱۸

(درویش‌علی ابراهیمی)
«استرجع» از ریشه «ر - ج - ع» و بر وزن «استفعل» است ولی سایر افعال بر وزن «فعل» هستند.

(قواعد، صفحه ۱۲)

-۱۹

(مریم آقایاری)
در این ۳ فعل داده شده، کنتم تدرسن، ماضی استمراری، تخرجن فعل مضارع، و اکتبی فعل امر می‌باشد. بنابراین، امر کنتم تدرسن می‌شود ادرسوا و نهی تخرجن می‌شود لاتخرجن و ماضی اکتبی می‌شود کنتم.

(قواعد، ترکیبی)

-۲۰

(كتاب سه‌سطهي)
در سایر گزینه‌ها: «سفرت»، «الف» حرف زائد / «قیل»، «ب» حرف زائد / «إنکسَر»، «إِن» حروف زائد

(قواعد، صفحه‌های ۱۹ و ۱۸)

پاسخ سوال‌های پیام‌های آسمان

(شعیب مقدم)

-۲۱

باری امام زمان (عج) یعنی باری دین خدا و این کار مختص دوران ظهور نیست.
(اهنگ‌شناسی، صفحه ۱۴۹)

(ابوالفضل فلامت)

-۲۲

در تمامی گزینه‌ها آن‌چه به عنوان موجبات تقویت ایمان ذکر شده و آن‌چه به عنوان ثمرات ایمان نیز ذکر شده، کاملاً درست است.
اما بین ایمان و عمل، رابطه‌ای بدوسویه برقرار است و برای همین، دوری از گناهان موجب تقویت ایمان خواهد شد.

(فداشناسی، صفحه‌های ۴۵ و ۴۶)

(شعیب مقدم)

-۲۳

آیه اولی با مورد «ج» و آیه بعدی با مورد «الف» و آیه سوم با مورد «ب» در ارتباط است.

(فداشناسی، صفحه‌های ۱۱۶ و ۱۱۷)

(ابوالفضل فلامت)

-۲۴

پیامبران برای مبارزة با عقاید باطل و خرافی، مردم را به اندیشه‌ورزی دعوت می‌نمودند. آیه ۳۰ سوره فصلت، استقامت افراد الهی از جمله پیامبران را بیان می‌دارد. آیه ۸۷ سوره بقره، بیان می‌دارد که دستهای از مردم که ستمکار هستند. وقتی با دعوت انبیا مواجه می‌شند، یا آن‌ها را به قتل می‌رسانند و یا از روی تکبر، تکذیب می‌نمودند.

(اهنگ‌شناسی، صفحه‌های ۳۵ و ۳۶)

(فرزانه معرفی)

-۲۵

وضو گرفتن با آب نمک غلیظ باطل است.

(واه و توش، صفحه‌های ۶۶ و ۶۷)



(شایان قلعه‌دار)

-۳۶

ترجمه جمله: «بعد از خوردن آب در استخر، من یک . . . داشتم»

- (۲) سوزش چشم
 (۱) کمردرد
 (۴) گوش درد
 (۳) دل درد

پاسخ سوال‌های زبان انگلیسی

(نگاه به گذشته: بهزاد موسوی)

-۳۱

ترجمه جمله: «بهترین دوست شما کجا می‌رود؟»

با توجه به این که سؤال در مورد سوم شخص مفرد است از فرمول زیر استفاده می‌شود.

(واژگان، ترتیبی)

(بهزاد موسوی)

-۳۷

ترجمه جمله: «این پاراگراف را مطالعه کنید و بهترین عنوان را برای آن انتخاب کنید.»

- (۲) یک بازی بد
 (۱) انتهای روز
 (۴) شادی ورزش کردن
 (۳) تیم ما

(درگ مطلب)

(جواب احمدی‌شها)

-۳۸

با توجه به متن مشخص می‌شود که مقایسه‌ای بین حال و گذشته شهر (town) نویسنده انجام شده است.

- (۲) مرکز خرید
 (۱) مدرسه
 (۴) موزه
 (۳) شهر

(درگ مطلب)

(جواب احمدی‌شها)

-۳۹

ترجمه جمله: «حس او نسبت به خانواده‌اش چگونه است؟»
 (۱) او هر شنبه خانه را تمیز می‌کند.
 (۲) او خیلی ثرومند و معروف است.
 (۳) او از توانگران می‌گیرد و به فقرا می‌دهد.
 (۴) او به همسر و پسرش خیلی نزدیک است.

(درگ مطلب)

(شایان قلعه‌دار)

-۴۰

دیکتهٔ صحیح کلمه، "receive" به معنای دریافت کردن است.

(دیکته، صفحه ۸۱۴)

(نگاه به گذشته: بهزاد موسوی)

-۳۱

ترجمه جمله: «در متن زیر چند اشکال گرامری وجود دارد؟

تصحیح شده اشکالات در متن به صورت زیر است:

-His brother and sister also work at that bank.
 - He helps all the workers and tells them what to do.
 - Tom likes to talk to the customers and make . . .

(گرامر، صفحه ۸۷)

-۳۳

ترجمه جمله: «رنگ مورد علاقه شما چیست؟»

این جمله با استفاده از کلمه پرسشی "What" کامل می‌شود.

(گرامر، صفحه ۶۵)

-۳۴

ترجمه جمله: «آیا دختران کتاب‌ها را دارند؟»

با توجه به این که در جمله پرسشی، فاعل جمع است "girls" و جمله فعل اصلی دارد "have" نیاز به فعل کمکی داریم. فعل کمکی مناسب برای این جمله که فاعل آن جمع است "Do" می‌باشد.

(گرامر، صفحه ۵۶)

-۳۵

(شایان قلعه‌دار)

ترجمه جمله: «با استفاده از یک لپ‌تاپ و اینترنت، چه کاری نمی‌توان انجام داد؟»

(شایان قلعه‌دار)

(واژگان، صفحه‌های ۷۱، ۸۱۴)

-۴۰

- (۱) بهروز کردن و بگاه
 (۲) شرکت کردن در یک واحد درسی آنلاین (اینترنتی)
 (۳) نصب کردن یک فرهنگ لغت کامپیوتری
 (۴) خاموش کردن آتش

(واژگان، صفحه‌های ۷۱، ۸۱۴)

(عاقض محبی)

$$6 + 4 = 36 + 16 = 52 \Rightarrow 24 \in A$$

-٤٥

مجموعه A تهی نیست، زیرا:

مجموعه B تهی نیست، زیرا:

$$\frac{n^3 + 10n + 33}{n+5} = \frac{(n+5)^3 + 8}{n+5} = n+5 + \frac{8}{n+5}$$

ابتدا شرایط طبیعی شدن آن را بررسی می‌کنیم. عبارت حاصل فقط وقتی طبیعی است که:

$$n+5 = 8 \Rightarrow n = 3 \Rightarrow \sqrt{n+5 + \frac{8}{n+5}} = \sqrt{8+1} = \sqrt{9} = 3 \in \mathbb{N}$$

 $\Rightarrow 3 \in B$

$$x = 0 \Rightarrow x\sqrt{5} = 0 \in \mathbb{Z} \Rightarrow 0 \in C$$

مجموعه C تهی نیست، زیرا:

(ترکیب، صفحه‌های ۲ تا ۵ و ۷۹ تا ۸۹)

(عاقض محبی)

-٤٦

گزینه «۱» نادرست است؛ زیرا ۱ و -۱ با معکوس خود برابر هستند.

گزینه «۲» نادرست است؛ زیرا صفر معکوس ندارد.

گزینه «۳» نادرست است؛ زیرا اگر $a = b$ باشد آن‌گاه $\frac{a}{b} = 1$ در حالی که در

کسر $\frac{y^3}{y^2 + 1}$ مخرج از صورت بزرگ‌تر است و حاصل کسر برابر یک نیست.

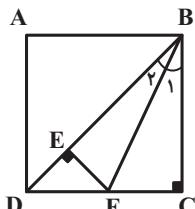
گزینه «۴» درست است؛ زیرا یکی از کسرها باید $\frac{-217 + 217}{2 + 3^{12}}$ باشد که

با ضرب صفر در سایر کسرها صفر می‌شود.

(عدادهای حقیقی، صفحه‌های ۱۹ تا ۲۲)

(عاقض محبی)

-٤٧



$$\left. \begin{array}{l} BF = BF \\ BC = BE \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{وترو یک ضلع}} \triangle BEF \cong \triangle CBF$$

$$\xrightarrow{\text{اجزای متناظر}} \hat{B}_1 = \hat{B}_2 = \frac{\hat{B}}{2} = 22^\circ / 5^\circ$$

$$\hat{A}BF = \hat{ABD} + \hat{EBF} = 45^\circ + 22^\circ / 5^\circ = 67^\circ / 5^\circ$$

(استدلال و اثبات در هندسه، صفحه‌های ۱۴۴ تا ۱۴۶)

(رمیم مشتقانظمه)

-٤٨

ابتدا عبارت $a^3 - 2b^3 - ab = 0$ به صورت زیر ساده می‌کنیم:

$$\underbrace{a^3 - b^3}_{\text{فاکتور گیری از } b} - \underbrace{b^3 - ab}_{\text{اتحاد مزدوج}} = 0$$

$$\Rightarrow (a-b)(a+b) - b(b+a) = 0 \xrightarrow{\text{فاکتور گیری}} (a+b)(a-b-b) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} a+b = 0 \Rightarrow \frac{a+b}{a-b} = 0 \\ a-2b = 0 \Rightarrow a = 2b \Rightarrow \frac{a+b}{a-b} = \frac{2b+b}{2b-b} = \frac{3b}{b} = 3 \end{cases}$$

(عبارت‌های جبری، صفحه‌های ۲ تا ۸۶)

(۸۹ تا ۸۹)

پاسخ سوال‌های ریاضی - عادی

(نگاه به گذشته: سینا گروسی)

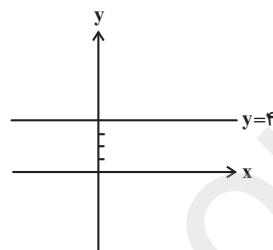
-٤١

همان طور که از شکل مشخص است، خط مورد نظر از ناحیه‌های اول، دوم و سوم می‌گذرد. پس هیچ نقطه‌ای روی آن نمی‌توان یافت که دارای طول مثبت و عرض منفی باشد. بنابراین، نقطه $D = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix}$ که در ناحیه چهارم قرار دارد، نمی‌تواند روی این خط باشد.

(خط و معادله‌های فطی، صفحه‌های ۹۶ تا ۱۰۱)

(نگاه به گذشته: محمد بمیرابی)

-٤٢

معادله خطی که موازی محور طول‌ها باشد به صورت $y = k$ نوشته می‌شود؛پس معادله خط موردنظر $y = 4$ است.

(خط و معادله‌های فطی، صفحه‌های ۹۶ تا ۱۰۱)

(سینا گروسی)

-٤٣

بررسی گزینه‌ها:

$$\text{«۱»: } C = \begin{bmatrix} 5 \\ 12 \end{bmatrix} \Rightarrow y = 3(5) - 2 = 13 \quad \times$$

$$\text{«۲»: } F = \begin{bmatrix} 12 \\ 32 \end{bmatrix} \Rightarrow y = 3(12) - 2 = 34 \quad \times$$

$$\text{«۳»: } G = \begin{bmatrix} 2 \\ 6 \end{bmatrix} \Rightarrow y = 3(2) - 2 = 4 \quad \times$$

$$\text{«۴»: } J = \begin{bmatrix} 13 \\ 37 \end{bmatrix} \Rightarrow y = 3(13) - 2 = 37 \quad \checkmark$$

$$K = \begin{bmatrix} 11 \\ 31 \end{bmatrix} \Rightarrow y = 3(11) - 2 = 31 \quad \checkmark$$

$$L = \begin{bmatrix} 4 \\ 10 \end{bmatrix} \Rightarrow y = 3(4) - 2 = 10 \quad \checkmark$$

(خط و معادله‌های فطی، صفحه‌های ۹۶ تا ۱۰۱)

(عاقض محبی)

-٤٤

اگر ۵ عدد فرد متوالی را به صورت $4, k+4, k+2, k, k-2$ در نظر

بگیریم، خواهیم داشت:

$$5k = 85 \Rightarrow k = 85 \div 5 = 17 \Rightarrow A = \{13, 15, 17, 19, 21\}$$

بدیهی است که $17 \notin A$ نادرست است.

(ممدوهات، صفحه‌های ۲ تا ۵)

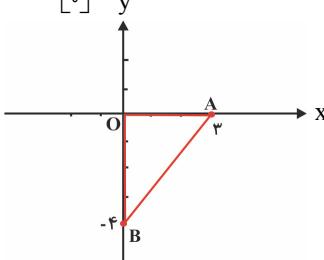
(کتاب آبی)

$$A = \begin{bmatrix} 2m+1 \\ 2n-6 \end{bmatrix} \xrightarrow[\text{عرض}]{\text{دروی محور طولها}} 2n-6=0 \rightarrow n=3$$

$$B = \begin{bmatrix} m-1 \\ -2n+2 \end{bmatrix} \xrightarrow[\text{طول}]{\text{دروی محور عرضها}} m-1=0 \rightarrow m=1$$

$$\Rightarrow A = \begin{bmatrix} 3 \\ 0 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 0 \\ -4 \end{bmatrix}$$

$$O = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$



$$AB^2 = OA^2 + OB^2 \quad \text{در مثلث } OAB \text{ طبق قضیه فیثاغورس داریم:}$$

$$AB^2 = 3^2 + 4^2 = 9 + 16 = 25 \rightarrow AB = 5$$

$$\Delta OAB = 3 + 4 + AB = 7 + 5 = 12$$

(فقط و معادله‌های خطی، صفحه‌های ۹۶ تا ۱۰۱)

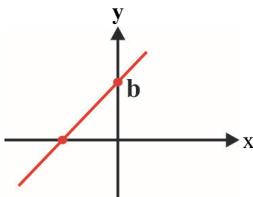
(کتاب آبی)

$$\text{نقطه در خط } y = -\frac{2}{3}x + 4 \text{ و } \begin{bmatrix} 6 \\ 0 \end{bmatrix} \text{ و } \begin{bmatrix} 2 \\ +\frac{8}{3} \end{bmatrix} \text{ مصدقی کنند.}$$

(فقط و معادله‌های خطی، صفحه‌های ۹۶ تا ۱۰۱)

(کتاب آبی)

نکته: در خط داده شده عرض از مبدأ باید مثبت و شیب خط نیز باید مثبت باشد.



$$-\sqrt{5}x + y = a^2 + 1 \Rightarrow y = +\sqrt{5}x + (a^2 + 1) \quad \text{عرض از مبدأ شیب}$$

با توجه به این که $a^2 + \sqrt{5}$ عددی مثبت و $(a^2 + 1)$ نیز همواره مثبت است، بنابراین فقط گزینه ۱ این خاصیت را دارد.

(فقط و معادله‌های خطی، صفحه‌های ۱۰۷ تا ۱۰۸)

(کتاب آبی)

نکته: دو خط وقتی موازی‌اند که شیب آن‌ها برابر باشند.

$$y = (2a - 1)x$$

$$ax + 3y = a \rightarrow y = -\frac{a}{3}x + \frac{a}{3}$$

$$\Rightarrow 2a - 1 = -\frac{a}{3} \Rightarrow 6a - 3 = -a \Rightarrow 7a = 3 \Rightarrow a = \frac{3}{7}$$

(فقط و معادله‌های خطی، صفحه‌های ۱۰۷ تا ۱۰۸)

-۵۵

(همیم مشتق‌انداز)

$$\frac{x-1}{2} + 1 \leq \frac{x+2}{3} - x \xrightarrow{\times 6} 3x - 3 + 6 \leq 2x + 4 - 6x$$

$$\Rightarrow 3x + 3 \leq -4x + 4 \Rightarrow 7x \leq 1 \Rightarrow x \leq \frac{1}{7}$$

(عبارت‌های بیزی، صفحه‌های ۹۰ تا ۹۴)

-۴۹

(بهزاد موسوی)

چون مفهوم فاصله همان قدر مطلق است، فاصله هر نقطه از محور عرض‌ها برابر $|x|$ (قطر مطلق طول آن نقطه) و فاصله هر نقطه از محور طول‌ها برابر

$$2|y|=|x| \quad \text{است، بنابراین، داریم:}$$

معادله آن دسته از خط‌هایی مورد نظر است که مقدار طول نقاط واقع در آن‌ها، دو برابر مقدار عرض آن‌ها باشد. پس معادله خطوطی مانند $x = 2y$ و $y = -\frac{x}{2}$ یا به عبارتی دیگر، $y = -\frac{x}{2}$ مطلوب خواهد بود.

(فقط و معادله‌های خطی، صفحه‌های ۹۶ تا ۱۰۱)

-۵۰

(کتاب آبی)

$$S = \{(1,1), (1,2), (1,3), (1,4), (1,5), (1,6), (2,1), (2,2), (2,3), (2,4), (2,5), (2,6), (3,1), (3,2), (3,3), (3,4), (3,5), (3,6), (4,1), (4,2), (4,3), (4,4), (4,5), (4,6), (5,1), (5,2), (5,3), (5,4), (5,5), (5,6), (6,1), (6,2), (6,3), (6,4), (6,5), (6,6)\} \Rightarrow n(S) = 36$$

$$(a+b)^2 - (a-b)^2 = 32$$

$$\Rightarrow a^2 + 2ab + b^2 - a^2 + 2ab - b^2 = 32 \Rightarrow ab = 8$$

یعنی باید حالت‌های را در نظر بگیریم که حاصل ضرب دو عدد رو شده برابر با ۸ شود.

$$A = \{(2,4), (4,2)\} \Rightarrow n(A) = 2 \Rightarrow P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{2}{36} = \frac{1}{18}$$

(ترکیبی، صفحه‌های ۱۵ تا ۷۹ و ۱۷)

-۵۱

(کتاب آبی)

$$AB = AD \quad (\text{وتر و یک زاویه تند}) \xrightarrow{\text{وتر و یک زاویه روبرو در لوزی}} \Delta ABE \cong \Delta AFD$$

اجزاء متناظر: $AE = AF$ ؛ در نتیجه مثلث AEF متساوی‌الساقین است.

(استدلال و اثبات در هندسه، صفحه‌های ۱۴۴ تا ۱۴۸)

-۵۲

(کتاب آبی)

$$(x+2)(x-7) \leq (x-1)(x+5)$$

$$\Rightarrow x^2 - 5x - 14 \leq x^2 + 4x - 5 \Rightarrow -9x \leq 9 \Rightarrow x \geq -1$$

(عبارت‌های بیزی، صفحه‌های ۹۰ تا ۹۴)

-۵۳

(کتاب آبی)

$$-a^2 - 1 - |a| - 2$$

همواره منفی: $-a^2 - 1 - |a| - 2$

همواره منفی: $-|a| - 2$

-۵۴

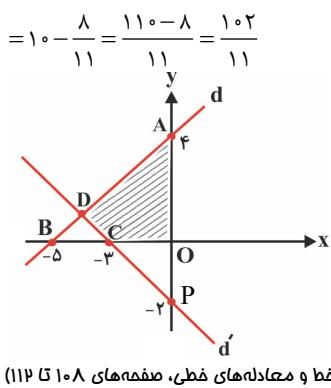
(فقط و معادله‌های خطی، صفحه‌های ۹۶ تا ۱۰۱)

(کتاب آبی)

می‌دانیم در ناحیه سوم، هم طول و هم عرض باید منفی باشد و تنها گزینه‌ای که هم طول و هم عرض نقطه داده شده در آن حتماً منفی است، گزینه «۳» می‌باشد.

$$\begin{bmatrix} -a^2 - 1 \\ -|a| - 2 \end{bmatrix}$$

همواره منفی: $-a^2 - 1 - |a| - 2$



(نگاه به گذشته: ریاضی مشتق‌نظرم)

-۶۱

$$\begin{aligned} & 2(x+x^2)(3x-1) + 3x(x-2)(2x+1) \\ & = 2(3x^3 - x + 3x^3 - x^2) + 3x(2x^2 + x - 4x - 2) \\ & = 4x^3 - 2x + 6x^3 + 6x^2 - 9x^2 - 6x = 12x^3 - 5x^2 - 8x \end{aligned}$$

(عبارت‌های جبری، صفحه‌های ۷۹ تا ۱۰۲)

(نگاه به گذشته: بهزاد موسوی)

-۶۲

$$\begin{aligned} & 1 - \left(\frac{2p-3}{4}\right) < \frac{p}{4} + \frac{3}{4} \\ & \Rightarrow 1 - \left(\frac{2p-3}{4}\right) - \frac{3}{4} < \frac{p}{4} \Rightarrow \frac{1}{4} - \frac{2p-3}{4} < \frac{p}{4} \\ & \Rightarrow 1 - \frac{2p}{4} < \frac{p}{4} \Rightarrow 1 - \frac{p}{2} < \frac{p}{4} \Rightarrow 1 < \frac{p}{2} + \frac{p}{4} \Rightarrow 1 < \frac{3}{4}p \Rightarrow \frac{14}{9} < p \end{aligned}$$

(عبارت‌های جبری، صفحه‌های ۹۰ تا ۹۴)

(سینا گروسی)

-۶۳

پرسش گزینه‌ها:

«۱»: $C = \begin{bmatrix} 5 \\ 12 \end{bmatrix} \Rightarrow y = 3(5) - 2 = 13 \quad \times$

«۲»: $F = \begin{bmatrix} 12 \\ 32 \end{bmatrix} \Rightarrow y = 3(12) - 2 = 34 \quad \times$

«۳»: $G = \begin{bmatrix} 2 \\ 6 \end{bmatrix} \Rightarrow y = 3(2) - 2 = 4 \quad \times$

«۴»: $J = \begin{bmatrix} 13 \\ 37 \end{bmatrix} \Rightarrow y = 3(13) - 2 = 37 \quad \checkmark$

$K = \begin{bmatrix} 11 \\ 31 \end{bmatrix} \Rightarrow y = 3(11) - 2 = 21 \quad \checkmark$

$L = \begin{bmatrix} 4 \\ 10 \end{bmatrix} \Rightarrow y = 3(4) - 2 = 10 \quad \checkmark$

(ف) و معادلهای خطی، صفحه‌های ۹۶ تا ۱۰۱

(عاصف مجیدی)
اگر ۵ عدد فرد متولی را به صورت $k-2, k, k+2, k+4$ و $k-4$ در نظر بگیریم، خواهیم داشت:

$$5k = 85 \Rightarrow k = 85 \div 5 = 17 \Rightarrow A = \{13, 15, 17, 19, 21\}$$

بدیهی است که $A \neq 17$ نادرست است.

(مجموعه‌ها، صفحه‌های ۲ تا ۵)

(کتاب آبی)

-۶۹

$$\begin{cases} 2x + 3y = 2 \\ 2y + 3x = 8 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2x + 3y = 2 \\ 3x + 2y = 8 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -6x - 9y = -6 \\ 6x + 4y = 16 \end{cases}$$

$$-5y = 10 \Rightarrow y = -2$$

$$y = -2, 2x + 3y = 2 \Rightarrow 2x + 3(-2) = 2 \Rightarrow 2x - 6 = 2$$

$$\Rightarrow 2x = 8 \Rightarrow x = 4 \Rightarrow \begin{bmatrix} 4 \\ -2 \end{bmatrix} = \text{نقطه تلاقی}$$

$$3y - 6x = 5 \Rightarrow 3y = 6x + 5 \div 3 \Rightarrow y = 2x + \frac{5}{3}$$

$$\Rightarrow \text{شیب خط } m = 2$$

معادله خطی که شیب آن ۲ بوده و از نقطه $\begin{bmatrix} 4 \\ -2 \end{bmatrix}$ بگذرد به صورت زیر است:

$$y = 2x + b \xrightarrow{\begin{bmatrix} 4 \\ -2 \end{bmatrix}} (-2) = 2(4) + b$$

$$\Rightarrow -2 = 8 + b \Rightarrow b = -10$$

$$\Rightarrow y = 2x - 10 \Rightarrow y - 2x = -10$$

(ف) و معادلهای خطی، صفحه‌های ۱۰۲ تا ۱۱۲)

(کتاب آبی)

-۶۰

خط d از نقاط $B = \begin{bmatrix} -5 \\ 0 \end{bmatrix}$ و $A = \begin{bmatrix} 0 \\ 4 \end{bmatrix}$ می‌گذرد؛ بنابراین، معادله آن به صورت زیر بدست می‌آید:

$$m = \frac{4-0}{0+5} = \frac{4}{5}, y = \frac{4}{5}x + b \xrightarrow{\begin{bmatrix} 0 \\ 4 \end{bmatrix}} 4 = \frac{4}{5}(0) + b \Rightarrow b = 4$$

$$\Rightarrow d : y = \frac{4}{5}x + 4 \xrightarrow{x \Delta} 5y - 4x = +20$$

خط d' نیز از نقاط $C = \begin{bmatrix} -3 \\ 0 \end{bmatrix}$ و $P = \begin{bmatrix} 0 \\ -2 \end{bmatrix}$ عبور می‌کند و معادله آن به روش مشابه به صورت زیر بدست می‌آید:

$$m' = \frac{-2-0}{0+3} = -\frac{2}{3}, y = -\frac{2}{3}x + b \xrightarrow{\begin{bmatrix} 0 \\ -2 \end{bmatrix}} (-2) = -\frac{2}{3}(0) + b \Rightarrow b = -2$$

$$\Rightarrow d' : y = -\frac{2}{3}x - 2 \xrightarrow{x \Delta} 3y + 2x = -6$$

محل برخورد دو خط (نقطه D) نیز از حل دستگاه زیر بدست می‌آید.

$$\begin{cases} 5y - 4x = 20 \\ 3y + 2x = -6 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 5y - 4x = 20 \\ 6y + 4x = -12 \end{cases}$$

$$11y = 8$$

$$\Rightarrow y = \frac{8}{11}, x = -\frac{45}{11} \Rightarrow D = \begin{bmatrix} -\frac{45}{11} \\ \frac{8}{11} \end{bmatrix}$$

S_{OAB} - S_{BCD} : مساحت قسمت هاشور خورده

$$\frac{\frac{4}{11} \times (-3+5)}{2} = \frac{4 \times 5}{2} - \frac{\frac{4}{11} \times (-3+5)}{2}$$



(میمه مشتاقانظم)

-۶۸

ابتدا عبارت $a^3 - 2b^3 - ab = 0$ را به صورت زیر ساده می‌کنیم:

$$\underbrace{a^3 - b^3}_{\text{فاکتور گیری از } a-b} - \underbrace{ab}_{\text{اتحاد مزدوج}} = 0$$

$$\Rightarrow (a-b)(a+b) - b(b+a) = 0 \quad \xrightarrow{\text{فاکتور گیری}} (a+b)(a-b-b) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} a+b = 0 \Rightarrow \frac{a+b}{a-b} = 0 \\ a-2b = 0 \Rightarrow a = 2b \Rightarrow \frac{a+b}{a-b} = \frac{2b+b}{2b-b} = \frac{3b}{b} = 3 \end{cases}$$

(عبارت‌های جبری، صفحه‌های ۸۶ تا ۸۹)

(میمه مشتاقاننظم)

-۶۹

$$\frac{x-1}{2} + 1 \leq \frac{x+2}{3} - x \xrightarrow{\times 6} 3x - 3 + 6 \leq 2x + 4 - 6x$$

$$\Rightarrow 3x + 3 \leq -4x + 4 \Rightarrow 7x \leq 1 \Rightarrow x \leq \frac{1}{7}$$

(عبارت‌های جبری، صفحه‌های ۹۰ تا ۹۴)

(بهزاد موسوی)

-۷۰

چون مفهوم فاصله همان قدرمطلق است، فاصله هر نقطه از محور عرضها

برابر $|x|$ (قدر مطلق طول آن نقطه) و فاصله هر نقطه از محور طولها برابر

$$|y| = |x| \quad \text{است؛ بنابراین، داریم:}$$

معادله آن دسته از خط‌هایی مورد نظر است که مقدار طول نقاط واقع در

آن‌ها، دو برابر مقدار عرض آن‌ها باشد. پس معادله خطوطی مانند $x = 2y$ و

$$-2y = x \quad \text{یا به عبارتی دیگر، } y = -\frac{x}{2} \quad \text{و } y = \frac{x}{2} \quad \text{مطلوب خواهند بود.}$$

(خط و معادله‌های خطی، صفحه‌های ۹۴ تا ۱۰۱)

(كتاب آبي)

-۷۱

تنها زیرمجموعهٔ تهی، خودش می‌باشد.

(مجموعه‌ها، صفحه‌های ۲ تا ۵)

(كتاب آبي)

-۷۲

تعداد اعداد دو رقمی مضرب ۴ برابر است با ۲۲ عدد. زیرا:

$$S = \{12, 16, 20, \dots, 96\}$$

$$\frac{96-12}{4} + 1 = \frac{84}{4} + 1 = 22 \quad \text{تعداد}$$

در بین این اعداد، ۳۶ و ۷۲ تنها عددهایی هستند که هم بر ۹ و هم بر ۴

بخش‌پذیرند. بنابراین:

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{2}{22} = \frac{1}{11}$$

(مجموعه‌ها، صفحه‌های ۱۵ تا ۱۷)

(عاصف ممبی)

-۶۵

مجموعهٔ A تهی نیست، زیرا: $24 \in A$

مجموعهٔ B تهی نیست، زیرا:

$$\frac{n^3 + 1 + n + 3}{n + 5} = \frac{(n + 5)^3 + 1}{n + 5} = n + 5 + \frac{1}{n + 5}$$

ابتدا شرایط طبیعی شدن آن را بررسی می‌کنیم. عبارت حاصل فقط وقتی طبیعی است که:

$$n + 5 = 1 \Rightarrow n = 3 \Rightarrow \sqrt{n + 5 + \frac{1}{n + 5}} = \sqrt{1 + 1} = \sqrt{2} = 3 \in \mathbb{N}$$

$$\Rightarrow 3 \in B$$

مجموعهٔ C تهی نیست، زیرا: $0 \in C$

(ترکیبی، صفحه‌های ۲ تا ۵ و ۷۹ تا ۸۹)

(عاصف ممبی)

-۶۶

گزینهٔ «۱» نادرست است؛ زیرا ۱ و ۱- با معکوس خود برابر هستند.

گزینهٔ «۲» نادرست است؛ زیرا صفر معکوس ندارد.

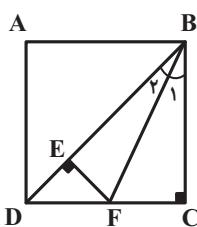
گزینهٔ «۳» نادرست است؛ زیرا اگر $a = b$ باشد آن‌گاه $\frac{a}{b} = 1$ در حالی‌که درکسر $\frac{y^2}{y^2 + 1}$ مخرج از صورت بزرگ‌تر است و حاصل کسر برابر یک نیست.گزینهٔ «۴» درست است؛ زیرا یکی از کسرها باید $= 0$ باشد که

با ضرب صفر در سایر کسرها صفر می‌شود.

(عددهای حقیقی، صفحه‌های ۱۹ تا ۲۲)

(عاصف ممبی)

-۶۷



$$\begin{aligned} BF = BF \\ BC = BE \end{aligned} \xrightarrow{\text{وتر و یک ضلع}} \triangle BEF \cong \triangle CBF$$

$$\xrightarrow{\text{اجزای متناظر}} \hat{B}_1 = \hat{B}_2 = \frac{\hat{B}}{2} = 22 / 5^\circ$$

$$\hat{A}\hat{B}\hat{F} = \hat{A}\hat{B}\hat{D} + \hat{E}\hat{B}\hat{F} = 45^\circ + 22 / 5^\circ = 67 / 5^\circ$$

(استدلال و اثبات در هندسه، صفحه‌های ۱۴۵ تا ۱۵۲)

(کتاب آبی)

$$2(x^3)^{m+1}y^{2m} = 2x^{3m+3}y^{2m}$$

درجه یک جمله‌ای
 $= 3m + 3 + 2m = 5m + 3 = 18$

$$\Rightarrow 5m = 18 - 3 = 15 \Rightarrow m = 3$$

(عبارت‌های جبری، صفحه‌های ۷۹ تا ۸۵)

(کتاب آبی)

$$\underbrace{(a-b)(a+b)}_{\text{اتحاد مزدوج}}(a^r + b^r)(a^f + b^f) \dots (a^{r^n} + b^{r^n})$$

$$= \underbrace{(a^r - b^r)(a^r + b^r)}_{\text{اتحاد مزدوج}}(a^f + b^f) \dots (a^{r^n} + b^{r^n})$$

$$= \underbrace{(a^f - b^f)(a^f + b^f)}_{\text{اتحاد مزدوج}} \dots (a^{r^n} + b^{r^n})$$

$$= (a^\lambda - b^\lambda) \dots (a^{r^n} + b^{r^n})$$

$$= \left(a^{r^n}\right)^r - \left(b^{r^n}\right)^r = a^{rn \times r} - b^{rn \times r} = a^{rn+1} - b^{rn+1}$$

(عبارت‌های جبری، صفحه‌های ۸۶ تا ۸۹)

(کتاب آبی)

$$\frac{4x-1}{3} > \frac{3x-2}{1} \xrightarrow{\times 3} 9x - 6 < 4x - 1 \Rightarrow 5x < 5 \Rightarrow x < 1$$

$$\frac{3x+5}{2} - \frac{2x-4}{3} > \frac{1}{2} \xrightarrow{\times 6} 9x + 15 - 4x + 8 > 3$$

$$\Rightarrow 5x > -20 \rightarrow x > -4$$

: اشتراک جوابها
 $-4 < x < 1$

(عبارت‌های جبری، صفحه‌های ۹۰ تا ۹۴)

(کتاب آبی)

$$-5 \leq 3x + 1 < 10 \xrightarrow{+(-1)} -6 \leq 3x < 9 \xrightarrow{\div(3)} -2 \leq x < 3$$

(عبارت‌های جبری، صفحه‌های ۹۰ تا ۹۴)

(کتاب آبی)

نکته: برای این‌که خط d از نقطه A عبور کند باید مختصات نقطه A در

معادله خط d صدق کند. یعنی:

$$A = \begin{bmatrix} 2 \\ -3 \end{bmatrix} \rightarrow x$$

$$2(2) - (m+1)(-3) = m - 3 \rightarrow 4 + 3m + 3 = m - 3 \rightarrow [m = -5]$$

(خط و معادله‌های خطی، صفحه‌های ۹۴ تا ۱۰۱)

-۷۶

(کتاب آبی)

$$A = \frac{1}{10} + \frac{2}{100} + \frac{3}{1000} + \frac{4}{10000} + \dots$$

$$\Rightarrow 10A = 1 + \frac{2}{10} + \frac{3}{100} + \frac{4}{1000} + \dots$$

$$\Rightarrow 10A - A = 1 + \left(\frac{2}{10} - \frac{1}{10}\right) + \left(\frac{3}{100} - \frac{2}{100}\right) + \left(\frac{4}{1000} - \frac{3}{1000}\right) + \dots$$

$$\Rightarrow 9A = 1 + \frac{1}{10} + \frac{1}{100} + \dots \Rightarrow 9A = 1/1111\dots$$

$$\Rightarrow 9A = 1/\bar{1} = B$$

$$B = 1/1111\dots \Rightarrow 10B = 11/1111\dots \Rightarrow 9B = 10 \Rightarrow B = \frac{10}{9}$$

$$9A = \frac{10}{9} \Rightarrow A = \frac{10}{81} = 0/\overline{12345679}$$

در عدد اعشاری حاصل رقم ۸ وجود ندارد.

-۷۷

(عددهای مقینی، صفحه‌های ۱۹ تا ۲۲)

(کتاب آبی)

-۷۸

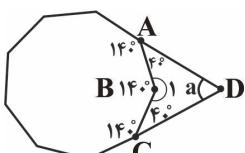
$$\hat{B}_1 = \frac{(9-2) \times 180^\circ}{9} = 140^\circ$$

$$\hat{B}_1 = 360^\circ - 140^\circ = 220^\circ$$

$$= (\text{مجموع زوایه‌های داخلی یک ضلعی منتظم} - 2) \times 180^\circ = 360^\circ$$

از آنجایی که مجموع زوایه‌های داخلی چهار ضلعی ABCD، ۳۶۰ درجه

است. پس داریم:



$$\hat{D} + \hat{C} + \hat{B}_1 + \hat{A} = 360^\circ \Rightarrow a + 40^\circ + 220^\circ + 40^\circ = 360^\circ$$

$$\Rightarrow a + 300^\circ = 360^\circ$$

$$\Rightarrow a = 60^\circ$$

(استدلال و اثبات در هندسه، صفحه‌های ۳۷ تا ۴۲)

-۷۹

(کتاب آبی)

-۷۹

$$\begin{cases} a = 1/19 \times 10^{-26} \\ b = 7 \times 10^{-28} \end{cases} \Rightarrow \frac{a}{b} = \frac{1/19 \times 10^{-26}}{7 \times 10^{-28}}$$

$$= 0/17 \times 10^{-26} \times 10^{-28} = 1/7 \times 10^{-1} \times 10^{-26} \times 10^{-28}$$

$$= 1/7 \times 10^{-55}$$

(توان و ریشه، صفحه‌های ۴۵ تا ۴۷)

-۸۰

(کتاب آبی)

-۸۰

$$\begin{cases} a = 1/19 \times 10^{-26} \\ b = 7 \times 10^{-28} \end{cases} \Rightarrow \frac{a}{b} = \frac{1/19 \times 10^{-26}}{7 \times 10^{-28}}$$

$$= 0/17 \times 10^{-26} \times 10^{-28} = 1/7 \times 10^{-1} \times 10^{-26} \times 10^{-28}$$

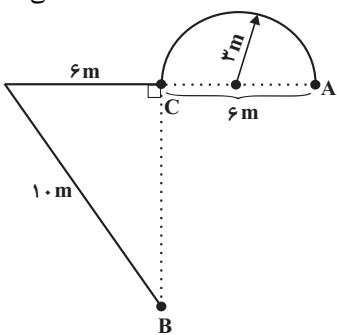
$$= 1/7 \times 10^{-55}$$

(توان و ریشه، صفحه‌های ۴۵ تا ۴۷)



(اهمدرضا قربانی)

$$\text{مسافت طی شده} = 3 \times \pi + 6 + 10 = 25\text{m}$$

طبق فیثاغورس برابر است با: \overline{BC}

$$\overline{BC} = \sqrt{10^2 - 6^2} = 8\text{m}$$

طبق فیثاغورس برابر است با: \overline{AB}

$$\overline{AB} = \sqrt{6^2 + 8^2} = 10\text{m}$$

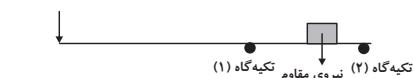
اختلاف مسافت طی شده و اندازه جابه‌جایی برابر است با:

$$25 - 10 = 15\text{m}$$

(مرکت پیست، صفحه‌های ۳۸ و ۳۹)

(هواد احمدی شعاع)

محل اعمال نیروی محرك



اگر بخواهیم نیروی محرك را به سمت پایین وارد کنیم، تکیه‌گاه مورد استفاده، تکیه‌گاه (۱) خواهد بود.



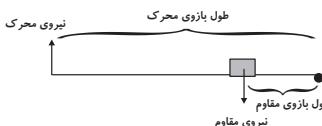
در این حالت مزیت مکانیکی اهرم برابر است با:

$$\frac{\text{طول بازوی محرك}}{\text{طول بازوی مقاوم}} > 1 = \text{مزیت مکانیکی}$$

با توجه به بالاتر بودن مزیت مکانیکی در این حالت، با اعمال نیروی کمتر از وزن جسم، می‌توان جسم را بلند کرد.

اگر بخواهیم نیروی محرك را به سمت بالا وارد کنیم، تکیه‌گاه مورد استفاده، تکیه‌گاه (۲) خواهد بود.

در حالت کلی اگر تکیه‌گاه (۲) انتخاب شود و (نیروی به سمت بالا) حتماً مزیت مکانیکی بزرگ‌تر از یک است ولی با توجه به مکان تکیه‌گاه (۱) (یعنی بین نیروی مقاوم و نیروی محرك)، ممکن است مزیت مکانیکی کوچک‌تر از یک شود شکل کیفی است و ملاک عمل نیست.



مزیت مکانیکی در این حالت برابر است با:

$$\frac{\text{طول بازوی محرك}}{\text{طول بازوی مقاوم}} > 1 = \text{مزیت مکانیکی}$$

در این حالت هم مزیت مکانیکی بیش‌تر از یک شد. بنابراین در هر دو حالت، با اعمال نیرو چه به سمت بالا و چه به سمت پایین، مزیت مکانیکی اهرم بزرگ‌تر از ۱ می‌شود و با اعمال نیروی کمتر از وزن جسم می‌توان جسم را بلند کرد.

(ماشین‌ها، صفحه‌های ۹۶ و ۹۷)

-۸۶

پاسخ سوال‌های علوم تجربی

-۸۱

(نگاه به گذشته: موئا علیزاده‌مقدم)

نور فاصله زمین تا خورشید را در مدت زمان هشت دقیقه و بیست ثانیه طی می‌کند و این فاصله حدود یک‌صد و پنجاه میلیون کیلومتر است.

هشت دقیقه و بیست ثانیه برابر با: $8 \times 60 + 20 = 480 + 20 = 500\text{s}$ سرعت متوسط نور (حدوداً): $\frac{\text{جا به جایی}}{\text{مدت زمان}} = \frac{1 / 5 \times 10^8}{500} = 3 \times 10^5 \frac{\text{km}}{\text{s}}$

سرعت بر حسب متر بر ثانیه مورد نظر است، بنابراین داریم:

$$3 \times 10^5 \frac{\text{km}}{\text{s}} \times 1000 = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

یک سال برابر با: $365 \times 24 \times 60 \times 60 = 3 / 2 \times 10^7 \text{ s}$

برای مسافت حدودی که نور در یک سال نوری طی می‌کند، داریم:

$$\frac{3 \times 10^5 \text{ km}}{x} \times \frac{1\text{s}}{\frac{3}{2} \times 10^7 \text{ s}} \Rightarrow x = (3 / 2 \times 10^7) \times (3 \times 10^5) \\ = 9 / 6 \times 10^{12} \text{ km}$$

(نگاه به فضای صفحه ۱۰۴)

-۸۲

(نگاه به گذشته: سمیرا نهف پور)

همان‌طور که در جدول ۱ صفحه ۱۰۷ آمده است، به‌طور کلی، شهرهایی که در مناطق جنوب شرق کشور قرار دارند، زاویه میل قبله (درجه) از جنوب به سمت غرب، در آن‌ها بیش‌تر است.

(نگاه به فضای صفحه ۱۰۷)

-۸۳

(سید محمد معروفی)

فرمول مولکولی متان به صورت CH_4 است، پس هیدروکربن می‌تواند C_4H_10 (بوتان) باشد. چون هیدروکربن B تعداد کربن بیش‌تری از A دارد، در شرایط یکسان نیروی ریاضی بین مولکولی هیدروکربن B از نیروی ریاضی بین مولکولی هیدروکربن A بیش‌تر است.

(به دنبال ممیطی بهتر برای زندگی، صفحه‌های ۳۲ تا ۳۴)

-۸۴

(امتحان هماهنگ درس علوم تجربی استان فراستان شمالی - فرداد ۹۸)

در پالایشگاه‌های نفت، اجزای نفت خام را در ستون تقطیر براساس تفاوت در نقطه جوش از هم جدا می‌کنند.

(به دنبال ممیطی بهتر برای زندگی، صفحه‌های ۳۱ و ۳۲)

-۸۵

(امتحان هماهنگ درس علوم تجربی استان گیلان - فرداد ۹۸)

یکی از ویژگی‌هایی که می‌توان براساس آن عنصرها را طبقه‌بندی کرد، تعداد الکترون‌های موجود در مدار آخر اتم آن هاست. بر این اساس دانشمندان عنصرها را در جدول دوره‌ای عناصر طبقه‌بندی می‌کنند.

(مواد و نقش آنها در زندگی، صفحه ۷)

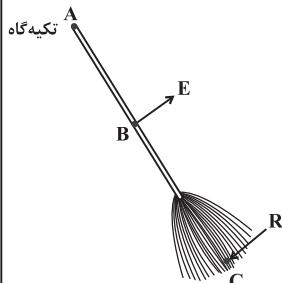


(امتحان هماهنگ درس علوم تجربی استان سمنان - فرداد ۹۸)

-۹۱

جاروی فراشی یک اهرم نوع سوم است. برای بدست آوردن مزیت مکانیکی آن، از تعریف مزیت مکانیکی استفاده می‌کنیم:

$$\text{مزیت مکانیکی} = \frac{\text{نیروی مقاوم}}{\text{نیروی محرك}} = \frac{\text{طول بازوی محرك}}{\text{طول بازوی مقاوم}}$$



طبق شکل فوق، طول بازوی محرك \overline{AB} و طول بازوی مقاوم \overline{AC} است. لذا می‌توان نوشت:

$$\text{مزیت مکانیکی} = \frac{\overline{AB}}{\overline{AC}} = \frac{\overline{AB}}{\overline{AB} + \overline{BC}} \xrightarrow{\overline{AB} = \overline{BC}} \frac{\overline{AB}}{\overline{AB} + \overline{AB}} = \frac{1}{2}$$

(ماشین‌ها، صفحه‌های ۹۶ و ۹۷)

(مونا علیزاده‌مقدم)

-۹۲

به هر گونه از جانداران یک نام علمی داده‌اند که آن جاندار را به طور دقیق مشخص می‌کند. این روش نام‌گذاری (دوبخشی) ابداع لینه زیست‌شناس سوئی است. بخش اول نام علمی هر جاندار، نام جنس (سرده) و بخش دوم، نام گونه جاندار را نشان می‌دهد.

(گوناگونی جانداران، صفحه‌های ۱۱۶ و ۱۱۷)

(سعید شمسی)

-۹۳

در بین هر سه سلسله نامبرده، جاندارانی وجود دارند که می‌توانند در صنعت غذایی کاربرد داشته باشند.

(گوناگونی جانداران، صفحه‌های ۱۱۷ و ۱۱۸)

(مونا علیزاده‌مقدم)

-۹۴

از گروههای بزرگتر به گروههای کوچکتر، تفاوت‌های افراد کمتر می‌شود در حالی که شباهت‌های آن‌ها بیشتر می‌شود.

بنابراین افراد یک خانواده (تیره) نسبت به افراد یک راسته، به هم شبیه‌ترند.

(گوناگونی جانداران، صفحه‌های ۱۱۶ و ۱۱۷)

(سعید شمسی)

-۹۵

ویروس‌ها همانند جانداران ماده و رائتی دارند.

ویروس‌ها ساختار سلولی ندارند، بنابراین دیواره سلولی و هسته ندارند. همچنین ویروس‌ها خارج از سلول زنده نمی‌توانند تکثیر شوند.

توجه کنید که باکتری‌ها نیز هسته ندارند و سلول‌هایی پروکاریوت هستند.

(گوناگونی جانداران، صفحه‌های ۱۱۸، ۱۲۱ و ۱۲۲)

(بجود احمدی‌شها)

-۸۸

هنگام استفاده از یک چکش، وضعیت قرارگیری نیروهای مقاوم و محرك و تکیه‌گاه به صورت زیر خواهد بود:



این اهرم، از نوع اهرم نوع سوم است که در آن نیروی مقاوم در یک سمت اهرم، تکیه‌گاه در سمت دیگر و نیروی محرك در حد فاصل بین این دو قرار می‌گیرد. حال هرچه طول بازوی مقاوم بیشتر شود مزیت مکانیکی اهرم کمتر ولی سرعت حرکت آن بیشتر خواهد شد. پس در چکش B، مزیت مکانیکی بیشتر است و در چکش A، گشتاور وارد بر میخ بیشتر است.

(ماشین‌ها، صفحه ۹۷)

(بجود احمدی‌شها)

-۸۹

مزیت مکانیکی مجموعه که به نوعی مجموعه‌ای از قرقره‌های مرکب را نشان می‌دهد، برابر ۷ است. بنابراین طبق رابطه مزیت مکانیکی داریم:

$$\text{مزیت مکانیکی} = \frac{\text{نیروی مقاوم}}{\text{نیروی محرك}} = \frac{14 \times 1^{\circ}}{7} \Rightarrow 7 = \frac{14 \times 1^{\circ}}{\text{نیروی محرك}}$$

$$\frac{14 \times 1^{\circ}}{7} = 20 \text{ N}$$

(ماشین‌ها، صفحه‌های ۹۷ و ۹۸)

(امتحان هماهنگ درس علوم تجربی استان سمنان - فرداد ۹۸)

-۹۰

در اهرمها و در حالت تعادل افقی، اندازه گشتاور نیروی ساعتگرد برابر است با اندازه گشتاور نیروی پاد ساعتگرد. لذا داریم:

اندازه گشتاور نیروی پاد ساعتگرد = اندازه گشتاور نیروی ساعتگرد →

$$\Rightarrow F_1 \times d_1 = F_2 \times d_2 \quad \frac{F_2 = 150 \text{ N}, d_2 = 25 \text{ cm}}{d_1 = 50 + 25 = 75 \text{ cm}} \rightarrow$$

$$F_1 \times 75 = 150 \times 25 \Rightarrow F_1 = \frac{150 \times 25}{75} = 50 \text{ N}$$



(ماشین‌ها، صفحه ۹۶)



پاسخ سوال‌های علوم تجربی - بخش شیمی

-۹۶

(نگاه به گذشته: فرداز طاولی)

-۱۰۱

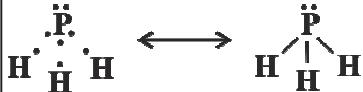
عنصر A همان عنصر فسفر (P_{۱۵}) در جدول تناوبی است و دارای ۵ الکترون در لایه آخر خود است.

فسفر، با هیدروژن واکنش می‌دهد و در اثر این واکنش، ترکیب PH_۳ تشکیل می‌شود که در آن، فسفر به آرایش ۸تایی در لایه آخر خود می‌رسد. از آنجا که در ترکیب PH_۳، ۳ اتم هیدروژن در پیوند شرکت می‌کنند در نتیجه ۲ الکترون از ۵ الکترون لایه آخر فسفر در پیوند شرکت نمی‌کنند.

$$\frac{2}{5} \times 100 = 40\%$$

يعني:

آرایش فسفر و هیدروژن در مولکول PH_۳ به صورت زیر است.

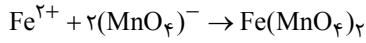


(فقرات اتمها با یک‌دیگر، صفحه‌های ۱۲۴ و ۱۲۵)

(اسدالله هوشمند) -۱۰۲

بدن ما برای ساختن هموگلوبین، به یون آهن (Fe^{۳+}) نیاز دارد. هر ترکیب یونی در مجموع از نظر بار الکتریکی خنثی است و یون پتاسیم به عنوان کاتیون پتاسیم پرمونگنات، بار +۱ دارد پس آنیون این ترکیب، بار -۱ دارد.

واکنش به شکل زیر است:



پس نسبت تعداد کاتیون به آنیون در فراورده آن، $\frac{1}{3}$ است.

(فقرات اتمها با یک‌دیگر، صفحه‌های ۱۲۴ تا ۱۲۵)

(فیروزه مسینیزاده‌بهاتاش) -۱۰۳

در میان هیدروکربن‌های ستون A، در شرایط یکسان نقطه جوش بوتان (C_۴H_{۱۰}) از بقیه کمتر است، زیرا کمترین تعداد کربن را در بین هیدروکربن‌های ستون A دارد. همچنین در بین هیدروکربن‌های ستون B، C_{۱۷}H_{۳۶} بیشترین تعداد اتم‌های کربن (و هیدروژن) و در نتیجه در شرایط یکسان بیشترین نیروی ریاضی بین مولکولی را دارد، بنابراین نسبت به بقیه سخت‌تر جاری می‌شود.

(به دنبال ممیطی بهتر برای زندگی، صفحه‌های ۱۳۰ و ۱۳۱)

(مونا علیزاده‌مقدمه)

-۹۷

بزرگ‌ترین سیاره منظومه شمسی، مشتری (برجیس) است. مشتری یک سیاره گازی و سردر از زمین است و طبق کتاب درسی، بیشترین تعداد قمر را در بین سیارات منظومه شمسی دارد.

در منظومه شمسی، نیتون بیشترین زمان حرکت انتقالی را دارد.

(نگاه به فضای، صفحه‌های ۱۰۸ و ۱۰۹)

(سمیدرا نجف‌پور)

-۹۸

هر ساله هزاران سنگ فضایی، وارد جو زمین می‌شوند و به سطح زمین برخورد می‌کنند. این سنگ‌ها، شهاب‌سنگ (شخانه) نام دارند.

(نگاه به فضای، صفحه‌های ۱۱۱ و ۱۱۲)

(سمیدرا نجف‌پور)

-۹۹

در شهرهای بزرگ، به دلیل وجود نور فراوان لامپ‌های روشنایی در آسمان شهر، امکان رؤیت ستارگان در شب به خوبی وجود ندارد، که به این پدیده آلوگی نوری گفته می‌شود. افزون بر آن آلوگی هوا نیز در رصد آسمان مؤثر است. وجود ابرها در آسمان نیز از موانع رصد آسمان است.

(نگاه به فضای، صفحه ۱۰۵)

(سه سطی)

-۱۰۰

در شکل ۱۰ صفحه ۶۸ قسمت‌های زلزله‌خیز نشان داده شده‌اند که با توجه به آن در می‌یابیم، نواحی شرقی آمریکای شمالی جزو این قسمت‌ها نیست.

(زمین‌سافت ورقه‌ای، صفحه ۶۸)

(مونا علیزاده‌مقدمه)

-۱۰۱

دانشمندان با استفاده از فسیل‌ها نظام حاکم بر خلقت را کشف کردند. آن‌ها دریافتند خداوند در آفرینش جهان، ابتدا جانداران اولیه با ساختمان بدنه ساده و در ادامه موجودات بعدی را با ساختمان بدنه پیچیده‌تر آفریده است. بنابراین هر چه لایه‌ای روسوی جوان‌تر باشد، احتمال وجود فسیل‌های پیچیده‌تر در آن بیشتر است با توجه به این که لایه‌ای روسوی در این شکل وارونه نشده‌اند، بنابراین، لایه F جوان‌ترین لایه روسوی و احتمال وجود فسیل‌های پیچیده‌تر در آن بیشتر است. فسیل‌ها، آثار و بقایای اجسام جانداران قدیمی هستند که در بین مواد، رسوبات و سنگ‌های روسوی پوسته زمین وجود دارند. بنابراین احتمال نبودن فسیل در رگه آذرین G، بیشتر از بخش‌های دیگر است.

(آگهی از گذشته زمین، صفحه‌های ۷۷، ۷۹ و ۸۰)

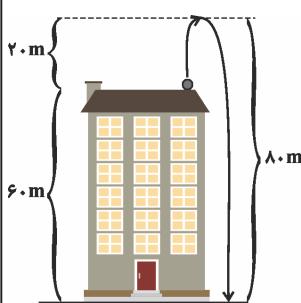


(فنا قنبری)

با توجه به شکل مسافتی که جسم پیموده 100 m است. ($20 + 80 = 100\text{ m}$)

$$\frac{\text{مسافت طی شده}}{\text{زمان صرف شده}} = \frac{100\text{ m}}{6\text{ s}} = 100\text{ km/h}$$

$$\frac{100\text{ m}}{6\text{ s}} \times 3/6 = 60\text{ km/h}$$

جایه‌جایی جسم برابر طول ساختمان است. ($80\text{ m} - 20\text{ m} = 60\text{ m}$)

$$\frac{\text{جایه‌جایی}}{\text{زمان صرف شده}} = \frac{60}{6} = 10\text{ m/s}$$

$$\frac{m}{s} \times 3/6 = 36\text{ km/h}$$

(مرکت پیست، صفحه‌های ۴۰ تا ۵۴)

(هادی عبدی)

-۱۰۸

ترازوی دو کفه‌ای جرم پنیر را نشان می‌دهد.

$$\frac{\text{جرم اولیه پنیر}}{4} = 0/5\text{ kg}$$

$$\text{وزن اولیه پنیر} \Rightarrow 2\text{ kg} = mg = 2 \times 10 = 20\text{ N}$$

(نیرو، صفحه‌های ۵۴ و ۵۵)

(امید رضا قربانی)

-۱۰۹

تراکم مولکول‌های هوا در ارتفاع‌های بالاتر کمتر است و همین موضوع باعث

کاهش فشار هوا می‌شود.

(فشار و آثار آن، صفحه ۸۸)

(مرتضی اسداللهی)

-۱۱۰

نیرویی که به انتهای میله وارد می‌شود نیروی وزن گلدان است. پس داریم:

$$6 \times 10 \times \frac{40}{100} = 24\text{ N.m}$$

از روی شکل واضح است که این گشتاور به صورت ساعتگرد به ناحیه اتصال وارد می‌شود.

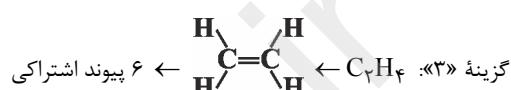
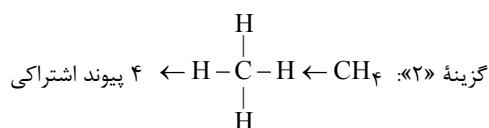
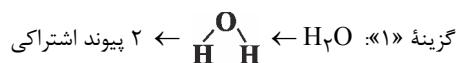
(ماشین‌ها، صفحه‌های ۹۱ و ۹۲)

-۱۰۷

(مونا علیزاده‌مقدمه)

-۱۰۴

تعداد پیوندهای اشتراکی در یک مولکول از هر یک از مواد نام برده در سؤال عبارت‌اند از:



(فقار اتم‌ها با یکدیگر، صفحه‌های ۲۳ و ۲۴)

(فیروزه مسین (زاده‌بهتاش))

-۱۰۵

تعداد الکترون‌هایی که هر اتم کلر در طی ساختن بلور سدیم‌کلرید، می‌گیرد

یک عدد است. پس با تعداد پیوندی که هر اتم کربن با هر اتم اکسیژن در

مولکول کربن دی‌اکسید برقرار می‌کند (۲ پیوند) برابر نیست.

فرمول شیمیایی لیتیم اکسید به صورت Li_2O است که در هر واحد سازنده

آن ۲ یون لیتیم وجود دارد.

به طور کلی، برای تشکیل هر پیوند کووالانسی ۲ الکترون نیاز است.

(فقار اتم‌ها با یکدیگر، صفحه‌های ۱۷ تا ۲۴)

پاسخ سوال‌های علوم تجربی – بخش فیزیک

(امید رضا قربانی)

-۱۰۶

با توجه به قانون دوم نیوتون و رابطه $a = \frac{F}{m}$ داریم:

$$a = \frac{F}{24 + M}$$

$$a' = \frac{2F}{12 + M} \Rightarrow \frac{a'}{a} = \frac{2F}{F} \times \frac{24 + M}{12 + M}$$

$$= 2 \times \left(\frac{12 + M + 12}{12 + M} \right) = 2 \times \left(1 + \frac{12}{12 + M} \right) = 2 + \frac{24}{12 + M} < 4 \Rightarrow \frac{a'}{a} < 4$$

(نیرو، صفحه‌های ۵۱ و ۵۲)



سوئی است. بخش اول نام علمی هر جاندار، نام جنس (سرده) و بخش دوم، نام گونه جاندار را نشان می‌دهد.

(۵۰ناتکمنز جانداران، صفحه‌های ۱۱۶ و ۱۱۷)

(محمدعلی ادبی‌فر)

-۱۱۶

از میان ویژگی‌های بیان شده، سرخس‌ها فقط آوند دارند، درخت سرو دانه تولید می‌کند و آوند دارد، ذرت دانه، میوه و آوند دارد، ولی تعداد گلبرگ‌های ایش مضری از ۳ است. گیاه لوبیا تمام ویژگی‌های مطرح شده را دارد است.

(دینیای گیاهان، صفحه‌های ۱۱۷ تا ۱۲۹)

(فریدریک پوپوی)

-۱۱۷

نرم‌تنان بدنی نرم و بدون حلقه دارند و در بیشتر (نه همه) آن‌ها، بخشی سفت به نام صدف بدن را در بر گرفته است و از آن حفاظت می‌کند. بیشتر آن‌ها در آب (دریا یا آب شیرین) و بعضی در خشکی زندگی می‌کنند. از صدف نرم‌تنان در تهیه ابزارهای زینتی و صنایع دارویی، بهداشتی، تهیه نخ بخیه و تولید کلسیم قابل جذب استفاده می‌شود.

(جانوران بی‌مهره، صفحه‌های ۱۳۸ و ۱۳۹)

(محمدعلی ادبی‌فر)

-۱۱۸

با توجه به فعالیت صفحه ۱۴۱، بال‌ها و پاهای ملخ به بخش سینه‌ای بدن آن متصل هستند.

(جانوران بی‌مهره، صفحه ۱۴۱)

(ممید بیانلو)

-۱۱۹

با توجه به شکل فعالیت صفحه ۱۴۵، علامت سؤال در شکل «طحال» را نشان می‌دهد.

(جانوران مهده‌دار، صفحه ۱۴۵)

(مهدی افلاص‌مند)

-۱۲۰

مارهای غیرسمی معمولًا سری گرد و گردانی نامشخص دارند. کروکودیل‌ها جانورانی با جثه بزرگ و تحرک کم هستند و در آب‌های کم عمق زندگی می‌کنند.

(جانوران مهده‌دار، صفحه‌های ۱۴۹ و ۱۵۰)

پاسخ سوال‌های علوم تجربی - بخش زمین و زیست‌شناسی

(نگاه به گذشته؛ مهدی افلاص‌مند)

-۱۱۱

نوزاد قورباغه دم دارد، با آبسش تنفس می‌کند و از جلبک‌ها و گیاهان آبری تغذیه می‌کند. قورباغه‌های بالغ بیشتر از حشرات تغذیه می‌کنند. قورباغه‌ها از گروه دوزیستان بی‌دماند و سمندرها در گروه دوزیستان دمدار قرار می‌گیرند.

(جانوران مهده‌دار، صفحه‌های ۱۴۶ و ۱۴۷)

(سه سطحی)

-۱۱۲

در شکل ۱۰ صفحه ۶۸ قسمت‌های زلزله‌خیز نشان داده شده‌اند که با توجه به آن در می‌یابیم، نواحی شرقی آمریکای شمالی جزو این قسمت‌ها نیست.

(زمین‌ساخت ورقه‌ای، صفحه ۶۸)

(مونا علیزاده‌مقدم)

-۱۱۳

دانشمندان با استفاده از فسیل‌ها نظم حاکم بر خلقت را کشف کردند. آن‌ها دریافتند خداوند در آفرینش جهان، ابتدا جانداران اولیه با ساختمان بدنی ساده و در ادامه موجودات بعدی را با ساختمان بدنی پیچیده‌تر آفریده است.

بنابراین هر چه لایه‌ای رسوبی جوان‌تر باشد، احتمال وجود فسیل‌های پیچیده‌تر در آن بیشتر است. با توجه به این که لایه‌های رسوبی در این شکل وارونه نشده‌اند، بنابراین، لایه F جوان‌ترین لایه رسوبی است. فسیل‌ها، آثار و بقایای اجسام جانداران قدیمی هستند که در بین مواد، رسوبات و سنگ‌های رسوبی پوسته زمین وجود دارند. بنابراین احتمال نبودن فسیل در رگه آذرین G، بیشتر از بخش‌های دیگر است.

(آکاری از گذشته زمین، صفحه‌های ۷۶، ۷۹ و ۸۰)

(الهاء شفیعی)

-۱۱۴

در علم نجوم برای بیان فواصل خیلی دور از واحدی به نام سال نوری استفاده می‌شود. به فاصله‌ای که نور در مدت زمان یکسال طی می‌کند، یک سال نوری گفته می‌شود.

(نگاه به فضای صفحه ۱۰۴)

(مونا علیزاده‌مقدم)

-۱۱۵

به هر گونه از جانداران یک نام علمی داده‌اند که آن جاندار را به طور دقیق مشخص می‌کند. این روش نام‌گذاری (دوبخشی) ابداع لینه زیست‌شناس