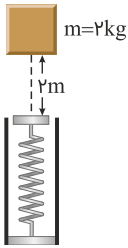




۱ مطابق شکل زیر، وزنه‌ای به جرم ۲ کیلوگرم را با سرعت اولیه 2 m/s از ۲ متری بالای یک فنر قائم، به سمت فنر پرتاب می‌کنیم. اگر از جرم فنر و مقاومت هوا صرف‌نظر کنیم و بیشینه انرژی ذخیره‌شده در فنر 46 J باشد، بیشینه تراکم طول فنر چند سانتی‌متر است؟ ($g = 10 \text{ m/s}^2$)



۱/۳ (۱)

۵ (۲)

۸ (۳)

۱۰ (۴)

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۹

۲ پمپ آبی در هر دقیقه ۳ مترمکعب آب رودخانه‌ای را به نقطه‌ای منتقل می‌کند که ارتفاع آن تا سطح آب رودخانه ۲۴ متر است. اگر توان ورودی پمپ ۲۰ کیلووات باشد، بازده پمپ چند درصد است؟ ($\rho_{\text{آب}} = 1 \text{ g/cm}^3$ و $g = 10 \text{ m/s}^2$)

۶۰ (۲)

۷۰ (۱)

۳۰ (۴)

۴۰ (۳)

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۹۹

۳ یک پمپ آب در هر ساعت ۲۵۲ تن آب را تا ارتفاع ۱۲ متر بالا می‌کشد. اگر بازده پمپ ۸۰ درصد باشد، توان پمپ چند کیلووات است؟ ($g = 10 \text{ m/s}^2$)

۸ (۲)

۷/۵ (۱)

۱۰/۵ (۴)

۸/۴ (۳)

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۸

۴ اتومبیلی به جرم 900 kg در یک جاده افقی روی خط راست از حال سکون شروع به حرکت می‌کند و پس از 10 s سرعت آن به 72 km/h می‌رسد. توان متوسط اتومبیل چند کیلووات است؟ (نیروی مقاوم در مقابل حرکت اتومبیل را نادیده بگیرید)

۱۸ (۲)

۹ (۱)

۳۶ (۴)

۳۰ (۳)

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۸۱

۵

جسمی به جرم 2 kg را از پایین سطح شیب‌داری که با افق زاویه 30° درجه می‌سازد، با سرعت اولیه 5 m/s مماس با سطح روبه بالا پرتاب می‌کنیم. جسم روی سطح به اندازه 2 m بالا می‌رود و سپس به نقطه پرتاب برمی‌گردد. کار نیروی اصطکاک در این مسیر رفت و برگشت چند ژول است؟ ($g = 10 \text{ m/s}^2$)

- (۱) صفر
- (۲) -5
- (۳) -10
- (۴) -20

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۸۶

۶

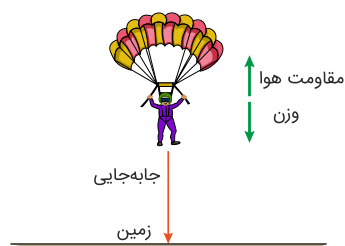
گلوله‌ای به جرم 100 گرم از ارتفاع 10 متری سطح زمین با سرعت 2 m/s به طور قائم روبه پایین پرتاب می‌شود. اگر کار نیروی مقاومت هوا در طول مسیر، -2 J باشد، انرژی جنبشی گلوله در لحظه برخورد با زمین چند ژول است؟ ($g = 10 \text{ m/s}^2$)

- (۱) 8
- (۲) $8/2$
- (۳) $10/2$
- (۴) $12/2$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۸۹

۷

چتربازی به جرم کل 100 kg از بالونی در ارتفاع 500 متر از سطح زمین با سرعتی به بزرگی $1/5 \text{ m/s}$ به بیرون بالون می‌پرد. اگر او با سرعتی به بزرگی $4/5 \text{ m/s}$ به زمین برسد، کار نیروی مقاومت هوا روی چترباز در طول مسیر سقوط چند کیلوژول است؟ ($g = 10 \text{ m/s}^2$)

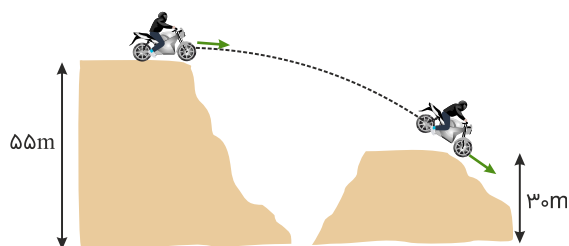


- (۱) -900
- (۲) $-500/9$
- (۳) -500
- (۴) $-499/1$

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۹

۸

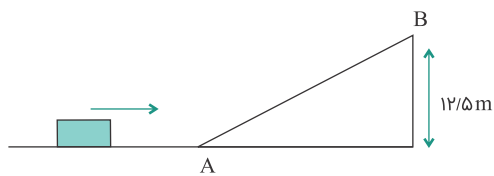
در شکل زیر، موتورسوار با سرعتی به بزرگی 20 m/s از تپه اول جدا می‌شود. اگر تنها نیروی مؤثر، نیروی وزن باشد، بزرگی سرعت آن در لحظه رسیدن به تپه دوم، چند متر بر ثانیه است؟ ($g = 10 \text{ m/s}^2$)



- (۱) 25
- (۲) 28
- (۳) 30
- (۴) 40

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۹

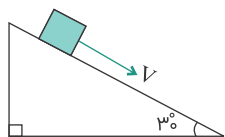
در شکل زیر، جسم متحرک به جرم 2 kg پس از رسیدن به نقطه A در امتداد سطح شیب‌دار بالا می‌رود. اگر سرعت جسم در نقاط A و B به ترتیب برابر 20 m/s و 10 m/s باشد، کار نیروی اصطکاک روی سطح شیب‌دار چند ژول است؟ $(g = 10 \text{ m/s}^2)$



- (۱) صفر
- (۲) -50
- (۳) -125
- (۴) 250

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۸۳

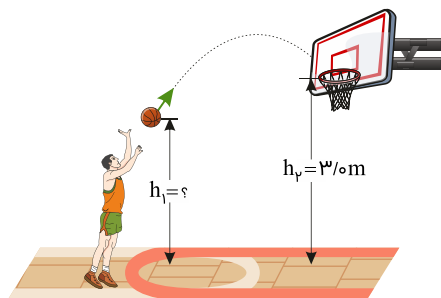
جسمی به جرم 2 kg را مطابق شکل با سرعت اولیه 5 m/s مماس بر سطح روبه پایین پرتاب می‌کنیم. اگر سرعت جسم پس از 12 متر جابه‌جایی روی سطح به 8 m/s برسد، کار نیروی اصطکاک چند ژول است؟ $(g = 10 \text{ m/s}^2)$



- (۱) -42
- (۲) -45
- (۳) -63
- (۴) -81

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۸۵

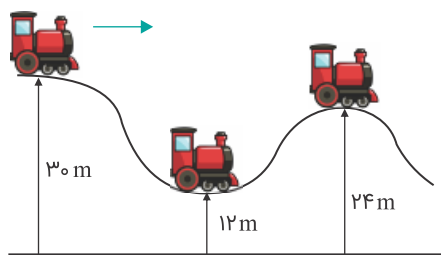
در شکل زیر، ورزشکار توپ را با تندی (سرعت) اولیه 6 m/s پرتاب می‌کند و اندازه سرعت توپ در لحظه ورود به سبد 5 m/s است. فاصله نقطه پرتاب توپ تا سطح زمین (h_1) چند متر است؟ (مقاومت هوا ناچیز و $g = 10 \text{ m/s}^2$ است)



- (۱) $2/45$
- (۲) $2/46$
- (۳) $2/55$
- (۴) $2/64$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۹۹

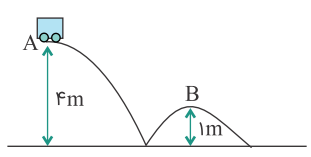
در شکل زیر اصطکاک ناچیز است و ارابه بدون سرعت اولیه از حالت A رها می‌شود. نسبت سرعت ارابه در حالت B به سرعت آن در حالت C کدام است؟



- (۱) 2
- (۲) 3
- (۳) $\sqrt{2}$
- (۴) $\sqrt{3}$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۰

مطابق شکل، ارابه‌ای به جرم m از نقطه A با سرعت ۲ متر بر ثانیه می‌گذرد، سرعت آن هنگام عبور از نقطه B چند متر بر ثانیه است؟ (از اصطکاک صرف‌نظر شود و $g = ۱۰ \text{ m/s}^2$)



(۱) ۴

(۲) ۸

(۳) $\sqrt{۴۶}$

(۴) بستگی به جرم m دارد.

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۸۶

آونگی به طول $۱/۶$ متر در حال نوسان است. وقتی گلوله آونگ از پایین‌ترین نقطه مسیر می‌گذرد، سرعتش ۴ m/s است. زاویه راستای نخ با خط قائم وقتی گلوله به بالاترین نقطه مسیر می‌رسد، چند درجه است؟ ($g = ۱۰ \text{ m/s}^2$ و مقاومت هوا ناچیز است)



(۱) ۴۵

(۲) ۳۰

(۳) ۶۰

(۴) ۹۰

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۸۷

گلوله‌ای در شرایط خلأ، از سطح زمین با سرعت اولیه ۳۰ m/s در امتداد قائم به طرف بالا پرتاب می‌شود. در چند متری سطح زمین انرژی جنبشی گلوله نصف انرژی پتانسیل گرانشی آن است؟

(۲) ۲۰

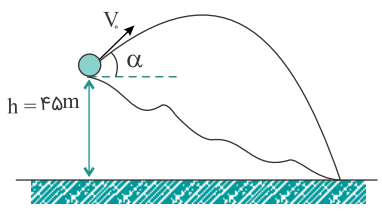
(۱) ۱۵

(۴) ۳۵

(۳) ۳۰

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۸۹

گلوله‌ای مطابق شکل، در شرایط خلأ با سرعت اولیه ۳۰ m/s تحت زاویه α نسبت به افق از ارتفاع ۴۵ متری سطح زمین روبه بالا پرتاب می‌شود. در این صورت، گلوله با سرعت چند متر بر ثانیه به زمین برخورد می‌کند؟ ($g = ۱۰ \text{ m/s}^2$)



(۱) ۴۵

(۲) $۳۰\sqrt{۲}$

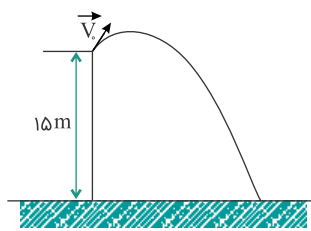
(۳) $۹۰\sqrt{۲}$

(۴) زاویه α باید معلوم باشد.

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۸۸

۱۷

از بالای یک بلندی به ارتفاع ۱۵ متر جسمی به جرم ۱۰۰ g را مطابق شکل زیر با سرعت اولیه 10 m/s پرتاب می‌کنیم. اندازه سرعت جسم در هنگام برخورد با زمین چند m/s است؟ (از مقاومت هوا صرف‌نظر شود و $g = 10 \text{ m/s}^2$)



۱۵ (۱)

۲۰ (۲)

$10\sqrt{3}$ (۳)

$10\sqrt{2}$ (۴)

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۸۶

۱۸

جسم A به جرم m از ارتفاع ۱۰ متری زمین و جسم B به جرم ۲ m از ارتفاع ۲۰ متری سطح زمین رها می‌شوند. انرژی جنبشی جسم B در لحظه رسیدن به زمین چند برابر انرژی جنبشی جسم A در لحظه رسیدن به زمین است؟ (از مقاومت هوا صرف‌نظر شود)

۱ (۱)

۲ (۲)

۴ (۳)

$\frac{1}{4}$ (۴)

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۸۸

۱۹

جسمی به جرم m را با سرعت 8 m/s در راستای قائم به طرف بالا پرتاب می‌کنیم. با نادیده گرفتن اتلاف انرژی، سرعت جسم در نیمه راه روبه بالا چند متر بر ثانیه است؟ ($g = 10 \text{ m/s}^2$)

۶ (۱)

۴ (۲)

$4\sqrt{2}$ (۳)

$5\sqrt{2}$ (۴)

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۸۸

۲۰

جسمی به جرم ۲ kg را با سرعت 10 m/s در راستای قائم روبه بالا پرتاب می‌کنیم. انرژی مکانیکی جسم در نصف ارتفاع اوج چند ژول است؟ (مبدأ پتانسیل گرانشی، محل پرتاب فرض شده است)

$25\sqrt{2}$ (۱)

۵۰ (۲)

$50\sqrt{2}$ (۳)

۱۰۰ (۴)

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۸۱

۲۱

گلوله‌ای به جرم ۴۰ g با سرعت افقی که بزرگی آن 300 m/s است، به دیواری برخورد می‌کند و پس از طی مسافت ۲۰ cm داخل دیوار، متوقف می‌شود. کار نیرویی که دیوار به گلوله وارد می‌کند، چند ژول است؟

-۱۸ (۱)

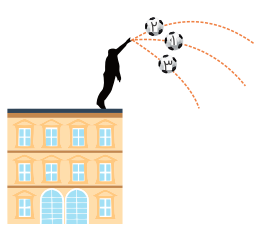
-۱۸۰۰ (۲)

-۶ (۳)

-۶۰۰ (۴)

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۹

مطابق شکل زیر، سه توپ مشابه از بالای ساختمانی، از یک نقطه با سرعت یکسان پرتاب می‌شوند. اگر کار نیروی وزن روی سه توپ از لحظه پرتاب تا رسیدن به زمین W_1 ، W_2 و W_3 باشد، کدام رابطه درست است؟



- (۱) $W_1 = W_2 = W_3$
- (۲) $W_2 > W_1 > W_3$
- (۳) $W_3 < W_2 < W_1$
- (۴) $W_2 = W_3 > W_1$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۹۸

برای اینکه سرعت وزنه‌ای با جرم معین از صفر به v برسد، باید کار W_1 روی آن انجام شود و برای اینکه سرعت این وزنه از v به $3v$ برسد، باید کار W_2 روی آن انجام شود. نسبت $\frac{W_2}{W_1}$ چقدر است؟

- (۱) ۲
- (۲) ۳
- (۳) ۸
- (۴) ۹

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۸

جسمی با سرعت 10 m/s در جهت مثبت محور x حرکت می‌کند و انرژی جنبشی آن 100 J است. پس از مدتی سرعت این جسم تغییر کرده و در جهت منفی محور x به 20 m/s می‌رسد. کار برآیند نیروهای وارد بر جسم در این مدت چند ژول است؟

- (۱) -500
- (۲) -300
- (۳) 300
- (۴) 500

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۸۰

گلوله‌ای به جرم 2 kg با سرعت اولیه 20 m/s تحت زاویه α روبه‌بالا پرتاب می‌شود، این گلوله با سرعت 10 m/s از نقطه اوج می‌گذرد. کار برآیند نیروهای وارد بر گلوله از لحظه پرتاب تا زمان رسیدن به نقطه اوج چند ژول است؟

- (۱) -100
- (۲) 150
- (۳) 250
- (۴) -300

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۲

اتومبیلی به جرم 2 تن در یک جاده شیب‌دار که با سطح افق زاویه 30° درجه می‌سازد، روبه‌بالا در حرکت است. اگر سرعت اتومبیل در مدت 20 ثانیه از 2 m/s به 12 m/s برسد، کار برآیند نیروهای وارد بر اتومبیل در این بازه زمانی چند کیلوژول است؟

- (۱) 140
- (۲) 148
- (۳) 210
- (۴) 218

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۸۷

۲۷

جرم جسمی 2 kg و سرعت آن در یک مسیر مستقیم 71 است. اگر سرعت آن به اندازه 8 m/s افزایش یابد، انرژی جنبشی آن 4 برابر می‌شود. 71 چند متر بر ثانیه است؟

(۱) ۸

(۲) ۱۶

(۳) ۲۴

(۴) ۳۲

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۸۳

۲۸

انرژی جنبشی گلوله‌ای 4 J و سرعت آن 4 m/s است. سرعت آن را به چند متر بر ثانیه برسانیم تا انرژی جنبشی آن 5 J شود؟

(۱) ۵

(۲) ۸

(۳) $2\sqrt{5}$

(۴) $5\sqrt{2}$

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۸۴

۲۹

نیروی $\vec{F} = (30 \text{ N})\vec{i} + (40 \text{ N})\vec{j}$ به جسمی به جرم 5 kg وارد می‌شود و آن را روی سطح افقی به اندازه 6 m $\vec{\Delta x} =$ جابه‌جا می‌کند. کار نیروی \vec{F} در این جابه‌جایی چند ژول است؟

(۱) ۱۸۰

(۲) ۲۴۰

(۳) ۳۰۰

(۴) ۴۲۰

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۸

۳۰

چنانچه کار برآیند نیروهای وارد بر جسمی در یک مسیر برابر صفر باشد، در این صورت کدام نتیجه‌گیری صحیح است؟

(۱) برآیند نیروهای وارد بر جسم نیز لزوماً در آن مسیر صفر است.

(۲) انرژی مکانیکی جسم در آن جابه‌جایی ثابت می‌ماند.

(۳) مجموع کار نیروهای وارد بر جسم نیز در آن جابه‌جایی برابر صفر است.

(۴) در آن مسیر، انرژی مکانیکی جسم، ثابت است و برآیند نیروهای وارد بر جسم لزوماً صفر نیست.

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۸۸

۳۱

اتومبیلی با سرعت 90 km/h در حال حرکت است. سرعت اتومبیل تقریباً چند متر بر ثانیه افزایش یابد، تا انرژی جنبشی آن 2 برابر شود؟

(۱) ۱۰

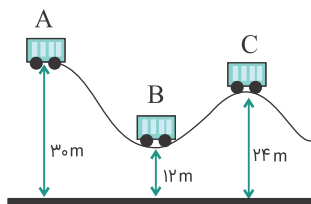
(۲) ۲۵

(۳) ۳۵

(۴) ۵۰

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۰

در شکل زیر اصطکاک ناچیز است و ارابه بدون سرعت اولیه از حالت A رها می‌شود. نسبت سرعت ارابه در حالت B به سرعت آن در حالت C کدام است؟



- (۱) ۲
- (۲) ۳
- (۳) $\sqrt{2}$
- (۴) $\sqrt{3}$

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۹۱

گلوله‌ای از ارتفاع ۲۰ متری سطح زمین، با سرعت اولیه 4 m/s در راستای قائم روبه پایین پرتاب می‌شود. انرژی جنبشی این گلوله بعد از ۴ متر پایین آمدن چندبرابر می‌شود؟ ($g = 10 \text{ m/s}^2$ و از مقاومت هوا صرف نظر شود)

- (۱) ۳
- (۲) ۴
- (۳) ۵
- (۴) ۶

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۲

جسمی در مسیر مستقیم با سرعت v در حال حرکت است. اگر سرعت این جسم 5 m/s افزایش یابد، انرژی جنبشی آن ۴۴ درصد افزایش می‌یابد. v چند متر بر ثانیه است؟

- (۱) ۵
- (۲) ۱۰
- (۳) ۲۰
- (۴) ۲۵

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۳

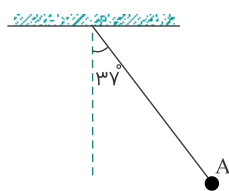
قلمچی علوم تجربی چهارم آزمون شماره ۱۵ ۱۳۹۴

جسمی به جرم 3 kg روی سطح افقی به حال سکون قرار دارد. نیروی ثابت $\vec{F} = 15\vec{i} + 20\vec{j}$ در SI به جسم وارد می‌شود و جسم بر روی محور x ، ۱۰ متر جابه‌جا می‌شود. کار نیروی F در این جابه‌جایی چند ژول است؟

- (۱) ۲۵۰
- (۲) ۲۰۰
- (۳) ۱۵۰
- (۴) ۹۰

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۳

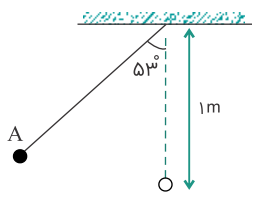
مطابق شکل زیر، آونگی به طول $1/25$ متر، با سرعت v از وضعیت نشان داده شده (نقطه A) عبور می‌کند. کمترین مقدار v چند متر بر ثانیه باشد تا ریسمان بتواند به وضعیت افقی برسد؟ (از مقاومت هوا صرف نظر شود، $g = 10 \text{ m/s}^2$ و $\sin 37^\circ = 0/6$)



- (۱) ۲
- (۲) $2\sqrt{5}$
- (۳) $\sqrt{5}$
- (۴) ۴

کنکور سراسری علوم تجربی داخل ۱۳۹۳

در شکل زیر، گلوله آونگ از نقطه A رها می‌شود و با سرعت v از پایین‌ترین نقطه مسیر می‌گذرد، هنگامی که سرعت گلوله به $\frac{\sqrt{2}}{2}v$ می‌رسد، زاویه نخ با راستای قائم چند درجه است؟ (مقاومت هوا ناچیز است، $g = 10 \text{ m/s}^2$ و $\cos 53^\circ = 0.6$)



- (۱) ۶۰
- (۲) ۴۵
- (۳) ۳۷
- (۴) ۳۰

کنکور سراسری ریاضی و فیزیک داخل ۱۳۹۳

اگر سرعت متحرکی به جرم m به اندازه 5 m/s افزایش پیدا کند، افزایش انرژی جنبشی آن $\frac{5}{4}$ انرژی جنبشی اولیه می‌شود، سرعت اولیه متحرک چند متر بر ثانیه بوده است؟

- (۱) ۶/۲۵
- (۲) ۱۰
- (۳) ۱۵
- (۴) ۲۰

کنکور سراسری علوم تجربی خارج از کشور ۱۳۹۵

گلوله‌ای بدون سرعت اولیه از ارتفاع h رها می‌شود و پس از طی Δh ، انرژی جنبشی آن با $\frac{1}{4}$ انرژی پتانسیل گرانشی آن برابر می‌شود. $\frac{\Delta h}{h}$ چقدر است؟ (مبدأ پتانسیل سطح زمین است و مقاومت هوا ناچیز فرض شود)

- (۱) $\frac{1}{5}$
- (۲) $\frac{1}{4}$
- (۳) $\frac{3}{4}$
- (۴) $\frac{4}{5}$

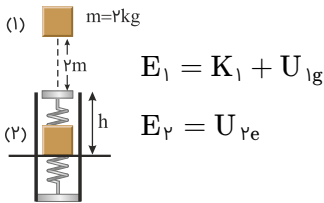
کنکور سراسری ریاضی و فیزیک خارج از کشور ۱۳۹۷



گزینه ۴

۱

سطح پتانسیل را پایین‌ترین نقطه‌ای که جسم قرار می‌گیرد در نظر می‌گیریم:



باتوجه به نداشتن اتلاف انرژی $E_1 = E_2$ است.

$$K_1 + U_{1g} = U_{2e} \Rightarrow \frac{1}{2} \times 2 \times 4 + 2 \times 10(2 + h) = 46$$

$$\Rightarrow 2 \times (2 + h) = 42 \Rightarrow 2 + h = 21 \Rightarrow h = 19 \text{ m} = 190 \text{ cm}$$

گزینه ۲

۲

گام اول: با استفاده از قضیه کار و انرژی، کار پمپ را به دست می‌آوریم:

$$W_{\text{پمپ}} + W_{mg} = K_2 - K_1 \xrightarrow{K_2=K_1} W_{\text{پمپ}} = -W_{mg}$$

$$W_{\text{پمپ}} = -(-mg\Delta h) = +(\rho V g \Delta h)$$

$$\Rightarrow W_{\text{پمپ}} = +(10^3 \times 3 \times 10 \times 24) = 7.2 \times 10^5 \text{ J}$$

گام دوم: توان مفید پمپ را به دست می‌آوریم:

$$P_{\text{مفید}} = \frac{W_{\text{پمپ}}}{t}$$

$$\Rightarrow \frac{7.2 \times 10^5}{60} = 1.2 \times 10^4 \text{ W} = 12 \text{ kW}$$

گام سوم: بازده پمپ برابر است با:

$$Ra = \frac{P_{\text{مفید}}}{P_{\text{ورودی}}} \times 100 \Rightarrow Ra = \frac{12}{20} \times 100 = 60\%$$

گزینه ۴

۳

$$P_{\text{کل}} \times Ra = \frac{W}{t} \Rightarrow P \times \frac{\lambda}{10} = \frac{mg\Delta h}{t}$$

$$\Rightarrow P \times \frac{\lambda}{10} = \frac{252 \times 10^3 \times 10 \times 12}{3600} \Rightarrow P = 10/5 \times 10^3 \text{ W} = 10/5 \text{ kW}$$

گام اول

الف) اتومبیلی به جرم 900 kg ← $m = 900 \text{ kg}$
 ب) از حال سکون شروع به حرکت می‌کند ← $v_0 = 0$
 ج) پس از 10 s ← $t = 10 \text{ s}$

د) سرعت آن به 72 km/h می‌رسد ← $v_1 = 72 \text{ km/h} = \frac{72}{3.6} \text{ m/s} = 20 \text{ m/s}$

هـ) توان متوسط اتومبیل چند کیلووات است؟ $P = \frac{W}{t} = ? \text{ kW}$

و) نیروی مقاوم در مقابل حرکت اتومبیل را نادیده بگیرید. ← اصل پایستگی انرژی مکانیکی برقرار است.

گام دوم

ابتدا با استفاده از قضیه کار و انرژی اندازه کار کل موتور اتومبیل را به دست می‌آوریم؛ سپس به کمک رابطه $P = \frac{W}{t}$ توان را محاسبه می‌کنیم.
 اتومبیل در مسیر افقی حرکت می‌کند، بنابراین:

$$W_{\text{موتور}} = K_2 - K_1$$

$$= \frac{1}{2} m (v_1^2 - v_0^2) = \frac{1}{2} \times 900 \times (20^2 - 0) = 180000 \text{ J}$$

$$P = \frac{W}{t} = \frac{180000}{10} = 18000 \text{ W} = 18 \text{ kW}$$

گام اول

الف) جسمی به جرم 2 kg را ← $m = 2 \text{ kg}$

ب) از پایین سطح شیب‌داری که با افق زاویه 30° درجه می‌سازد ← درجه 30° ، $h_0 = 0$

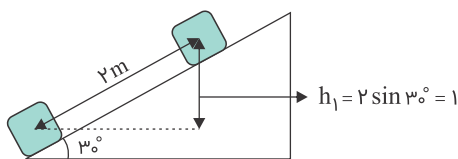
ج) با سرعت اولیه 5 m/s مماس با سطح روبه بالا پرتاب می‌کنیم ← $v_0 = 5 \text{ m/s}$

د) جسم روی سطح به اندازه 2 m بالا می‌رود ← وقتی 2 m بالا می‌رود آنگاه جسم متوقف می‌شود پس $v_1 = 0$

هـ) و سپس به همان نقطه اول برمی‌گردد ← اندازه کار نیروی اصطکاک در مسیر رفت و در مسیر برگشت با هم برابر است.

و) کار نیروی اصطکاک در این مسیر رفت و برگشت چند ژول است؟ ← $W_f = ?$ رفت و برگشت

گام دوم



با استفاده از قانون پایستگی انرژی، کار نیروی اصطکاک را در مسیر رفت به دست می‌آوریم:

$$W_f = E_1 - E_0 = \left(\frac{1}{2} m v_1^2 + m g h_1 \right) - \left(\frac{1}{2} m v_0^2 + m g h_0 \right)$$

$$\xrightarrow{h_1 = 2 \times \sin 30^\circ = 1 \text{ m}} W_f = (0 + 2 \times 10 \times 1) - \left(\frac{1}{2} \times 2 \times 5^2 - 0 \right) \Rightarrow W_f = -5 \text{ J}$$

از آنجا که کار نیروی اصطکاک در مسیر رفت و برگشت را می‌خواهد، داریم:

$$W_{f \text{ برگشت}} = 2 \times -5 = -10 \text{ J}$$

گام اول

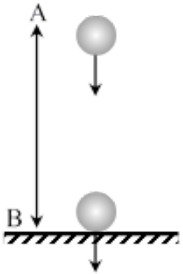
الف) گلوله‌ای به جرم ۱۰۰ گرم ← $m = 100 \text{ g} = 0.1 \text{ kg}$

ب) از ارتفاع ۱۰ متری ← $h_A = 10 \text{ m}$

ج) با سرعت ۲ m/s ← $v_A = 2 \text{ m/s}$

د) کار نیروی مقاومت هوا در طول مسیر، -2 J باشد ← $W_{f_k} = -2 \text{ J}$

و) انرژی جنبشی گلوله در لحظه برخورد به زمین چند ژول است؟ ← $h_B = 0 \Rightarrow U_B = 0, K_B = ?$



گام دوم

ابتدا انرژی مکانیکی گلوله را در نقطه A به دست می‌آوریم تا K_B را محاسبه کنیم.

$$E_A = K_A + U_A = \frac{1}{2}mv_A^2 + mgh_A$$

$$= \frac{1}{2} \times 0.1 \times 4 + 0.1 \times 10 \times 10 = 10.2 \text{ J}$$

قانون پایستگی انرژی همواره برقرار است، بنابراین داریم:

$$E_A = E_B - W_{f_k} \Rightarrow E_A + W_{f_k} = E_B$$

$$\Rightarrow 10.2 - 2 = U_B + K_B \Rightarrow K_B = 8.2 \text{ J}$$

طبق قضیه کار و انرژی جنبشی و باتوجه به اینکه دو نیروی وزن و مقاومت هوا روی چتر باز کار انجام می‌دهند می‌توان نوشت:

$$W_f + W_g = \Delta K$$

$$W_f + mgh = \frac{1}{2}m(v^2 - v_0^2)$$

$$W_f + 100 \times 10 \times 500 = \frac{1}{2} \times 100(4/5^2 - 1/5^2)$$

$$W_f = -4991 \times 10^3 \text{ J} = -4991 \text{ kJ}$$

$$E_1 = E_2$$

$$\frac{1}{2}mv_1^2 + mgh = \frac{1}{2}mv_B^2$$

مبدأ سنجش ارتفاع را تپه دوم در نظر می‌گیریم:

$$v_0^2 + 2gh = v_B^2$$

$$900 + 2 \times 10 \times 25 = v_B^2$$

$$v_B^2 = 900 \Rightarrow v_B = 30 \text{ m/s}$$

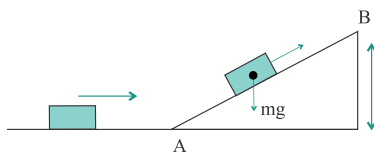
گام اول

الف) در شکل زیر جسم متحرک به جرم $2 \text{ kg} \leftarrow m = 2 \text{ kg}$

ب) اگر سرعت جسم در نقاط A و B به ترتیب برابر 20 m/s و 10 m/s باشد $\leftarrow v_B = 10 \text{ m/s}$, $v_A = 20 \text{ m/s}$

ج) کار نیروی اصطکاک روی سطح شیب‌دار چند ژول است؟ $\leftarrow W_{f_k} = ?$

گام دوم



نیروی اصطکاک و مولفه روی سطح شیب‌دار نیروی وزن در راستای حرکت، کار انجام می‌دهند. اگر جهت مثبت حرکت را روبه بالا در نظر بگیریم، کار نیروی وزن $-mgh$ می‌شود و باتوجه به قضیه کار و انرژی $12/5 \text{ m}$ داریم:

$$W_{mg} + W_{f_k} = \frac{1}{2}m(v^2 - v_0^2)$$

$$\Rightarrow -mgh + W_{f_k} = \frac{1}{2} \times 2 \times (10^2 - 20^2)$$

$$\Rightarrow -2 \times 10 \times 12/5 + W_{f_k} = -300 \Rightarrow W_{f_k} = -50 \text{ J}$$

گام اول

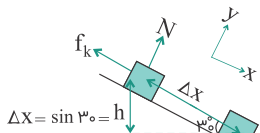
الف) جسمی به جرم $۲ \text{ kg} \leftarrow m = ۲ \text{ kg}$

ب) با سرعت اولیه ۵ m/s روبه پایین پرتاب می‌کنیم \leftarrow جهت مثبت را روبه پایین در نظر می‌گیریم؛ $v_0 = +۵ \text{ m/s}$

ج) اگر سرعت جسم پس از ۱۲ m متر جابه‌جایی روی سطح به ۸ m/s برسد $\leftarrow \Delta x = ۱۲ \text{ m}$ ، $v_1 = ۸ \text{ m/s}$ ،

د) کار نیروی اصطکاک چند ژول است؟ $\leftarrow W_{fk} = ?$

گام دوم



باتوجه به اینکه فقط دو نیروی اصطکاک و مولفه سطح شیب‌دار وزن در راستای حرکت، کار انجام می‌دهند و سرعت ابتدا و انتهای مسیر را داریم، از قضیه کار و انرژی استفاده می‌کنیم:

$$\left(W_t = \Delta K \Rightarrow W_{mg} + W_f = \frac{1}{2} m (v_1^2 - v_0^2) \right)$$

W_{mg} برابر است با:

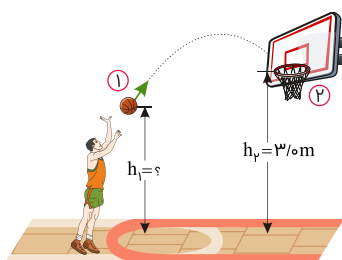
$$\begin{cases} W_{mg} = mgh \\ h = \Delta x \sin 30^\circ = ۱۲ \times \frac{1}{2} = ۶ \text{ m} \\ \Rightarrow W_{mg} = ۲ \times ۱۰ \times ۶ = ۱۲۰ \text{ J} \end{cases}$$

بنابراین داریم:

$$\begin{aligned} W_{mg} + W_{fk} &= \frac{1}{2} m (v_1^2 - v_0^2) \Rightarrow ۱۲۰ + W_{fk} = \frac{1}{2} \times ۲ \times (۶۴ - ۲۵) \\ \Rightarrow ۱۲۰ + W_{fk} &= ۳۹ \Rightarrow W_{fk} = ۳۹ - ۱۲۰ = -۸۱ \text{ J} \end{aligned}$$

گزینه ۱

چون مقاومت هوا ناچیز است و اتلاف انرژی نداریم، انرژی مکانیکی توپ پایسته است. بین لحظه رها شدن توپ از دست ورزشکار و لحظه ورود توپ به سبد، پایستگی انرژی را می‌نویسیم. (سطح مبدأ پتانسیل گرانشی را زمین در نظر می‌گیریم)



$$E_1 = E_2 \Rightarrow U_1 + K_1 = U_2 + K_2$$

$$mgh_1 + \frac{1}{2}mv_1^2 = mgh_2 + \frac{1}{2}mv_2^2$$

$$\Rightarrow ۱۰h_1 + \frac{1}{2}(۶)^2 = ۱۰(۳) + \frac{1}{2}(۵)^2 \Rightarrow h_1 = ۲/۴۵ \text{ m}$$

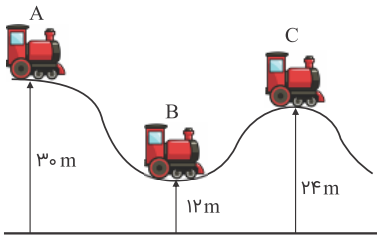
گام اول

الف) اصطکاک ناچیز است ← پایستگی انرژی مکانیکی برقرار است.

ب) اربه بدون سرعت اولیه از حالت A رها می‌شود ← $h_A = 30\text{ m}$, $v_A = 0$

ج) نسبت سرعت اربه در حالت B به سرعت آن در حالت C کدام است؟ ← $\frac{v_B}{v_C} = ?$

گام دوم



اصل پایستگی انرژی مکانیکی را یک بار برای دو نقطه A و B و بار دیگر برای دو نقطه A و C نوشته و سرعت در لحظات B و C را می‌یابیم.

$$\begin{cases} E_B = E_A \\ h_B = 12\text{ m} \Rightarrow K_B + U_B = K_A + U_A \Rightarrow \frac{1}{2}mv_B^2 + m_Bgh_B = mgh_A \Rightarrow \frac{1}{2}v_B^2 + 10 \times 12 = 10 \times 30 \Rightarrow |v_B| = \sqrt{360}\text{ m/s} \\ K_A = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} E_C = E_A \\ h_C = 24\text{ m} \Rightarrow K_C + U_C = K_A + U_A \Rightarrow \frac{1}{2}mv_C^2 + mgh_C = mgh_A \Rightarrow \frac{1}{2}v_C^2 + 10 \times 24 = 10 \times 30 \Rightarrow |v_C| = \sqrt{120}\text{ m/s} \end{cases}$$

$$\left| \frac{v_B}{v_C} \right| = \sqrt{\frac{360}{120}} = \sqrt{3}$$

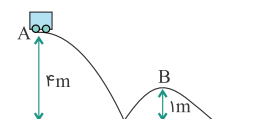
گام اول

الف) از نقطه A با سرعت ۲ m/s می‌گذرد ← $v_A = 2\text{ m/s}$

ب) سرعت آن هنگام عبور از نقطه B چند متر بر ثانیه است ← $v_B = ?$

ج) از اصطکاک صرف‌نظر شود. ← پایستگی انرژی مکانیکی برقرار است.

گام دوم



اصل پایستگی انرژی مکانیکی را برای دو نقطه A و B می‌نویسیم:

$$\begin{cases} E_A = E_B \\ h_B = 1\text{ m} \Rightarrow K_A + U_A = K_B + U_B \\ h_A = 4\text{ m} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}m(v_A)^2 + mg \times 4 = \frac{1}{2}mv_B^2 + mg \times 1$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} \times (2)^2 + 10 \times 4 = \frac{1}{2}(v_B)^2 + 10 \Rightarrow v_B = 8\text{ m/s}$$

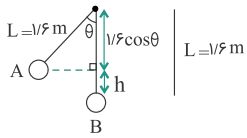
گام اول

الف) آونگی به طول $۱/۶$ متر $l = ۱/۶ \text{ m}$

ب) وقتی گلوله آونگ از پایین‌ترین نقطه مسیر می‌گذرد، سرعتش ۴ m/s است $v_B = ۴ \text{ m/s}$

ج) زاویه راستای نخ با خط قائم وقتی گلوله به بالاترین نقطه مسیر می‌رسد، چند درجه است؟ $\theta = ?$ ، $v_A = 0$

گام دوم



اصل پایستگی انرژی مکانیکی را برای دو نقطه A و B می‌نویسیم:

$$\begin{cases} E_A = E_B \\ U_B = 0 \\ K_A = 0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow K_A + U_A = K_B + U_B \Rightarrow U_A = K_B$$

$$\Rightarrow m \times g \times h = \frac{1}{2} \times m \times (v_B)^2$$

$$\Rightarrow 10 \times h = \frac{1}{2} \times (4)^2 \Rightarrow h = 0.8 \text{ m}$$

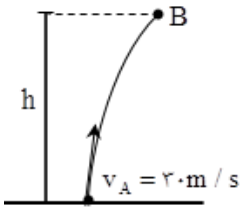
$$\begin{cases} h = L - L \cos \theta \\ h = 0.8 \text{ m} \end{cases}$$

$$\Rightarrow 0.8 = 1/6(1 - \cos \theta) \Rightarrow \frac{1}{2} = 1 - \cos \theta$$

$$\Rightarrow \cos \theta = \frac{1}{2} \Rightarrow \theta = 60^\circ$$

گام اول

- الف) گلوله‌ای در شرایط خلأ ← از مقاومت هوا صرف‌نظر شده $h_A = 0 \Rightarrow U_A = 0$
 ب) از سطح زمین با سرعت اولیه 30 m/s در امتداد قائم به طرف بالا پرتاب می‌شود $v_A = 30 \text{ m/s}$
 ج) در چند متری سطح زمین انرژی جنبشی گلوله نصف پتانسیل گرانشی آن است؟ $\frac{K_B}{U_B} = \frac{1}{2}$ ، $h_B = ?$



گام دوم

باتوجه به پایستگی انرژی مکانیکی در نقاط A و B داریم:

$$E_A = E_B \Rightarrow K_A + U_A = K_B + U_B$$

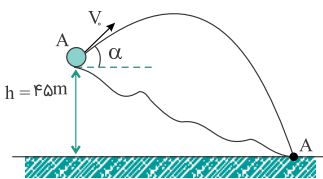
$$\Rightarrow K_A + 0 = \frac{U_B}{2} + U_B$$

$$\Rightarrow K_A = \frac{3}{2} U_B \Rightarrow \frac{1}{2} m v_A^2 = \frac{3}{2} m \times g \times h$$

$$\Rightarrow (30)^2 = 3 \times 10 \times h \Rightarrow h = 30 \text{ m}$$

گام اول

- الف) گلوله‌ای در شرایط خلأ با سرعت اولیه 30 m/s ← مقاومت هوا $= 0$ ، $v_A = 30 \text{ m/s}$
 ب) از ارتفاع ۴۵ متری سطح زمین روبه بالا پرتاب می‌شود $h_A = 45 \text{ m}$
 ج) گلوله با سرعت چند متر بر ثانیه به زمین برخورد می‌کند؟ $h_B = 0 \Rightarrow U_B = 0$



گام دوم

سطح زمین را مبدأ پتانسیل گرانشی فرض می‌کنیم؛ کافی است اصل پایستگی انرژی مکانیکی را در دو نقطه A و B بنویسیم:

$$E_A = E_B \Rightarrow U_A + K_A = U_B + K_B$$

$$\Rightarrow mgh_A + \frac{1}{2} m v_A^2 = \frac{1}{2} m v_B^2$$

$$\Rightarrow 10 \times 45 + \frac{1}{2} \times (30)^2 = \frac{1}{2} \times v_B^2 \Rightarrow 900 \times 2 = v_B^2$$

$$\Rightarrow v_B = \pm 30\sqrt{2} \Rightarrow |v_B| = 30\sqrt{2} \text{ m/s}$$

گام اول

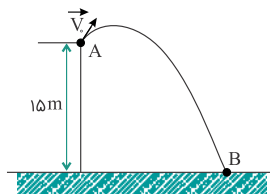
الف) از بالای یک بلندی به ارتفاع ۱۵ ← $h_A = 15 \text{ m}$

ب) جسمی به جرم ۱۰۰ g ← $m = 100 \text{ g}$

ج) با سرعت اولیه ۱۰ m/s پرتاب می‌کنیم ← $v_A = 10 \text{ m/s}$

د) اندازه سرعت جسم در هنگام برخورد با زمین چند m/s است ← $h_B = 0, v_B = ?$

گام دوم



اگر مبدأ پتانسیل را سطح زمین در نظر بگیریم، جسم در نقطه A انرژی پتانسیل و جنبشی دارد اما در نقطه B فقط انرژی جنبشی دارد. بنابراین باتوجه به اصل پایستگی انرژی مکانیکی ($E_A = E_B$)، داریم:

$$E_A = E_B \Rightarrow K_A + U_A = K_B + U_B$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}mv_A^2 + mgh_A = \frac{1}{2}mv_B^2$$

$$\xrightarrow{\text{m از دو طرف تساوی ساده می‌شود}} \frac{1}{2} \times (10)^2 + 10 \times 15 = \frac{1}{2} \times (v_B)^2$$

$$\Rightarrow 200 \times 2 = (v_B)^2 \Rightarrow v_B = \pm 20 \text{ m/s} \Rightarrow |v_B| = 20 \text{ m/s}$$

گام اول

الف) جسم A به جرم m از ارتفاع ۱۰ متری سطح زمین رها می‌شود ← $v_{0A} = 0 \Rightarrow K_{0A} = 0, h_{0A} = 10 \text{ m}, m_A = m$

ب) جسم B به جرم ۲ m از ارتفاع ۲۰ متری سطح زمین رها می‌شود ← $v_{0B} = 0 \Rightarrow K_{0B} = 0, h_{0B} = 20 \text{ m}, m_B = 2m$

ج) انرژی جنبشی جسم B در لحظه رسیدن به زمین چند برابر انرژی جنبشی جسم A در لحظه رسیدن به زمین است؟

$$\begin{cases} h_{1A} = 0 \Rightarrow U_{1A} = 0 \\ h_{1B} = 0 \Rightarrow U_{1B} = 0 \end{cases}, \frac{K_{1B}}{K_{1A}} = ?$$

گام دوم

اصل پایستگی انرژی مکانیکی را به طور جداگانه برای اجسام A و B به کار می‌بریم.
جسم A:

$$E_{0A} = E_{1A} \Rightarrow U_{0A} + K_{0A}$$

$$= U_{1A} + K_{1A} \Rightarrow U_{0A} = K_{1A}$$

جسم B:

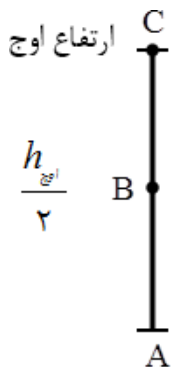
$$U_{0B} = K_{1B} \text{ داریم}$$

به دلیل تشابه شرایط مسئله برای دو جسم A و B داریم:

$$\frac{K_{1B}}{K_{1A}} = \frac{U_{0B}}{U_{0A}} = \frac{m_B g h_{0B}}{m_A g h_{0A}} = \frac{2m \times 20}{m \times 10} = 4$$

گام اول

الف) جسمی به جرم m را با سرعت 8 m/s در راستای قائم به طرف بالا پرتاب می‌کنیم $\leftarrow v = 8 \text{ m/s}$
 ب) با نادیده گرفتن اتلاف انرژی \leftarrow طبق اصل پایستگی انرژی مکانیکی، انرژی مکانیکی در تمام طول حرکت جسم ثابت است.
 ج) سرعت جسم در نیمه راه روبه بالا چند متر بر ثانیه است؟ \leftarrow =؟ نصف ارتفاع اوج v



گام دوم

ابتدا اصل پایستگی انرژی مکانیکی را برای دو نقطه A و C و بار دیگر برای دو نقطه A و B می‌نویسیم:

$$\begin{cases} E_A = E_C \\ h_A = 0 \Rightarrow U_A = 0 \\ v_C = 0 \Rightarrow K_C = 0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow U_A + K_A = U_C + K_C \Rightarrow K_A = U_C \Rightarrow \frac{1}{2}mv_A^2 = mgh_C$$

$$\Rightarrow h_C = \frac{v_A^2}{2g} \Rightarrow h_C = \frac{(8)^2}{2 \times 10} = 3/2 \text{ m}$$

$$\begin{cases} E_A = E_B \\ h_B = \frac{h_C}{2} = \frac{3/2}{2} = 1/6 \text{ m} \end{cases}$$

$$\Rightarrow K_A = U_B + K_B \Rightarrow \frac{1}{2}mv_A^2 = \frac{1}{2}mv_B^2 + mgh_B$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} \times (8)^2 = \frac{1}{2} \times (v_B)^2 + 10 \times 1/6 \Rightarrow v_B = 4\sqrt{2} \text{ m/s}$$

گام اول

الف) جسمی به جرم 2 kg $\leftarrow m = 2 \text{ kg}$

ب) با سرعت 10 m/s در راستای قائم روبه بالا پرتاب می‌کنیم $\leftarrow v_0 = 10 \text{ m/s}$, $h_0 = 0 \Rightarrow U_0 = 0$

ج) انرژی مکانیکی جسم در نصف ارتفاع اوج چند ژول است؟ \leftarrow طبق اصل پایستگی انرژی مکانیکی، انرژی مکانیکی در تمام مسیر حرکت جسم یکسان است؛ پس $E_1 = E_0 = ?$

گام دوم

کافی است انرژی مکانیکی جسم را در لحظه پرتاب به دست آوریم:

$$\begin{cases} E_0 = E_1 \\ E_0 = U_0 + K_0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow E_1 = K_0 = \frac{1}{2}mv_0^2 = \frac{1}{2} \times 2 \times 100 = 100 \text{ J}$$

طبق قضیه کار و انرژی جنبشی می‌توانیم کار انجام شده روی گلوله از طرف دیوار را محاسبه کنیم:

$$W = \Delta K = K_2 - K_1 = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)$$

$$W = \frac{1}{2} \times 40 \times 10^{-3} (0 - 300^2)$$

$$W = 2 \times 10^{-2} (0 - 9 \times 10^4) \Rightarrow W = -1800 \text{ J}$$

کار نیروی وزن برای یک جسم تنها به تغییر ارتفاع آن بستگی دارد و مسیر حرکت مهم نیست. چون در این سؤال تغییر ارتفاع هر سه توپ یکسان است، کار نیروی وزن این سه توپ مشابه، یکسان است.

تغییر انرژی پتانسیل گرانشی: ΔU ، $W_{\text{وزن}} = mgh = -\Delta U$

$$\left. \begin{array}{l} m_1 = m_2 = m_3 \\ \Delta h_1 = \Delta h_2 = \Delta h_3 = h \end{array} \right\} \xrightarrow{W=mgh} W_1 = W_2 = W_3$$

از قضیه کار و انرژی جنبشی استفاده می‌کنیم:

$$W = \Delta K$$

$$\frac{W_2}{W_1} = \frac{\frac{1}{2}m((3v)^2 - (v)^2)}{\frac{1}{2}m(v^2 - 0)} = \frac{8v^2}{v^2} = 8$$

گام اول

الف) جسمی با سرعت 10 m/s در جهت مثبت محور x ها حرکت می‌کند و انرژی جنبشی آن $K_1 = 100 \text{ J}$ ، $v_1 = 10 \text{ m/s}$ ،
 ب) پس از مدتی سرعت جسم تغییر کرده و در جهت منفی محور x ها به 20 m/s می‌رسد ← جسم در جهت منفی حرکت می‌کند پس:
 $v_2 = -20 \text{ m/s}$

ج) کار برآیند نیروهای وارد بر این جسم در این مدت چند ژول است؟ ← $W_T = ?$

گام دوم

ابتدا جرم جسم را به دست می‌آوریم، سپس با استفاده از قضیه کار و انرژی جنبشی، کار برآیند نیروهای وارد بر جسم را محاسبه می‌کنیم.

$$K = \frac{1}{2}mv_1^2 \Rightarrow 100 = \frac{1}{2} \times m \times (10)^2 \Rightarrow m = 2 \text{ kg}$$

$$W_T = \Delta K = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2) = \frac{1}{2} \times 2 \times ((-20)^2 - (10)^2) = 300 \text{ J}$$

گام اول

الف) گلوله‌ای به جرم $2 \text{ kg} \leftarrow m = 2 \text{ kg}$ ب) با سرعت اولیه $20 \text{ m/s} \leftarrow v_0 = 20 \text{ m/s}$ ج) این گلوله با سرعت 10 m/s از نقطه اوج می‌گذرد $\leftarrow v_1 = 10 \text{ m/s}$ د) کار برآیند نیروهای وارد بر گلوله از لحظه پرتاب تا زمان رسیدن به نقطه اوج چند ژول است؟ $\leftarrow W_T = ?$

گام دوم

باتوجه به اینکه سرعت اولیه و نهایی را داریم، می‌توانیم از قضیه کار و انرژی استفاده کنیم:

$$W_T = \Delta K = \frac{1}{2} m (v_1^2 - v_0^2)$$

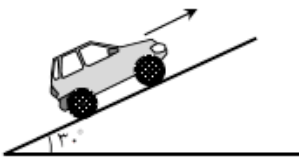
$$\Rightarrow W_T = \frac{1}{2} \times 2 \times ((10)^2 - (20)^2) = -300 \text{ J}$$

گام اول

الف) اتومبیلی به جرم $2 \text{ تن} \leftarrow m = 2000 \text{ kg}$ ب) در یک جاده شیب‌دار که با سطح افق زاویه 30° درجه می‌سازد $\leftarrow \alpha = 30^\circ$ ج) اگر سرعت اتومبیل در مدت 20 ثانیه از 2 m/s به 12 m/s برسد $\leftarrow \Delta t = 20 \text{ s}$, $v_1 = 2 \text{ m/s}$, $v_2 = 12 \text{ m/s}$ د) کار برآیند نیروهای وارد بر اتومبیل در این بازه زمانی چند کیلوژول است؟ $\leftarrow W_T = ? \text{ kJ}$

گام دوم

کافی است قضیه کار و انرژی را برای اتومبیل بنویسیم:



$$W_T = \frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2) = \frac{1}{2} \times 2000 \times ((12)^2 - (2)^2) = 140 \times 10^3 \text{ J} = 140 \text{ kJ}$$

الف) جرم جسمی $2 \text{ kg} \leftarrow 2 \text{ kg}$ $m = 2 \text{ kg}$

ب) سرعت آن در یک مسیر مستقیم v_1 است. اگر سرعت آن به اندازه $\lambda \text{ m/s}$ افزایش یابد $v_2 = v_1 + \lambda$

ج) انرژی جنبشی آن ۴ برابر می‌شود. $\frac{K_2}{K_1} = 4$

د) $v_1 = ?$ چند متر بر ثانیه است؟

باتوجه به نسبت $\frac{K_2}{K_1} = 4$ و رابطه $v_2 = v_1 + \lambda$ سرعت ثانویه را محاسبه می‌کنیم:

$$\frac{K_2}{K_1} = \frac{\frac{1}{2}mv_2^2}{\frac{1}{2}mv_1^2} \Rightarrow 4 = \left(\frac{v_2}{v_1}\right)^2 \Rightarrow v_2 = \pm 2v_1$$

باتوجه به رابطه به دست آمده ۲ حالت خواهیم داشت:

حالت اول: $v_2 = +2v_1$

$$\begin{cases} v_2 = v_1 + \lambda \\ v_2 = 2v_1 \end{cases} \Rightarrow 2v_1 = v_1 + \lambda \Rightarrow v_1 = \lambda \text{ m/s}$$

حالت دوم: $v_2 = -2v_1$

$$\begin{cases} v_2 = v_1 + \lambda \\ v_2 = -2v_1 \end{cases} \Rightarrow -2v_1 = v_1 + \lambda \Rightarrow -3v_1 = \lambda \Rightarrow v_1 = -\frac{\lambda}{3} \text{ m/s}$$

برای v_1 ، مقدار محاسبه شد که فقط $v_1 = \lambda \text{ m/s}$ در گزینه‌ها می‌باشد.

الف) انرژی جنبشی گلوله‌ای $4 \text{ J} \leftarrow 4 \text{ J}$ $K_1 = 4 \text{ J}$

ب) و سرعت آن 4 m/s است $v_1 = 4 \text{ m/s}$

ج) سرعت آن را به چند متر بر ثانیه برسانیم تا انرژی جنبشی آن 5 J شود؟ $K_2 = 5 \text{ J}$ ، $v_2 = ?$

باتوجه به اینکه جرم گلوله تغییر نکرده کافی است نسبت K_1 به K_2 را به دست آوریم تا سرعت در ثانویه به دست آید:

$$\frac{K_2}{K_1} = \frac{\frac{1}{2}m(v_2)^2}{\frac{1}{2}m(v_1)^2} \Rightarrow \frac{K_2}{K_1} = \left(\frac{v_2}{v_1}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{5}{4} = \left(\frac{v_2}{4}\right)^2 \Rightarrow \sqrt{\frac{5}{4}} = \frac{v_2}{4} \Rightarrow v_2 = 2\sqrt{5} \text{ m/s}$$

$$W = F_x d_x + F_y d_y = 30 \times 6 + 40 \times 0 = 180 \text{ J}$$

اگر نیروی \vec{F} برآیند چند نیرو مثل \vec{F}_1 و \vec{F}_2 و ... باشد، داریم:

$$\vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \dots$$

از طرفی با حاصلضرب جابه‌جایی در نیرو خواهیم داشت:

$$W = W_1 + W_2 + \dots$$

مطابق صورت سوال، کار برآیند نیروهای وارد بر جسم صفر است، بنابراین:

$$W = 0 \Rightarrow W_1 + W_2 + \dots = 0$$

درنتیجه مجموع کار نیروهای وارد بر جسم نیز در آن جابه‌جایی برابر صفر است.

الف) اتومبیلی با سرعت $90 \text{ km/h} \leftarrow 25 \text{ m/s} = \frac{90}{3.6} \text{ m/s}$

ب) سرعت اتومبیل تقریباً چند متر بر ثانیه افزایش یابد، تا انرژی جنبشی آن ۲ برابر شود؟ $\Delta v = ?$ ، $\frac{K_2}{K_1} = 2$

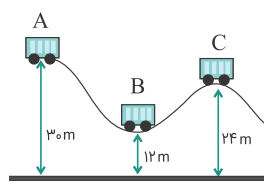
کافی است نسبت انرژی جنبشی اتومبیل را بنویسیم:

$$\frac{K_2}{K_1} = \frac{\frac{1}{2}m(v_2)^2}{\frac{1}{2}m(v_1)^2} \Rightarrow 2 = \left(\frac{v_2}{25}\right)^2 \Rightarrow v_2 = 25\sqrt{2} \simeq 35 \text{ m/s}$$

$$\Delta v = v_2 - v_1 = 35 - 25 = 10 \text{ m/s}$$

بنابراین سرعت اتومبیل باید نسبت به حالت قبلش 10 m/s افزایش پیدا کند.

با استفاده از پایستگی انرژی مکانیکی داریم:



$$E_A = E_B \Rightarrow U_A + K_A = U_B + K_B \Rightarrow mgh_A + \frac{1}{2}mv_A^2 = mgh_B + \frac{1}{2}mv_B^2$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}v_B^2 = g(h_A - h_B) \Rightarrow v_B^2 = 2g\Delta h \Rightarrow v = \sqrt{2g\Delta h}$$

$$\Rightarrow v_B = \sqrt{20 \times (30 - 12)} = \sqrt{20 \times 18} = \sqrt{360} \text{ m/s}$$

$$\Rightarrow v_C = \sqrt{20 \times (30 - 24)} = \sqrt{20 \times 6} = \sqrt{120} \text{ m/s}$$

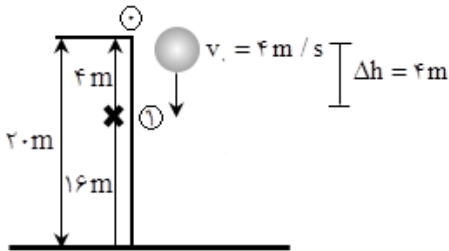
$$\Rightarrow \frac{v_B}{v_C} = \frac{\sqrt{360}}{\sqrt{120}} = \sqrt{3}$$

گام اول

الف) گلوله‌ای از ارتفاع ۲۰ متری سطح زمین $h_0 = 20 \text{ m}$ ←

ب) با سرعت اولیه $v_0 = 4 \text{ m/s}$ ←

ج) انرژی جنبشی این گلوله بعد از ۴ متر پایین آمدن چند برابر می‌شود؟ ← $\frac{K_1}{K_0} = ?$ ، $h_1 = 20 - 4 = 16 \text{ m}$



گام دوم

باتوجه به پایستگی انرژی مکانیکی در نقاط ۰ و ۱ می‌توانیم نسبت $\frac{K_1}{K_0}$ را به دست بیاوریم. مبدأ پتانسیل را ارتفاع ۱ ($U_1 = 0$) در نظر می‌گیریم، بنابراین:

$$E_0 = E_1 \Rightarrow K_0 + U_0 = K_1 + U_1 \Rightarrow K_0 + U_0 = K_1$$

$$\begin{cases} K_0 = \frac{1}{2}mv_0^2 = \frac{1}{2} \times m \times (4)^2 = 8m \\ U_0 = mgh = m \times 10 \times 4 = 40m \end{cases}$$

$$K_1 = K_0 + U_0 = 8m + 40m = 48m$$

$$\frac{K_1}{K_0} = \frac{48m}{8m} = 6$$

$K = \frac{1}{2}mv^2$ ، وقتی جرم ثابت است:

$$\frac{K_2}{K_1} = \left(\frac{v_2}{v_1}\right)^2 \xrightarrow{K_2=1/44K_1} 1/44 = \left(\frac{v+5}{v}\right)^2$$

از طرفین رابطه جذر می‌گیریم:

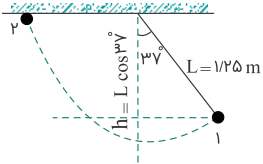
$$1/2 = \frac{v+5}{v} \Rightarrow 1/2v = v+5$$

پس:

$$0/2v = 5 \Rightarrow v = \frac{5}{0/2} = 25 \text{ m/s}$$

طبق تعریف، فقط نیرویی که در راستای جابه‌جایی است، کار انجام می‌دهد. پس باتوجه به اینکه جابه‌جایی در جهت $+x$ است، تنها نیروی F_x کار انجام داده است:

$$W = F_x \cdot x \cos 0 = 15 \times 10 = 150 \text{ J}$$



مبدأ پتانسیل را نقطه ۱ در نظر می‌گیریم ($U_1 = 0$). با توجه به اصل پایستگی انرژی مکانیکی داریم:

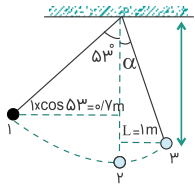
$$\begin{cases} E_1 = E_2 \\ U_1 = 0 \\ K_2 = 0 \\ h = L \cos 37^\circ \\ L = 1/25 \\ \cos 37^\circ = 0/8 \end{cases} \Rightarrow K_1 + U_1 = K_2 + U_2$$

$$\Rightarrow K_1 = U_2 \Rightarrow \frac{1}{2}mv_1^2 = mgh$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}v_1^2 = gL \cos 37^\circ \Rightarrow \frac{1}{2}v_1^2$$

$$= 10 \times 1/25 \times 0/8 \Rightarrow |v_1| = 2\sqrt{5} \text{ m/s}$$

با استفاده از قضیه پایستگی انرژی مکانیکی داریم:



$$E_1 = E_2 \Rightarrow K_1 + U_1 = K_2 + U_2$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 = mgh_1 - mgh_2$$

$$\Rightarrow v_2^2 - v_1^2 = 2g(h_1 - h_2)$$

$$\Rightarrow v_2^2 - 0 = 2g(1 - 0/6) \xrightarrow{v_2=v} v^2 = \lambda$$

$$E_2 = E_3 \Rightarrow K_2 + U_2 = K_3 + U_3$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}mv_3^2 - \frac{1}{2}mv_2^2 = mgh_2 - mgh_3$$

$$\Rightarrow v_3^2 - v_2^2 = 2g(h_2 - h_3) \Rightarrow v_3^2 - \lambda = 2g(0 - h_3)$$

$$\xrightarrow{v_3 = \frac{\sqrt{2}}{2}v} \left(\frac{\sqrt{2}}{2}v \right)^2 - v^2 = -2gh_3$$

$$\Rightarrow \frac{v^2}{2} = 2gh_3 \Rightarrow \frac{\lambda}{2} = 2 \times 10 \times h_3 \Rightarrow h_3 = 0/2 \text{ m}$$

$$l' = l - h_3 = 1 - 0/2 = 0/8 \text{ m}$$

$$\cos \alpha = \frac{l'}{l} = \frac{0/8}{1} = 0/8 \Rightarrow \alpha = 37^\circ$$

گام اول

الف) اگر سرعت متحرک به جرم m به اندازه 5 m/s افزایش پیدا کند $\leftarrow v_2 = v_1 + 5$
 ب) افزایش انرژی جنبشی آن $\frac{5}{4}$ انرژی جنبشی اولیه می‌شود $\leftarrow \Delta K = \frac{5}{4}K_1 \Rightarrow K_2 = \frac{9}{4}K_1$
 ج) سرعت اولیه متحرک چند متر بر ثانیه بوده است؟ $\leftarrow v_1 = ?$

گام دوم

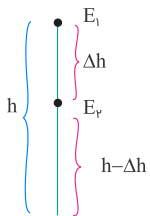
با استفاده از رابطه $K = \frac{1}{2}mv^2$ داریم:

$$K_2 = \frac{9}{4}K_1 \Rightarrow \frac{1}{2}mv_2^2 = \frac{9}{4} \times \frac{1}{2}mv_1^2$$

$$\Rightarrow (v_1 + 5)^2 = \frac{9}{4}v_1^2 \Rightarrow v_1 + 5 = \frac{3v_1}{2} \Rightarrow v_1 = 10 \text{ m/s}$$

گزینه ۱

در این گونه سؤالات بهترین راه حل استفاده از پایستگی انرژی مکانیکی کل است.



$$E_1 = \cancel{K_1} + U_1 = mgh$$

$$E_2 = K_2 + U_2 = \frac{1}{4}U_2 + U_2 = \frac{5}{4}U_2$$

$$E_1 = E_2 \Rightarrow mgh = \frac{5}{4}mg(h - \Delta h)$$

$$\Rightarrow 4h = 5h - 5\Delta h \Rightarrow \frac{\Delta h}{h} = \frac{1}{5}$$